

الاسم :

مذاكرة التابع الأسبي

المدة :

الدرجة الكاملة : 300



BAC MATHS

أولاً: أجب عن السؤالين الآتيين : (40 درجة لكل سؤال)

السؤال الأول: حل المعادلتين الآتيتين :

1) $25^x + 5^{x+1} - 6 = 0$

2) $e^x + 10e^{-x} - 7 = 0$

السؤال الثاني:

(1) عيّن حل المعادلة التفاضلية $y' - y = 1$ الذي يمر خطه البياني بالمبدأ O .

(2) أثبت أنّ التابع $f(x) = x \ln x$ هو حل للمعادلة التفاضلية $y' - \frac{1}{x}y = 1$.

ثانياً: حل التمرينين الآتيين : (60 درجة لكل تمرين)

التمرين الأول: ليكن C الخط البياني للتابع f المعرفة على \mathbb{R} وفق $f(x) = xe^{1-x} + 2$. المطلوب :

(1) ادرس تغيّرات التابع f و نظم جدولاً بها .

(2) أثبت أنّ المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلاً وحيداً α ، و يحقّق $\alpha \in]-1,0[$.

(3) أثبت في حالة $n \geq 1$ أنّ : $f^{(n)}(x) = (-1)^n(x - n)e^{1-x}$.

التمرين الثاني: ليكن التابع f المعرفة على \mathbb{R} وفق $f(0) = 0$ و $f(x) = \frac{x^2}{e^x - 1}$ في حالة $x \neq 0$. المطلوب :

(1) أثبت أنّ التابع f اشتقائي عند $x = 0$.

(2) اكتب معادلة المماس T للخط C عند النقطة التي فاصلتها $x = 0$.

(3) أثبت من أجل كل x من \mathbb{R} أنّ $e^x - 1 \geq x$ ، ثم استنتج وضعيّة المماس T بالنسبة للخط C .

ثالثاً: حل المسألة الآتية : (100 درجة)

ليكن C الخط البياني للتابع f المعرفة على \mathbb{R} وفق : $f(x) = 2 \ln(e^x + 1) - x$ و المطلوب :

(1) أثبت أنّ التابع f زوجي و استنتج صفته التناظرية .

(2) أثبت أنّ المستقيم Δ الذي معادلته $y = x$ مقارب مائل للخط C في جوار $+\infty$ ، و ادرس وضعه النسبي .

(3) ادرس تغيّرات التابع f و نظم جدولاً بها ، و دل على القيم الحدية .

(4) في معلم متجانس ارسم الخط البياني C .

(5) استنتج رسم الخط البياني C_1 للتابع : $g(x) = -2 \ln(e^{-x} + 1) - x$.

----- انتهت الأسئلة -----