

النماذج الملكية في مادة الرياضيات

لضمان ال600

أولاً: اجب عن خمس أسئلة من ستة (40 درجة لكل سؤال)

x	$-\infty$		1		$+\infty$
'f(x)		+	-2		+2
F(x)	3		↘	4	↗

السؤال الأول: نتامل جدول تغيرات الاتي

(1) جد النهايات عن ال $+\infty$ وال $-\infty$

(2) هل يوجد قيم حدية؟

(3) اكتب معادلة نصف المماس عند الواحد

من اليمين

(4) اكتب معادلة كل مقارب افقي تجده

السؤال الثاني :

(1) اكتب معادلة الكرة S التي مركزها $A(1,1,1)$ ونصف قطرها $R=4$

(2) هل الكرة تمس المستوي $P:2X-y+4Z=-3$

السؤال الثالث:

في احدى مراكز الخدمة لدينا ثلاث مهندسين وخمسة عمال كم لجنة قوامها مهندس واحد وعامل واحد يمكننا تشكيلها

السؤال الرابع:

ليكن التابع F المعرف على R وفق $f(x) = xe^{-x}$

احسب $\int_0^{\ln 3} f(x)dx$

السؤال الخامس:

ليكن التابع F المعرف وفق: $f(x) = \ln(e^{2x} - e^x + 1)$

اثبت ان f يكتب بالصيغة $f(x) = 2x + \ln(1 - e^{-x} + e^{-2x})$

السؤال السادس:

ليكن التابع F الذي يعطى بالشكل $f(x) = x + \frac{\cos(x)}{\sqrt{x}}$

اثبت ان $Y=x$ مقارب مائل في جوار ال $+\infty$

ثانياً: حل التمارين الثلاثة الآتية (70 درجة للأول والثاني و60 درجة للثالث)

التمرين الأول: صندوق يحتوي على خمس كرات حمراء وخمس كرات خضراء نسحب عشوائياً من الصندوق ثلاث كرات معا" ننأمل المحول x الذي يأخذ القيمة 5 اذا كانت نتيجة السحب ثلاث كرات حمراء ويأخذ القيمة 3 اذا كانت نتيجة السحب كرتان حمراوتان وكرة خضراء ويأخذ القيمة صفر في بقية الحالات

عين القانون الاحتمالي للمتحول العشوائي واحسب التوقع الرياضي

التمرين الثاني: لتكن المتتالية $(u_n)_{n \geq 0}$ وفق $U_{n+1} = e\sqrt{x}$, $U_0 = e^3$

والمتتالية v_n المعرفة بالشكل $v_n = \ln(u_n) - 2$

(1) اثبت v_n هندسية و اوجد v_0

(2) اكتب v_n بدلالة n ثم u_n بدلالة n

(3) اثبت ان $\lim_{x \rightarrow +\infty} u_n = e^3$

التمرين الثالث: ليكن C الخط البياني للتابع F المعرفة على $\mathbb{R} \setminus \{-3\}$ وفق $f(x) = \frac{x^2+2x-2}{x+3}$

(1) اكتب $F(x)$ بالشكل $f(x) = ax + b + \frac{1}{x+3}$ وعين قيمة a و b

(2) اثبت ان $y = ax + b$ مقارب مائل في جوار ال $+\infty$

ثالثاً حل المسألتين الآتيتين (100 درجة لكل مسألة)

المسألة الأولى: في الفضاء المنسوب الى معلم متجانس $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ لدينا النقاط :

$A(1,0,-1)$ $B(2,2,3)$ $C(3,1,-2)$ $D(-4,2,1)$ المطلوب :

(1) اثبت ان المتثلث ABC قائم واحسب مساحته

(2) اثبت ان $\vec{n}(2, -3, 1)$ ناظم على المستوي (ABC) واكتب معادلة المستوي (ABC)

(3) احسب بعد D عن المستوي (ABC) ثم احسب حجم رباعي الوجوه (D, ABC)

(4) اكتب تمثيل وسيطي للمستقيم المار من A والعمودي على المستوي (ABC)

المسألة الثانية: ليكن C الخط البياني للتابع F المعطى وفق:

$$f(x) = \ln\left(\frac{2x}{x-1}\right)$$

- (1) تحقق ان مجموعة تعريف التابع f $]-\infty, 0[\cup]1, +\infty[$ ولتكن $Df =$
- (2) احسب نهايات التابع F عند اطراف مجموعة التعريف
- (3) أثبت أن F متناقص على مجموعة التعريف
- (4) ارسم في معلم واحد الخط البياني C

,,انتهت الأسئلة ,,

احمد عجان الحطيط