



١٢ أي الأزواج المرتبة التالية يحقق العلاقة :

$$s - s = 5 \text{ ؟}$$

أ (١-، ٦-)  ب (١، ٦)

ج (٦، ١-)  د (٣، ٢)

١٣ النقطة التي تحقق العلاقة :

$$2s + s = 5 \text{ ؟}$$

أ (٢، ١)  ب (١، ٢)

ج (٢، ٠)  د (٢، ٣)

١٤ إذا كان الزوج المرتب (ك، ٢ك) يحقق العلاقة

$$s + s = 9 \text{ فإن : ك = .....}$$

أ ٢  ب ١  ج ٣  د صفر

١٥ ميل المستقيم الرأسى هو .....

أ صفر  ب غير معرف  ج موجب  د سالب

الوحدة الثالثة:

١ الوسط الحسابى للقيم :

$$3, 6, 4, 5, 7 \text{ هو .....}$$

أ ٤  ب ٨  ج ٥  د ١٠

٢ الوسط الحسابى للقيم : ٢، ٥، ٣، ٦ هو .....

أ ٥  ب ٤  ج ١  د ٦

٣ الوسط الحسابى للقيم

$$6, 3-s, s-3, s+5, 6 \text{ يساوى .....}$$

أ ٣  ب ٥  ج ٦  د ١٦

٤ إذا كان الوسط الحسابى للقيم : ٣، ٥، ٥، ٥ هو ٤ فإن : س = .....

أ ١  ب ٢  ج ٣  د ٤

٦ إذا كان الوسط الحسابى للقيم : ٥، ٧، ٥ هو ٥ فإن : س = .....

أ ٣  ب ٤  ج ٥  د ٧

٧ إذا كان الوسط الحسابى لمجموعة من القيم

$$= 5 \text{ وعدد هذه القيم } = 5 \text{ فإن مجموع هذه القيم}$$

$$= \text{.....}$$

أ ١٥  ب ١٠  ج ٢٥  د ٢٠

٨ إذا كان الوسط الحسابى للقيم :

$$1+2, 1+3, 1+4 \text{ حيث } |s| \text{ هو ٦}$$

$$\text{فإن : ١ = .....}$$

أ ٥  ب ٤  ج ٣  د ٧

٩ إذا كان الوسط الحسابى لستة قيم هو ١٢

فإن مجموع هذه القيم هو .....

أ ٢  ب ٦  ج ١٨  د ٧٢

١٠ المتوال للقيم : ١، ٣، ٧، ٦، ٧، ٥ هو .....

أ ١  ب ٣  ج ٦  د ٧

١١ المتوال للقيم : ٣، ٣، ٤، ٤، ٥، ٥ هو .....

أ ٤  ب ٢٢  ج ٥  د ٣

١٢ إذا كان المتوال : ٥، س+٢، ٤، ٦، ٩ هو ٦ فإن : س = .....

أ ٢  ب ٤  ج ٥  د ٦

١٣ إذا كان المتوال : ٤، ٥، س+١، ٣ هو ٥ فإن : س = .....

أ ١  ب ٤  ج ٧  د ٦

١٤ إذا كان المتوال : ٤، ٥، ١+٢، ٣، ٣، ٤ هو ٤ فإن : ١ = .....

أ ٣  ب ٢  ج ٥  د ٢٣

١٥ إذا كان الوسط الحسابى لسبع قيم هو ٦

فإن مجموع هذه القيم هو .....

أ ٤٢  ب ٢٤  ج ٤٨  د ٣٦

١٦ الوسيط للقيم : ٤، ٢، ١، ٧، ٥ هو .....

أ ٤  ب ٥  ج ٢  د ٣

- ١  ٢  ٣  ٤  ٥
- ٣ العلاقة:  $s + s = 0$  يحققها الزوج المرتب ...
- ١  ٢  ٣  ٤  ٥
- ١  ٢  ٣  ٤  ٥
- ٤ إذا كان  $(٧, ٢)$  تحقق العلاقة
- $s - s = k$  فإن  $k = \dots$
- ١  ٢  ٣  ٤  ٥
- ٥ ميل المستقيم الموازى لمحور السينات .....
- ١  ٢  ٣  ٤  ٥
- ١  ٢  ٣  ٤  ٥
- ٦ إذا كان  $(٢, -٥)$  يحقق العلاقة
- $٣ - s - s = ٠$  فإن  $s = \dots$
- ١  ٢  ٣  ٤  ٥
- ٧ إذا كان  $(-١, ٥)$  يحقق العلاقة
- $٣ - s + s = ٧$  فإن  $s = \dots$
- ١  ٢  ٣  ٤  ٥
- ٨ أى الأزواج المرتبة التالية يحقق العلاقة:
- $s - s = ٥$  ؟
- ١  ٢  ٣  ٤  ٥
- ١  ٢  ٣  ٤  ٥
- ٩ النقطة التى تحقق العلاقة:
- $٢ - s + s = ٥$  ؟
- ١  ٢  ٣  ٤  ٥
- ١٠ ميل المستقيم المار بالنقطتين  $(٣, ٤)$ ،  $(٥, ٢)$
- ١  ٢  ٣  ٤  ٥
- ١١ إذا كان الزوج المرتب  $(ك, ٢)$  يحقق العلاقة
- $٢ - s + s = ٥$  فإن  $ك = \dots$
- ١  ٢  ٣  ٤  ٥

- ٤٥ إذا كان:  $٣\sqrt{s} - \sqrt{s} = ٥$
- $٣\sqrt{s} + \sqrt{s} = ٥$  فإن  $s = \dots$
- ١  ٢  ٣  ٤  ٥
- ٤٦ مكعب حجمه  $٢\sqrt[٣]{٢٧}$  فإن طول قطروجه
- فيه .....  $s$
- ١  ٢  ٣  ٤  ٥
- ٤٧ إذا كان ثلاثة أرباع حجم كرة  $\pi ٨$   $s$  فإن طول
- قطرها .....  $s$
- ١  ٢  ٣  ٤  ٥
- ٤٨  $\{٥\} - [٧, ٥] = \dots$
- ١  ٢  ٣  ٤  ٥
- ٤٩  $\{٢\} - [٥, ٢] = \dots$
- ١  ٢  ٣  ٤  ٥
- ٥٠ مكعب طول حرفه  $٥$   $s$  فإن مساحته الكلية
- .....  $s$
- ١  ٢  ٣  ٤  ٥
- ٥١  $\cup \cup \cup = \dots$
- ١  ٢  ٣  ٤  ٥
- الوحدة الثانية
- ١ ميل المستقيم المار بالنقطتين  $(٢, ٣)$ ،  $(٢, ٤)$
- يساوى .....
- ١  ٢  ٣  ٤  ٥
- ٢ إذا كانت النقطة  $(١, ١)$  تحقق العلاقة
- $s + s = ٥$  فإن  $s = \dots$

٦  ٣٦  ٦٧٦  ٢٧١٨

٣٣   $\sqrt{3} = \sqrt{3}$  .....

٢   $\sqrt{2}$    $\sqrt{2}$    $\sqrt{2}$    $\sqrt{2}$

٣٤  مجموعة حل المعادلة :

$x + 5 = 5$  في  $x$  هي .....

٢   $\{0\}$    $\{10\}$    $\{-10\}$    $\emptyset$

٢٥  العدد النسبى الذى يقع بين  $0,2$  ،  $0,3$  هو ..

٢   $0,21$    $0,11$    $0,31$    $0,33$

٢٦  كرة مساحة سطحها  $4\pi$   $\text{سم}^2$  فإن طول نصف

قطرها .....  $\text{سم}$

٢  ١  ٢  ٣  ٤

٢٧  إذا كان  $\sqrt{9} = 9$  فإن  $9 = 1$  ..... حيث  $1 \geq 9$

٢  ٣   $3 \pm 9$    $9 \pm 3$

٢٨  إذا كان حجم مكعب  $= 64$   $\text{سم}^3$  فإن مجموع

أطوال أحرفه = .....  $\text{سم}$

٢  ٤  ٦٤  ٤٨  ١٠٠

٢٩  إذا كان  $\sqrt{5} = 5$  فإن  $5 = 5$  .....

٢  ٢٥  ١٥  ١٢٥  ٦٢٥

٤٠  إذا كان طول نصف قطر كرة يساوى  $6$   $\text{سم}$  فإن

حجمها يساوى .....  $\text{سم}^3$

٢   $\pi 6$    $\pi 36$    $\pi 72$    $\pi 288$

٤١  كرة طول نصف قطرها  $3$   $\text{سم}$  يكون

حجمها .....  $\text{سم}^3$

٢   $\pi 36$    $\pi 27$    $\pi \frac{4}{3}$    $\pi 4$

٤٢   $\{8, 3\} \cap \{8, 3\} = \{8, 3\}$  .....

٢   $\{3\}$    $\{8\}$    $\{8, 3\}$    $\emptyset$

٤٣   $\{5, 2\} \cap \{5, 2\} = \{5, 2\}$  .....

٢   $\{2\}$    $\{5\}$    $\{5, 2\}$    $\emptyset$

٤٤   $\sqrt{2} + \sqrt{2} = \sqrt{2}$  .....

٢   $\sqrt{4}$   ٤   $\sqrt{8}$    $\sqrt{6}$

٢٢  المعكوس الضربى للعدد  $\frac{3\sqrt{2}}{6}$  هو .....

٢   $3\sqrt{2}$    $3\sqrt{2}$

٢   $3\sqrt{6}$    $3\sqrt{2}$

٢٣  المعكوس الضربى للعدد  $\frac{5\sqrt{2}}{10}$  هو .....

٢   $10\sqrt{2}$    $5\sqrt{2}$    $5\sqrt{2}$

٢٤   $\{3, 1\} \cap \{3, 1\} = \{3, 1\}$  .....

٢   $\{3, 1\}$    $\{3, 1\}$

٢   $\{3, 1\}$    $\{3, 1\}$

٢٥   $\{3, 1\} \cap \{3, 1\} = \{3, 1\}$  .....

٢   $\emptyset$    $\{3, 1\}$    $\{3, 1\}$

٢٦   $16\sqrt{2} + 64\sqrt{2} = \dots$

٢  صفر  ٨  ٨  ٨

٢٧   $27\sqrt{2} - 3\sqrt{2} = \dots$

٢  ٩  ٢٧  صفر   $3\sqrt{2}$

٢٨   $\{6, 2\} - \{6, 2\} = \dots$

٢   $\{6, 2\}$    $\{6, 2\}$

٢   $\{6, 2\}$    $\{6, 2\}$

٢٩  إذا كان حجم مكعب  $125$   $\text{سم}^3$  فإن مجموع

أطوال أحرفه .....  $\text{سم}$

٢  ٢٥  ٦٠  ١٥٠  ١٢٥

٣٠  إذا كان  $1 + 3\sqrt{2} = 5$  ،  $1 - 3\sqrt{2} = 5$  .....

فإن  $(5 + 3\sqrt{2})^2 = \dots$

٢  ٢٤  ١  ٣  ٤

٣١   $(\sqrt{2} + 1)(\sqrt{2} - 1) = \dots$

٢  ٢  ٤   $\sqrt{2}$   ٦

٣٢  حجم متوازى المستطيلات الذى أبعاده

$\sqrt{2}$  ،  $3\sqrt{2}$  ،  $6\sqrt{2}$   $\text{سم}$  هو .....  $\text{سم}^3$

$$\sqrt{2} = \sqrt{2} - \sqrt{2} + \sqrt{2}$$

9 أثبت أن :

$$0 = 54\sqrt{2} - 16\sqrt{2} + 128\sqrt{2}$$

الحل

$$2 \times 27\sqrt{2} - 2 \times 8\sqrt{2} + 2 \times 64\sqrt{2}$$

$$0 = 2\sqrt{2} \times 6 - 2\sqrt{2} \times 2 + 2\sqrt{2} \times 8 =$$

10 أوجد ناتج مايلى فى أبسط صورة

$$(الإسكندرية ٢٠٢١) \quad \sqrt{18} - \sqrt{8} + \sqrt{2}$$

الحل

$$2 \times 9\sqrt{2} - 2 \times 4\sqrt{2} + \sqrt{2}$$

$$0 = 2\sqrt{2} \times 3 - 2\sqrt{2} \times 2 + \sqrt{2} =$$

11 أوجد ناتج مايلى فى أبسط صورة (دمياط ٢٠٢٢)

$$\frac{1}{4} \sqrt{125} + \frac{1}{4} \sqrt{45} - \frac{1}{4} \sqrt{20} - \frac{1}{4} \sqrt{8}$$

الحل

$$\frac{1}{4} (5 \times 25\sqrt{2} + 5 \times 9\sqrt{2} - 5 \times 4\sqrt{2} - 5 \times 16\sqrt{2})$$

$$= \frac{1}{4} (5\sqrt{2} \times 5 + 5\sqrt{2} \times 3 - 5\sqrt{2} \times 2 - 5\sqrt{2} \times 4)$$

$$= \frac{1}{4} (5\sqrt{2} \times 5 + 5\sqrt{2} \times 3 - 5\sqrt{2} \times 2 - 5\sqrt{2} \times 4)$$

12 اختصر لأبسط صورة :

$$(الشرقية ٢٠٢١) \quad \sqrt{12} - \sqrt{27} - \sqrt{50}$$

الحل

$$3 \times 4\sqrt{2} - 3 \times 9\sqrt{2} - 3 \times 25\sqrt{2}$$

$$0 = 3\sqrt{2} \times 2 - 3\sqrt{2} \times 3 - 3\sqrt{2} \times 5 =$$

13 أوجد ناتج مايلى فى أبسط صورة (الغربية ٢٠٢١)

$$32\sqrt{2} - 162\sqrt{2} \times \frac{1}{2} + 50\sqrt{2} + 18\sqrt{2}$$

الحل

$$2 \times 16\sqrt{2} - 2 \times 81\sqrt{2} \times \frac{1}{2} + 2 \times 25\sqrt{2} + 2 \times 9\sqrt{2}$$

$$2\sqrt{2} \times 4 - 2\sqrt{2} \times 81 \times \frac{1}{2} + 2\sqrt{2} \times 5 + 2\sqrt{2} \times 6 =$$

الحل

$$\sqrt{2} \times \frac{4}{2} - \sqrt{2 \times 25} + \sqrt{2 \times 9}$$

$$2\sqrt{2} = 2\sqrt{2} - 2\sqrt{5} + 2\sqrt{3}$$

5 اختصر الى أبسط صورة :

$$(القليوبية ٢٠٠٢) \quad \frac{1}{3} \sqrt{27} + \sqrt{2} - \sqrt{50}$$

الحل

$$3\sqrt{2} \times \frac{3}{3} + 3 \times 9\sqrt{2} - 3 \times 25\sqrt{2}$$

$$0 = 3\sqrt{2} + 3\sqrt{2} \times 6 - 3\sqrt{2} \times 5$$

6 اختصر الى أبسط صورة :

$$(القاهرة ٢٠٠٢) \quad \frac{1}{3} \sqrt{6} - \sqrt{2} + \sqrt{12}$$

الحل

$$3\sqrt{2} \times \frac{7}{3} - 3 \times 9\sqrt{2} \times \frac{1}{3} + 3 \times 4\sqrt{2}$$

$$3\sqrt{2} = 3\sqrt{2} \times 2 - 3\sqrt{2} + 3\sqrt{2} \times 2 =$$

7 اختصر الى أبسط صورة :

$$(الشرقية ٢٠٢٢) \quad 16\sqrt{2} \times 5 + \frac{1}{8} \sqrt{2} \times 8 + 54\sqrt{2}$$

الحل

$$2 \times 8\sqrt{2} \times 5 + \frac{8}{2} - 2 \times 27\sqrt{2}$$

$$2\sqrt{2} \times 10 + 4 - 2\sqrt{2} \times 3 =$$

$$4 - 2\sqrt{2} \times 3 =$$

8 اختصر الى أبسط صورة :

$$(الشرقية ٢٠٠٢) \quad \sqrt{2} - \frac{7}{2\sqrt{2}} - \sqrt{16} + \sqrt{18}$$

الحل

$$2\sqrt{2} - \frac{2\sqrt{2}}{2\sqrt{2}} \times \frac{7}{2\sqrt{2}} - 2 \times 4\sqrt{2} + 2 \times 9\sqrt{2}$$

$$2\sqrt{2} - 2\sqrt{2} \times \frac{7}{2} - 2\sqrt{2} \times 2 + 2\sqrt{2} \times 3$$

٥] إذا كان (١، ١٣) يحقق العلاقة :

$$٢ - س + ك ص = ١٥ \text{ فإن } ١ = \dots$$

٦] العلاقة  $س = ٥$  يمثلها خط مستقيم يوازى

محور .....

٧] ميل المستقيم العمودى على محور السينات

هو .....

٨] ميل المستقيم الموازى لمحور السينات .....

### مقالى

١] اختصر إلى أبسط صورة :

$$\frac{١}{٢} \sqrt{٤} + ٥\sqrt{٢} - ٣\sqrt{٢} \quad (\text{الأقصر ٢٠٠٢})$$

### الحل

$$\sqrt{٢} \frac{٤}{٢} + \sqrt{٢} \times ٢٥ - \sqrt{٢} \times ١٦$$

$$\sqrt{٢} = \sqrt{٢} \times ٢ + \sqrt{٢} \times ٥ - \sqrt{٢} \times ٤$$

٢] أوجد قيمة : (بنى سوف ٢٠٠٢)

$$\frac{١}{٢} \sqrt{٢٤} + \sqrt{٢} \times ٣ - ٥\sqrt{٢} + ١٨\sqrt{٢}$$

### الحل

$$\frac{١}{٢} \sqrt{٦ \times ٤} + \sqrt{٢} \times ٣ - \sqrt{٦} \times ٩ + \sqrt{٢} \times ٩$$

$$\sqrt{٦} \times ٢ \times \frac{١}{٢} + \sqrt{٢} \times ٣ - \sqrt{٦} \times ٣ + \sqrt{٢} \times ٩ =$$

$$\sqrt{٦} \times ٤ = \sqrt{٦} + \sqrt{٢} \times ٣ - \sqrt{٦} \times ٣ + \sqrt{٢} \times ٩ =$$

٣] أوجد ناتج مايلى فى أبسط صورة (دمياط ٢٠٠٢)

$$\sqrt{٧٥} - \sqrt{٢} \times ٣ - \sqrt{١٢} + ١٨\sqrt{٢}$$

### الحل

$$\sqrt{٣ \times ٢٥} + \sqrt{٢} \times ٣ - \sqrt{٣ \times ٤} + \sqrt{٢} \times ٩$$

$$\sqrt{٣} \times ٥ + \sqrt{٢} \times ٣ - \sqrt{٣} \times ٢ + \sqrt{٢} \times ٩ =$$

٤] اختصر إلى أبسط صورة :

$$\frac{١}{٢} \sqrt{٤} - ٥\sqrt{٢} + ١٨\sqrt{٢} \quad (\text{المنوفية ٢٠٠٢})$$

٥] مجموعة حل المعادلة  $س^٢ + ٩ = ٠$  فى ح

هى .....

$$٦] \dots = \{٥, ٣\} - [٥, ٣]$$

٧] مكعب حجمه ٢٧ سم<sup>٣</sup> فإن طول حرفه ..... سم

٨] مكعب حجمه ٦٤ سم<sup>٣</sup> فإن مساحته الجانبية

$$= \dots \text{ سم}^٢$$

$$٩] \dots = \{٠, ٢\} \cup [٢, ٢ - [$$

١٠] المساحة الكلية لمكعب طول حرفه ٤ سم هى .....

$$١١] \dots = ]٧, ٢ [- [٧, ٢ [$$

$$١٢] \dots = (\sqrt{٥} - \sqrt{٧})(\sqrt{٥} + \sqrt{٧})$$

١٣] المعكوس الضربى للعدد  $\frac{٣}{٢}$  هو .....

$$١٤] \dots = \{٥, ٣\} - ]٥, ٣ [$$

١٥] متوازى مستطيلات أبعاده

$\sqrt{٢}$  سم،  $\sqrt{٣}$  سم،  $\sqrt{٦}$  سم فإن حجمه ..... سم<sup>٣</sup>

١٦] مكعب مجموع أطوال أحره ٦٠ سم

فإن حجمه ..... سم<sup>٣</sup>

$$١٧] \dots = \sqrt{٨ - \sqrt{٢}} - \sqrt{٤}$$

$$١٨] \dots + ٣ = \sqrt{١٦ + ٩}$$

**أكمل :- (الوحدة الثانية)**

١] ميل المستقيم المار بالنقطتين

(٨، ٣)، (-٤، ١) هو ..... سم

٢] أى مستقيم يوازى محور الصادات ميله

هو .....

٣] إذا كان (١، ٢) يحقق العلاقة :

$$٣ - س + ك ص = ١٦ \text{ فإن } ك = \dots$$

٤] إذا كان (٣، ٢) يحقق العلاقة :

$$٥ - س + ك ص = ٢٢ \text{ فإن } ك = \dots$$

٢٤  ٢٧  ٢٨  ٤٥ 

٢٧ نقطة تقاطع المنحنيين الصاعد والنازل تعين على

محور المجموعات .....

٢ الوسط الحسابى  الوسط ٢ المنوال  ترتيب الوسيط 

٢٨ نقطة تقاطع المنحنيين الصاعد والنازل تعين على

محور التكرارات .....

٢ الوسط الحسابى  الوسط ٢ المنوال  ترتيب الوسيط 

٢٩ إذا كان الحد الأدنى لمجموعة هو ٤ ومركزها

٦ فإن حدها الأعلى يساوى .....

٤  ٨  ١٦  ١٢ 

٣٠ إذا كان الحد الأدنى لمجموعة هو ١٠ والحد

الأعلى لها هو  $s$  ومركزها ١٥ فإن  $s =$  .....١٠  ٥  ٢٠  ٨ 

٢١ إذا كانت النقطة (١٦، ٣٠) هو نقطة تقاطع

المنحنيين الصاعد والهابط فإن الوسيط = .....

١٦  ٢٣  ٦٠  ٣٠ 

٢٢ إذا كان ترتيب الوسيط لتوزيع تكرارى هو ٥٠ فإن

مجموع التكرارات = .....

٥٠  ٢٥  ١٠٠  ٥ **أكمل :- (الوحدة الأولى)**١ المكعب الذى حجمه ٨  $m^3$  يكون مجموع أطوالأحرفه .....  $m$ ٢ المعكوس الضربى للعدد  $\sqrt{2} + \sqrt{3}$  فى أبسط

صورة هو .....

٣  $\{0, 3\} - [4, 3]$  = .....٤  $(\sqrt{2} - \sqrt{8})(\sqrt{2} + \sqrt{8})$  = .....

١٧ الوسيط للقيم : ٧ ، ٥ ، ٣ ، ٤ ، ٨

هو .....

٣  ٤  ٥  ٧ 

١٨ الوسيط للقيم : ٦ ، ٣ ، ٤ ، ٥ ، ٢

هو .....

٢  ٣  ٤  ٥ 

١٩ الوسيط للقيم : ٢٤ ، ١٥ ، ٦ ، ٣ ، ٨

هو .....

٥  ٦  ٨  ١٧ 

٢٠ القيمة التى تتوسط القيم بعد ترتيبها تسمى .....

٢ الوسط  المنوال ٢ الوسيط  غير ذلك 

٢١ القيمة الأكثر شيوعاً أو تكراراً لمجموعة من القيم

تسمى .....

٢ الوسط الحسابى  الوسيط ٢ المنوال  المدى ٢٢ إذا كان الوسيط للقيم  $k+2$  ،  $k+3$  ،  $k+4$ 

هو .....

٢  ٣  ٤  ٥ 

٢٣ إذا كان ترتيب الوسيط من القيم المرتبة هو

الخامس فإن عدد القيم هو .....

٣  ٧  ٩  ١١ 

٢٤ إذا كان ترتيب الوسيط من القيم المرتبة هو

الثالث فإن عدد هذه القيم يساوى .....

١  ٢  ٣  ٥ 

٢٥ ترتيب الوسيط لمجموعة القيم :

٢ ، ٥ ، ٦ ، ٣ ، ٧ .....

٥  ٣  ٢  ٤ 

٢٦ إذا كان الوسيط لمجموعة القيم :

٢٧ ، ٤٥ ، ١٩ ، ٢٤ ، ٢٨ ،  $s$  فإن  $s =$  ...

$$36 = 6 = (s + 1)$$

إذا كانت : (الجيزة ٢٠٢٢)

$$\sqrt{5} + 3 = s, \quad \frac{4}{\sqrt{5} + 3} = s$$

أثبت أن :  $s$  ،  $s$  مترافقان

أوجد قيمة :  $s + s'$

**الحل**

$$\frac{(\sqrt{5} - 3)4}{5 - 9} = \frac{\sqrt{5} - 3}{\sqrt{5} - 3} \times \frac{4}{\sqrt{5} + 3} = s$$

$$\sqrt{5} - 3 = \frac{(\sqrt{5} - 3)4}{4} = s$$

$\therefore s$  ،  $s$  مترافقان

$$\sqrt{5} - 14 = 5 + \sqrt{5} - 9 = (\sqrt{5} - 3) = s$$

$$\sqrt{5} + 14 = 5 + \sqrt{5} + 9 = (\sqrt{5} + 3) = s'$$

$\therefore s + s' = 28$

إذا كان :

$$3\sqrt{3} - \sqrt{7} = s, \quad \frac{4}{s} = s$$

أثبت أن :  $s$  ،  $s$  مترافقان وأوجد قيمة :

$s + s$

**الحل**

$$\frac{4}{3\sqrt{3} - \sqrt{7}} = s \quad \therefore \frac{4}{s} = s$$

$$\frac{3\sqrt{3} + \sqrt{7}}{3\sqrt{3} + \sqrt{7}} \times \frac{4}{3\sqrt{3} - \sqrt{7}} = s \quad \therefore$$

$$\frac{(3\sqrt{3} + \sqrt{7})4}{4} = \frac{(3\sqrt{3} + \sqrt{7})4}{3 - 7} = s$$

$$3\sqrt{3} + \sqrt{7} = s \quad \therefore$$

$\therefore s$  ،  $s$  مترافقان

$$\sqrt{7} - 2 = 3\sqrt{3} - \sqrt{7} + 3\sqrt{3} + \sqrt{7} = s + s \quad \therefore$$

إذا كان : (كفر الشيخ ٢٠٢١)

$$\frac{5}{\sqrt{2} - \sqrt{7}} = s, \quad \sqrt{2} - \sqrt{7} = s$$

أوجد قيمة المقدار :  $(s + s')$

**الحل**

$$\frac{\sqrt{2} + \sqrt{7}}{\sqrt{2} + \sqrt{7}} \times \frac{5}{\sqrt{2} - \sqrt{7}} = s \quad \therefore$$

$$\sqrt{2} + \sqrt{7} = \frac{(\sqrt{2} + \sqrt{7})5}{2 - 7} = s$$

$$\sqrt{7} - 2 = \sqrt{2} + \sqrt{7} + \sqrt{2} - \sqrt{7} = s + s$$

$$28 = (\sqrt{7} - 2) = (s + s')$$

إذا كان : (المنيا ٢٠٢١)

$$2\sqrt{2} - \sqrt{5} = s, \quad \frac{3}{2\sqrt{2} - \sqrt{5}} = s$$

أثبت أن :  $s$  ،  $s$  مترافقان وأوجد قيمة :  $s + s$

**الحل**

$$\frac{2\sqrt{2} + \sqrt{5}}{2\sqrt{2} + \sqrt{5}} \times \frac{3}{2\sqrt{2} - \sqrt{5}} = s \quad \therefore$$

$$2\sqrt{2} + \sqrt{5} = \frac{(2\sqrt{2} + \sqrt{5})3}{2 - 5} = s$$

$\therefore s$  ،  $s$  مترافقان

$$2 = 3 - 5 = (2\sqrt{2} - \sqrt{5})(2\sqrt{2} + \sqrt{5}) = s + s$$

إذا كانت : (القاهرة ٢٠٢٢)

$$\frac{4}{\sqrt{5} + 3} = s, \quad \sqrt{5} + 3 = 1$$

أثبت أن :  $s$  ،  $s$  مترافقان وأوجد قيمة  $(s + 1)$

**الحل**

$$\frac{\sqrt{5} - 3}{\sqrt{5} - 3} \times \frac{4}{\sqrt{5} + 3} = s$$

$$\sqrt{5} - 3 = \frac{(\sqrt{5} - 3)4}{5 - 9} = s$$

$\therefore s$  ،  $s$  مترافقان

$$6 = \sqrt{5} - 3 + \sqrt{5} + 3 = s + 1$$

٢٥ إذا كانت : (الجيزة ٢٠٢١)

$$3\sqrt{x} + 5\sqrt{x} = 2 \text{ ، } 3\sqrt{x} = 2 - 5\sqrt{x}$$

فأثبت أن :  $x$  ،  $x$  مترافقان

**الحل**

$$\therefore 3\sqrt{x} = 2 - 5\sqrt{x} \quad \therefore \frac{2}{\sqrt{x}}$$

$$\therefore \frac{3\sqrt{x} - 5\sqrt{x}}{3\sqrt{x} - 5\sqrt{x}} \times \frac{2}{3\sqrt{x} + 5\sqrt{x}} = \frac{2}{3-5}$$

$$3\sqrt{x} - 5\sqrt{x} = \frac{(3\sqrt{x} - 5\sqrt{x})2}{3-5} = \frac{2}{3-5}$$

$\therefore x$  ،  $x$  مترافقان

٢٦ إذا كان : (الشرقية ٢٠٢١)

$$\frac{1}{\sqrt{x} + 3\sqrt{x}} = \frac{1}{\sqrt{x} + 3\sqrt{x}} \text{ ، } \sqrt{x} + 3\sqrt{x} = 1$$

١ أثبت أن :  $x$  ،  $x$  مترافقان

٢ أوجد قيمة :  $\frac{x+1}{x}$

**الحل**

$$\sqrt{x} - 3\sqrt{x} = \frac{\sqrt{x} - 3\sqrt{x}}{\sqrt{x} - 3\sqrt{x}} \times \frac{1}{\sqrt{x} + 3\sqrt{x}} = \frac{1}{\sqrt{x} + 3\sqrt{x}}$$

$$3\sqrt{x} = \sqrt{x} + 3\sqrt{x} + \sqrt{x} - 3\sqrt{x} = 1 + 1 = 2$$

$$1 = 2 - 3 = (\sqrt{x} + 3\sqrt{x})(\sqrt{x} - 3\sqrt{x}) = 1 - 3 = -2$$

$$3\sqrt{x} = \frac{3\sqrt{x}^2}{1} = \frac{x+1}{x}$$

٢٧ إذا كان : (الإسماعيلية ٢٠٢١)

$$5\sqrt{x} - 7\sqrt{x} = \frac{5\sqrt{x} - 7\sqrt{x}}{5\sqrt{x} - 7\sqrt{x}} \text{ ، } 5\sqrt{x} + 7\sqrt{x} = 2$$

أوجد قيمة المقدار :  $\left(\frac{x+1}{x}\right)$

**الحل**

$$5\sqrt{x} = 5\sqrt{x} - 7\sqrt{x} + 5\sqrt{x} + 7\sqrt{x} = 2 - 2 = 0$$

$$2 = 0 - 7 = (5\sqrt{x} - 7\sqrt{x})(5\sqrt{x} + 7\sqrt{x}) = 25x - 49x = -24x$$

$$7 = \sqrt{49} = \sqrt{\frac{49x}{24}} = \sqrt{\frac{x+1}{x}}$$

**الحل**



$$x \cap x = [2, 2] = \emptyset$$

$$x - x = \emptyset$$

٢٢ إذا كانت : (القاهرة ٢٠٢١)

$$x \cap x = [3, 1] = \emptyset \text{ ، } x - x = [5, 0]$$

أوجد مستعيناً بخط الأعداد على صورة فترة :

$$x \cap x = [2, 2] \text{ ، } x - x = [5, 0]$$

**الحل**



$$x \cap x = [3, 0] = \emptyset$$

$$x - x = [0, 1] = \emptyset$$

٢٣ إذا كان : (القاهرة ٢٠٢١)

$$\frac{1}{\sqrt{x} + 3\sqrt{x}} = \frac{1}{\sqrt{x} + 3\sqrt{x}} \text{ ، } \sqrt{x} + 3\sqrt{x} = 1$$

أوجد قيمة :  $\frac{x+1}{x}$

**الحل**

$$\sqrt{x} - 3\sqrt{x} = \frac{\sqrt{x} - 3\sqrt{x}}{\sqrt{x} - 3\sqrt{x}} \times \frac{1}{\sqrt{x} + 3\sqrt{x}} = \frac{1}{\sqrt{x} + 3\sqrt{x}}$$

$$3\sqrt{x} = \sqrt{x} + 3\sqrt{x} + \sqrt{x} - 3\sqrt{x} = 1 + 1 = 2$$

$$1 = 2 - 3 = (\sqrt{x} + 3\sqrt{x})(\sqrt{x} - 3\sqrt{x}) = 1 - 3 = -2$$

$$3\sqrt{x} = \frac{3\sqrt{x}^2}{1} = \frac{x+1}{x}$$

٢٤ إذا كانت : (الإسكندرية ٢٠٢١)

$$2\sqrt{x} - 5\sqrt{x} = \frac{2\sqrt{x} - 5\sqrt{x}}{2\sqrt{x} - 5\sqrt{x}} \text{ ، } 2\sqrt{x} + 5\sqrt{x} = 3$$

أوجد قيمة المقدار :  $\frac{x+1}{x-1}$

**الحل**

$$2\sqrt{x} = 2\sqrt{x} - 5\sqrt{x} + 2\sqrt{x} + 5\sqrt{x} = 3 - 3 = 0$$

$$3 = 0 - 5 = (2\sqrt{x} - 5\sqrt{x})(2\sqrt{x} + 5\sqrt{x}) = 4x - 25x = -21x$$

$$5\sqrt{x} = \frac{5\sqrt{x}^2}{-21} = \frac{x+1}{x-1}$$

١٨ إذا كانت : (الغربية ٢٠٢١)

$$س = ]٢, \infty[ , ص = ]١, ٤[$$

أوجد مستعيناً بخط الأعداد :

$$١] س \cap ص [ ٢] س - ص [$$



$$س \cap ص = ]٢, ٤[$$

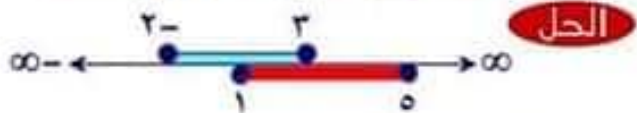
$$س - ص = ]١, ٢[$$

١٩ إذا كانت : (الشرقية ٢٠٢١)

$$س = ]٢, ٣[ , ص = ]١, ٥[$$

أوجد مستعيناً بخط الأعداد على صورة فترة :

$$١] س \cap ص [ ٢] س \cup ص [ ٣] س - ص [$$



$$س \cap ص = ]٢, ٣[$$

$$س \cup ص = ]١, ٥[$$

$$س - ص = ]١, ٢[$$

٢٠ أوجد : (القليوبية ٢٠٢١)

$$]١, ٤[ - ]٢, ٣[$$



$$]١, ٢[ = ]١, ٤[ - ]٢, ٣[$$

٢١ إذا كانت : (الجيزة ٢٠٢١)

$$س = ]٣, ٤[ , ص = ]٢, ٢[$$

أوجد مستعيناً بخط الأعداد :

$$س \cap ص , س - ص$$

$$\sqrt{11} = \sqrt{4} - \sqrt{4} + \sqrt{5} + \sqrt{6} =$$

١٤ أوجد ناتج مايلي في أبسط صورة

$$\sqrt{2} + \sqrt{3} - 5\sqrt{4} + 18\sqrt{4}$$

الحل (كفر الشيخ ٢٠٢١)

$$6 \times 4\sqrt{2} + \sqrt{3} - 6 \times 9\sqrt{4} + 2 \times 9\sqrt{4}$$

$$24\sqrt{2} + \sqrt{3} - 54\sqrt{4} + 18\sqrt{4} = 24\sqrt{2} + \sqrt{3} - 36\sqrt{4} = 24\sqrt{2} + \sqrt{3} - 72 =$$

١٥ اختصر إلى أبسط صورة :

$$\frac{1}{2}\sqrt{6} + \sqrt{2} - 3\sqrt{2}$$

الحل

$$\sqrt{2} \frac{1}{2} + \sqrt{2} - 3\sqrt{2}$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} + \sqrt{2} - 3\sqrt{2} = \frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{2\sqrt{2}}{2} - \frac{6\sqrt{2}}{2} = \frac{\sqrt{2} + 2\sqrt{2} - 6\sqrt{2}}{2} = \frac{-3\sqrt{2}}{2}$$

١٦ إذا كانت : (أسيوط ٢٠٢١)

$$س = ]٢, ٣[ , ص = ]١, ٥[$$

أوجد مستعيناً بخط الأعداد على صورة فترة :

$$س \cap ص , س \cup ص$$



$$س \cap ص = ]٢, ٣[$$

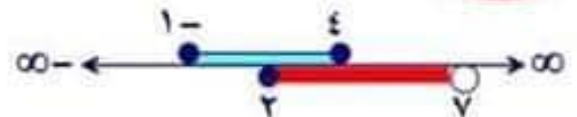
$$س \cup ص = ]١, ٥[$$

١٧ إذا كانت : (كفر الشيخ ٢٠٢١)

$$س = ]١, ٤[ , ص = ]٢, ٧[$$

أوجد مستعيناً بخط الأعداد : س \cup ص , س \cap ص

الحل



$$س \cup ص = ]١, ٧[$$

$$س \cap ص = ]٢, ٤[$$

٤٩] أوجد ثلاثة أزواج مرتبة تحقق العلاقة :

$ص = س + ١$  ومثلها بيانياً

**الحل**

س	٠	١	٢
ص	١	٢	٣

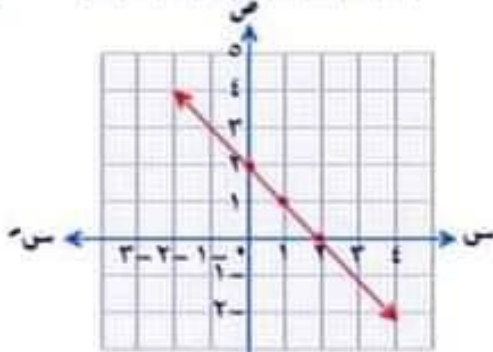
$ص = س + ١$

٥٠] أوجد ثلاثة أزواج مرتبة تحقق العلاقة :

$ص = س - ٢$  ومثلها بيانياً

**الحل**

س	١	٢
ص	١	٠



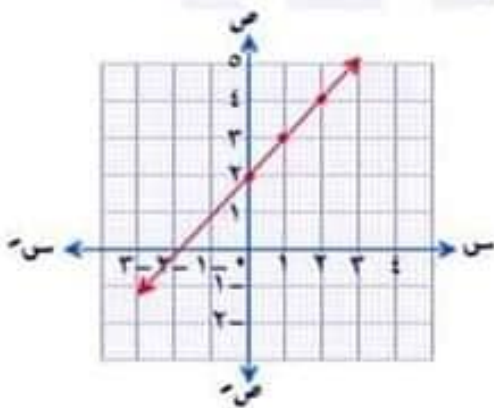
٥١] أوجد ثلاثة أزواج مرتبة تحقق العلاقة :

$ص = س + ٢$  ومثلها بيانياً

**الحل**

س	٠	١	٢
ص	٢	٣	٤

$ص = س + ٢$



$١ + ١٥ \geq ١ + ١ - س - ٤ \geq ١ + ٣$  ∴

$٤ \geq س - ٤ \geq ٤$  ∴ (٤ ÷)

$٤ \geq س \geq ١$  ∴  $س.م = [٤, ١]$



٤٧] أوجد مجموعة الحل فى ح للمتباينة الآتية ومثل

الحل على خط الأعداد :  $١ \geq ٢ - س + ١ > ٥$

**الحل** ∴  $١ \geq ٢ - س + ١ > ٥$

بإضافة (-١) للأطراف

$١ - ٥ > ١ - ١ + س - ٢ \geq ١ - ١$  ∴

∴ صفر  $\geq س - ٢ > ٤$  (٢ ÷)

∴ صفر  $\geq س > ٢$



$س.م = [٠, ٢)$

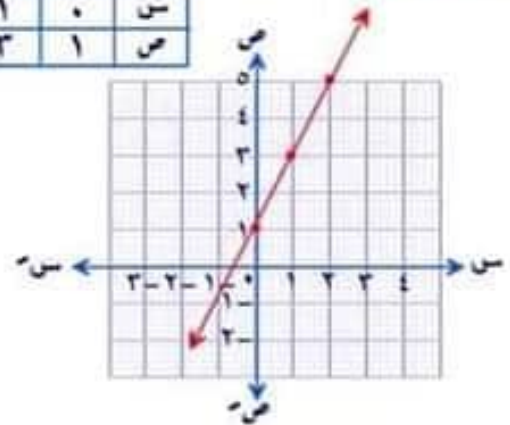
٤٨] أوجد ثلاثة أزواج مرتبة تحقق العلاقة :

$ص - ٢ - س = ١$  ومثلها بيانياً

**الحل**

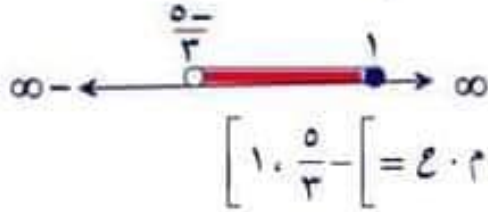
∴  $ص - ٢ - س = ١$  ∴  $ص + ١ = س + ٢$

س	٠	١	٢
ص	١	٣	٥



بإضافة (-) للأطراف

$$\begin{aligned} 7-10 &\geq 7-7+s-3 > 7-2 \quad \therefore \\ (3 \div) \quad 3 &\geq s-3 > 0- \quad \therefore \\ 1 &\geq s > \frac{0}{3} \end{aligned}$$



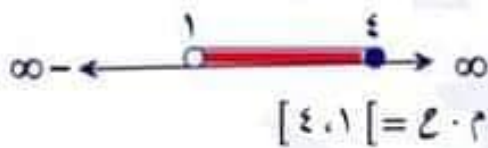
44 أوجد مجموعة الحل فى  $E$  للمتباينة الآتية ومثل

الحل على خط الأعداد :  $0 \geq 3-s-2 > 1-$

$$0 \geq 3-s-2 > 1- \quad \therefore \text{الحل}$$

بإضافة (3) للأطراف

$$\begin{aligned} 3+0 &\geq 3+3-s-2 > 3+1- \quad \therefore \\ (2 \div) \quad 8 &\geq s-2 > 2 \quad \therefore \\ 4 &\geq s > 1 \end{aligned}$$



45 أوجد مجموعة الحل فى  $E$  للمتباينة الآتية ومثل

الحل على خط الأعداد :  $0 \geq 1+s-2 \geq 1-$

$$0 \geq 1+s-2 \geq 1- \quad \therefore \text{الحل}$$

بإضافة (-) للأطراف

$$\begin{aligned} 1-0 &\geq 1-1+s-2 \geq 1-1- \quad \therefore \\ (2 \div) \quad 4 &\geq s-2 \geq 2- \quad \therefore \\ 2 &\geq s \geq 1- \end{aligned}$$

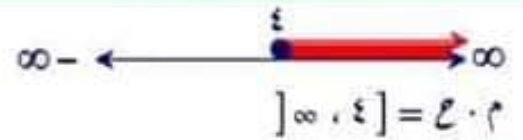


46 أوجد مجموعة الحل فى  $E$  للمتباينة الآتية ومثل

الحل على خط الأعداد :  $10 \geq 1-s-4 \geq 3$

$$10 \geq 1-s-4 \geq 3 \quad \therefore \text{الحل}$$

بإضافة (+) للأطراف



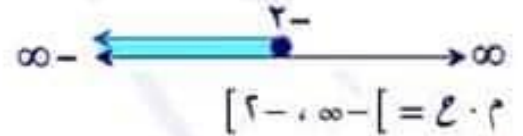
40 أوجد مجموعة الحل فى  $E$  للمتباينة الآتية

ومثلها بيانياً على خط الأعداد :  $11 \leq s-3-5$

الحل

$$5-11 \leq s-3-5 \quad \therefore 11 \leq s-3-5$$

$$2- \geq s \quad \therefore (3- \div) 6 \leq s-3-5 \quad \therefore$$



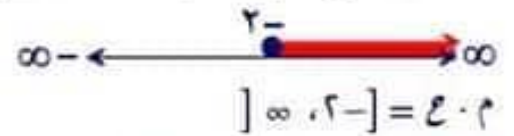
41 أوجد مجموعة الحل فى  $E$  للمتباينة الآتية

ومثلها بيانياً على خط الأعداد :  $0 \geq s-2-1$

الحل

$$1-0 \geq s-2-1 \quad \therefore 0 \geq s-2-1$$

$$2- \leq s \quad \therefore (2- \div) 4 \geq s-2-1 \quad \therefore$$



42 أوجد مجموعة الحل فى  $E$  للمتباينة الآتية ومثل

الحل على خط الأعداد :  $9 \geq 3+s-2 > 1$

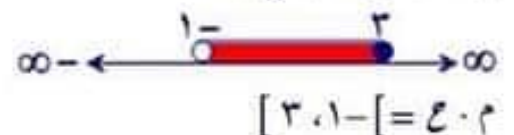
$$9 \geq 3+s-2 > 1 \quad \therefore \text{الحل}$$

بإضافة (-) للأطراف

$$3-9 \geq 3-3+s-2 > 3-1 \quad \therefore$$

$$(2 \div) \quad 6 \geq s-2 > 2- \quad \therefore$$

$$3 \geq s > 1- \quad \therefore$$



43 أوجد مجموعة الحل فى  $E$  للمتباينة الآتية ومثل

الحل على خط الأعداد :  $10 \geq 7+s-3 > 2$

الحل

$$10 \geq 7+s-3 > 2 \quad \therefore \text{الحل}$$

٢٥ إذا كانت :

$$\frac{3}{\sqrt{2}-\sqrt{5}} = س , \quad \sqrt{2}-\sqrt{5} = س$$

أوجد قيمة المقدار : س - 2س - 2س + س

**الحل**

$$\frac{\sqrt{2}+\sqrt{5}}{\sqrt{2}+\sqrt{5}} \times \frac{3}{\sqrt{2}-\sqrt{5}} = س$$

$$\sqrt{2}+\sqrt{5} = \frac{(\sqrt{2}+\sqrt{5})3}{2-5} = س \therefore$$

المقدار س - 2س - 2س + س

$$(\sqrt{2}-\sqrt{5}-\sqrt{2}-\sqrt{5}) = (س-س) =$$

$$\therefore 8 = (\sqrt{2}-\sqrt{5}) = (س-س)$$

٢٦ أوجد مجموعة الحل فى ح للمتباينة الآتية

ومثلها بيانياً على خط الأعداد : ٥ > 1 + س - 2

**الحل**

$$1-5 > س-2 \Leftrightarrow 5 > 1+س-2$$

$$\therefore 2 > س \quad \therefore 2 > س \quad (2 \div)$$



$$]2, \infty - [ = ح \cdot م$$

٢٧ أوجد مجموعة الحل فى ح للمتباينة الآتية

ومثلها بيانياً على خط الأعداد : ٧ > 3 + س - 2

**الحل**

$$3-7 > س-2 \Leftrightarrow 7 > 3+س-2$$

$$\therefore 2 > س \quad \therefore 2 > س \quad (2 \div)$$



$$]2, \infty - [ = ح \cdot م$$

٢٨ أوجد مجموعة الحل فى ح للمتباينة الآتية

ومثلها بيانياً على خط الأعداد : ٧ < 5 - س - 3

**الحل**

$$5+7 < س-3 \quad \therefore 7 < 5-س-3$$

$$\therefore 3 < س-3 \quad \therefore 12 < س \quad (3 \div)$$

(المنوفية ٢٠٢٢)

٢٢ إذا كان :

$$3 = س , \quad \sqrt{2}+\sqrt{5} = س$$

أوجد قيمة : س - 2س - 2س + س

**الحل**

$$\therefore 3 = س \quad \therefore 3 = س$$

$$\frac{\sqrt{2}-\sqrt{5}}{\sqrt{2}-\sqrt{5}} \times \frac{3}{\sqrt{2}+\sqrt{5}} = س \therefore$$

$$\sqrt{2}-\sqrt{5} = \frac{(\sqrt{2}-\sqrt{5})3}{2-5} = س \therefore$$

$$2+1\cdot\sqrt{2}+5 = (\sqrt{2}+\sqrt{5}) = س$$

$$1\cdot\sqrt{2}+7 =$$

$$س = (\sqrt{2}-\sqrt{5}) = 2+1\cdot\sqrt{2}-5 =$$

$$1\cdot\sqrt{2}-7 =$$

$$س = 2-5 = (\sqrt{2}-\sqrt{5})(\sqrt{2}+\sqrt{5}) = 3$$

$$17 = 3+1\cdot\sqrt{2}-7+1\cdot\sqrt{2}+7 = \text{المقدار}$$

(الأقصر ٢٠٢٢)

٢٤ إذا كان :

$$\sqrt{2}-\sqrt{5} = س , \quad \frac{3}{\sqrt{2}-\sqrt{5}} = س$$

أثبت أن س ، س مترافقان وأوجد قيمة :

$$س + 2س - 2س + س$$

**الحل**

$$\frac{\sqrt{2}+\sqrt{5}}{\sqrt{2}+\sqrt{5}} \times \frac{3}{\sqrt{2}-\sqrt{5}} = س \therefore$$

$$\sqrt{2}+\sqrt{5} = \frac{(\sqrt{2}+\sqrt{5})3}{2-5} = س \therefore$$

س ، س مترافقان

المقدار س + 2س - 2س + س

$$(\sqrt{2}-\sqrt{5}+\sqrt{2}+\sqrt{5}) = (س+س) =$$

$$\therefore 20 = (\sqrt{5}2) = (س+س)$$

∴ حجم الأسطوانة = حجم الكرة

∴ حجم الكرة =  $\pi \cdot 288 \cdot r^2$

∴  $\frac{4}{3} \pi \cdot 288 = \frac{4}{3} \pi \cdot r^2$  نق  $\frac{4}{3}$

نق  $288 = \frac{4}{3} \times 288 = r^2$

∴ نق  $= \sqrt{384} = 7 \text{ م}$

[71] أسطوانة دائرية قائمة حجمها  $\pi \cdot 90 \text{ م}^3$

وارتفاعها 10 م أوجد طول نصف قطر قاعدتها

ومساحتها الجانبية

**الحل**

حجم الأسطوانة =  $\pi \cdot r^2 \cdot h$

∴  $\pi \cdot 90 = \pi \cdot r^2 \cdot 10$  ∴  $\pi \cdot 90 = 10 \cdot \pi \cdot r^2$

∴  $90 = 10 \cdot r^2$  ∴ نق  $9 = r^2$

∴ نق  $r = 3 \text{ م}$

المساحة الجانبية

=  $2 \pi r h = 2 \pi \cdot 3 \cdot 10 = 60 \pi \text{ م}^2$

[72] كرة طول نصف قطرها 7 م أوجد حجمها

ومساحة سطحها

**الحل**

حجم الكرة =  $\frac{4}{3} \pi \cdot r^3$

∴ حجم الكرة

=  $\frac{4}{3} \pi \cdot 7^3 = \frac{4}{3} \pi \cdot 343 = 1437 \frac{2}{3} \pi \text{ م}^3$

مساحة سطحها

=  $4 \pi r^2 = 4 \pi \cdot 7^2 = 196 \pi \text{ م}^2$

[73] كرة من المعدن طول قطرها 6 م صُهرت وحُولت

إلى أسطوانة دائرية قائمة طول نصف قطرها 3 م

احسب ارتفاع الأسطوانة **الحل**

[74] أسطوانة دائرية قائمة حجمها  $40 \pi \text{ م}^3$

وارتفاعها 10 م أوجد طول نصف قطر قاعدتها

ومساحتها الجانبية

**الحل**

حجم الأسطوانة =  $\pi \cdot r^2 \cdot h$

∴  $40 \pi = \pi \cdot r^2 \cdot 10$  ∴  $40 = 10 \cdot r^2$

∴  $4 = r^2$  ∴ نق  $r = 2 \text{ م}$

∴ نق  $h = \sqrt{4} = 2 \text{ م}$

[75] أسطوانة دائرية قائمة حجمها  $27 \pi \text{ م}^3$

وارتفاعها يساوى طول نصف قطر قاعدتها . احسب

ارتفاع الأسطوانة .

**الحل**

حجم الأسطوانة =  $\pi \cdot r^2 \cdot h$

∴  $27 \pi = \pi \cdot r^2 \cdot h$  ∴  $27 = r^2 \cdot h$

∴  $27 = r^2 \cdot r$  ∴  $27 = r^3$  ∴  $r = 3 \text{ م}$

[76] أسطوانة دائرية قائمة ارتفاعها يساوى طول

نصف قطر قاعدتها وحجمها  $64 \pi \text{ م}^3$  أوجد ارتفاع

الأسطوانة

**الحل**

حجم الأسطوانة =  $\pi \cdot r^2 \cdot h$

∴  $64 \pi = \pi \cdot r^2 \cdot h$  ∴  $64 = r^2 \cdot h$

∴  $64 = r^2 \cdot r$  ∴  $64 = r^3$  ∴  $r = 4 \text{ م}$

[77] أسطوانة دائرية قائمة طول نصف قطر قاعدتها

$4\sqrt{2} \text{ م}$  وارتفاعها 9 م أوجد حجمها بدلالة  $\pi$

وإذا كان حجمها يساوى حجم كرة فأوجد طول نصف

قطر الكرة .

**الحل**

حجم الأسطوانة =  $\pi \cdot r^2 \cdot h$

حجم الأسطوانة =  $\pi \cdot (4\sqrt{2})^2 \cdot 9 = 288 \pi \text{ م}^3$

٦٠ أثبت ان النقط

أ (١، ٢) ، ب (٧، ١) ، ج (٤، ٣) على

استقامة واحدة

$$\text{الحل} \quad \text{ميل } \overline{AB} = \frac{1-7}{2-1} = 2-$$

$$\text{ميل } \overline{BC} = \frac{7-3}{1+4} = 2- = \text{ميل } \overline{AB} = \text{ميل } \overline{BC}$$

∴ النقط أ ، ب ، ج تقع على استقامة واحدة

٦١ أوجد ميل  $\overline{AB}$  حيث

أ (٥، ٣) ، ب (١، ١) ، وإذا كانت ج (١، ٠)

حل ج  $\exists \overline{AB}$  أم لا ؟ مع ذكر السبب

$$\text{الحل} \quad \text{ميل } \overline{AB} = \frac{5-1}{3-1} = 2$$

$$\text{ميل } \overline{BC} = \frac{1-1}{1-0} = 2 = \text{ميل } \overline{AB} = \text{ميل } \overline{BC}$$

∴ النقط أ ، ب ، ج تقع على استقامة واحدة

٦٢ أوجد ميل  $\overline{AB}$  حيث

أ (٥، ٣) ، ب (١، ١) ، وإذا كانت ج (١، ٠)

حل ج  $\exists \overline{AB}$  أم لا ؟ مع ذكر السبب

$$\text{الحل} \quad \text{ميل } \overline{AB} = \frac{5-1}{3-1} = 2$$

$$\text{ميل } \overline{BC} = \frac{1-1}{1-0} = 2 = \text{ميل } \overline{AB} = \text{ميل } \overline{BC}$$

∴ النقط أ ، ب ، ج تقع على استقامة واحدة

٦٣ إذا كانت النقط التالية تقع على استقامة واحدة

فاوجد قيمة ك :

أ (٣، ١) ، ب (٢، ٢) ، ج (١، ١) ، ك

$$\text{الحل} \quad \text{ميل } \overline{AB} = \frac{3-2}{1-2} = 1-$$

$$\text{ميل } \overline{BC} = \frac{2-1}{3-2} = 1- = \text{ميل } \overline{AB} = \text{ميل } \overline{BC}$$

∴ النقط أ ، ب ، ج تقع على استقامة واحدة

∴ ميل  $\overline{AB} = \text{ميل } \overline{BC}$ 

∴ النقط أ ، ب ، ج تقع على استقامة واحدة

$$\text{∴} \quad 1- = \frac{2-1}{3-2} = 1- = \text{ميل } \overline{BC} = \text{ميل } \overline{AB} = \text{ميل } \overline{BC}$$

$$\text{∴} \quad 5 = 2+3 = 5 = \text{ميل } \overline{AB} = \text{ميل } \overline{BC}$$

٦٤ أوجد قيمة ص بحيث يكون المستقيم المار

بالنقطتين (٤، ٣) ، (٢، ص) موازياً محور

السينات

$$\text{الحل} \quad \text{ميل المستقيم} = \frac{4-3}{2-2} = \frac{4-ص}{1-}$$

المستقيم يوازي محور السينات

$$\text{∴} \quad 0 = \text{ميله} = 0$$

$$\text{∴} \quad 0 = 4-ص \quad ص = 4$$

٦٥ إذا كان ميل المار بالنقطتين

(٣، ١) ، (١، ٣) هو الواحد الصحيح

أوجد قيمة ك وبين مع ذكر السبب هل النقطة

(٤، ١١) تقع على المستقيم أم لا ؟

$$\text{الحل} \quad \text{ميل المستقيم} = \frac{3-1}{1-3} = 1 = \frac{3-ك}{2-3}$$

$$\text{∴} \quad 1 = \frac{3-ك}{2-3} \quad \text{∴} \quad 1 = \frac{2-ك}{2-3} = 2-ك = 2-3 = 2-ك$$

$$\text{∴} \quad 5 = 2+3 = 2+3 = 5 = \text{ميل } \overline{AB} = \text{ميل } \overline{BC}$$

∴ النقطتين (٣، ١) ، (٤، ٣)

$$\text{∴} \quad 1 = \frac{3-4}{10-3} = 1 = \frac{3-4}{10-3}$$

، النقطتين (٣، ١) ، (٤، ١١)

$$\text{∴} \quad 1 = \frac{3-4}{10-11} = 1 = \frac{3-4}{10-11}$$

∴ النقطة (٤، ١١) تقع على المستقيم

٦٦ أسطوانة دائرية قائمة طول نصف قطر قاعدتها

٧ سم وارتفاعها ١٠ سم أوجد حجمها

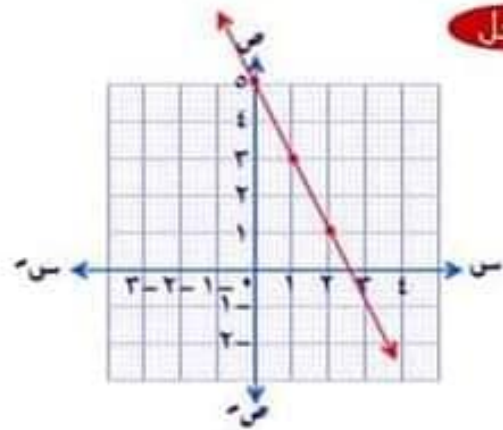
٧ الحل حجم الأسطوانة =  $\pi r^2 h$ 

$$\text{حجم الأسطوانة} = 10 \times 7 \times \pi = 70\pi \text{ سم}^3$$

٥٢ أوجد ثلاثة أزواج مرتبة تحقق العلاقة :

$$3s + 5 = 0 \text{ ومثلها بيانياً}$$

الحل



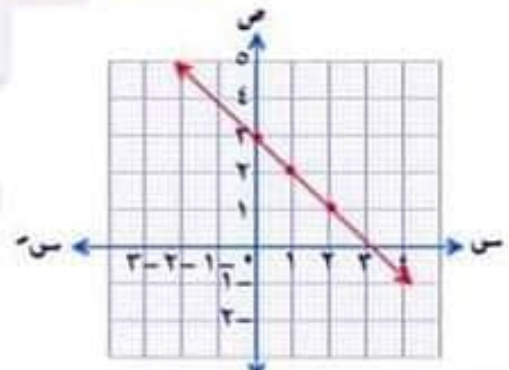
٥٣ ارسم بيانياً العلاقة :

$$3s - 3 = 0 \text{ ومثلها بيانياً}$$

الحل

س	٠	١	٢
ص	٣	٢	١

$$3s - 3 = 0$$



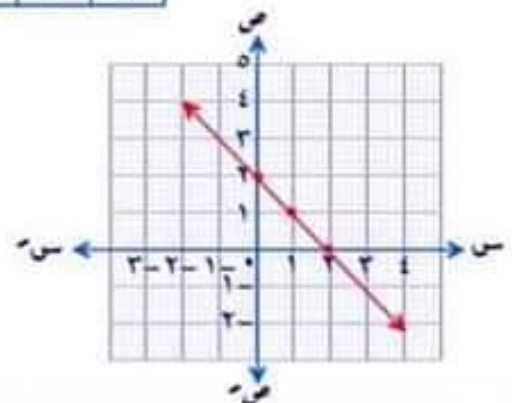
٥٤ ارسم بيانياً العلاقة :

$$2s - 2 = 0 \text{ وأوجد الميل ونقطتي التقاطع مع}$$

محورى الإحداثيات

الحل

س	٠	١	٢
ص	٢	١	٠



٥٥ إذا كان (٣، ل) تحقق العلاقة :

$$3s - 4 = 15 \text{ فأوجد قيمة ل}$$

الحل نعوض مكان س بـ ٣ ، ص بـ ل

$$\therefore 3 \times 3 - 4 = 15$$

$$\therefore 9 - 4 = 15 \quad \therefore 5 = 15 \quad (\div 3)$$

$$\therefore 3 = ل$$

٥٦ إذا كان (ك، ٢) تحقق العلاقة :

$$3s + 5 = 12 \text{ فأوجد قيمة ك}$$

الحل نعوض مكان س بـ ك ، ص بـ ٢

$$\therefore 3 \times 2 + 5 = 12 \quad (\div 3)$$

$$\therefore 6 + 5 = 12$$

٥٧ إذا كان (ك، ٢) تحقق العلاقة :

$$3s + 5 = 30 \text{ فأوجد قيمة ك}$$

الحل نعوض مكان س بـ ك ، ص بـ ٢

$$\therefore 3 \times 2 + 5 = 30 \quad (\div 5)$$

$$\therefore 6 + 5 = 30$$

٥٨ إذا كان (٣، ٧) يحقق العلاقة :

$$5s + 3 = 8 \text{ فأوجد قيمة س}$$

الحل نعوض مكان س بـ ٣ ، ص بـ ٧

$$\therefore 5 \times 3 + 3 = 8$$

$$\therefore 15 + 3 = 8 \quad \therefore 18 = 8$$

$$\therefore 18 = 8 \quad (\div 7) \quad \therefore 1 = 8$$

٥٩ أثبت ان النقط

أ (٢، ١) ، ب (٤، ٢) ، ج (٦، ٣) على استقامة

واحدة

$$\text{الحل ميل } \overline{AB} = \frac{2-1}{4-2} = \frac{1}{2}$$

$$\text{ميل } \overline{BC} = \frac{3-2}{6-4} = \frac{1}{2} \quad \therefore \text{ميل } \overline{AB} = \text{ميل } \overline{BC}$$

∴ النقط أ ، ب ، ج تقع على استقامة واحدة

١٠ المثلث  $أ ب م$  قائم الزاوية فى  $س$  ،  $أ ب = م$

فإن  $\angle م (أ ب م) = \dots\dots\dots^\circ$

٩٠  ٥٠  ٤٥  ٣٠

١١ مثلث متساوى الساقين قياس إحدى زواياه  $٦٠^\circ$

فإن عدد محاور التماثل له .....

٢  ٣  ١  ٤

١٢  $أ ب م$  مستطيل تقاطع قطراه فى  $م$  ، طول

قطره  $٨ م$  فإن  $م = ٢م = \dots\dots\dots م$

٣  ٦  ٤  ٨

١٣ مجموع قياسات الزوايا الداخلة للمثلث

يساوى .....

٣٦٠  ٩٠  ٢٧٠  ١٨٠

١٤  $\Delta أ ب م$  قائم الزاوية فى  $س$  فيه  $أ م = ٢٠ م$

،  $س$  منتصف  $أ م$  فإن  $س ب = \dots\dots\dots م$

١٠  ٨  ٦  ٥

١٥ النسبة بين طول وتر الوتر وطول امتوسط الخارج

من رأس القائمة فى المثلث القائم الزاوية تساوى .....

٢ : ١  ١ : ٢  ٣ : ١  ١ : ٣

١٦ مثلث له محور تماثل واحد وطولا ضلعين فيه

$٣ م$  ،  $٧ م$  فإن محيطه .....

١٣  ١٧  ٧  ٣

١٧ مثلث متساوى الساقين طولاً ضلعين فيه

$٨ م$  ،  $٤ م$  فإن محيطه .....

١٢  ١٦  ٢٠  ٣٢

١٨ مثلث متساوى الساقين قياس إحدى زاويتي  $٧٠^\circ$

فإن قياس زاوية رأسه .....

٧٠  ١١٠  ٢٠  ٤٠

١٩ فى المثلث المتساوى الساقين إذا كان إحدى زاويتي

القاعدة يساوى  $٣٠^\circ$  فإن قياس زاوية رأس هذا

المثلث يساوى .....

١٢٠  ٦٠  ٣٠  ٤٥

٢٠ نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كلاً منها

بنسبة  $٢ : \dots\dots\dots$  من جهة القاعدة

١  ٢  ٣  ٤

٢١  $م$  نقطة تلاقى متوسطات  $\Delta أ ب م$  ،  $أ ب$  متوسط

فإن  $م = ٢م = \dots\dots\dots م$

١٢  ٦  ٣  ٩

٢٢ طول الضلع المقابل للزاوية التى قياسها  $٣٠^\circ$  فى

المثلث القائم الزاوية يساوى ..... طول الوتر

$\frac{١}{٤}$    $\frac{١}{٣}$    $\frac{١}{٢}$   ٢

٢٣ نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كلاً منها

بنسبة ..... من جهة القاعدة

٢ : ١  ١ : ٢  ٣ : ١  ١ : ٣

٢٤ طول الضلع المقابل لزاوية قياسها ..... فى

المثلث القائم الزاوية يساوى نصف طول الوتر

٦٠  ٩٠  ٤٥  ٣٠

٢٥ إذا كان  $\Delta أ ب م$  قائم الزاوية فى  $س$  ،  $س ب$

متوسط طوله  $٣ م$  فإن طول  $أ م = \dots\dots\dots م$

٩  ٦  ١,٥  ١٢

٢٦ إذا كانت  $م$  : محور تماثل  $أ ب$  فإن : .....

$أ ب \parallel م$    $أ م = م$

$أ م = م$    $أ م = \frac{١}{٢} م$

٢٧  $٢ - س$  ،  $٣ + س$  ،  $٥$  تصلح أن تكون أضلاع

مثلث متساوى الساقين عندما  $س = \dots\dots\dots$

٣  ١  ٤  صفر

٢٨ عدد محاور تماثل المثلث المتساوى الساقين

يساوى ..... عدد محاور تماثل المثلث المتساوى

الأضلاع

٢  نصف  ضعف  ثلث  ثلاثة أمثال

## الهندسة

١] نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كلًا منها

بنسبة ..... من جهة الرأس

٢:١  ٢:١  ١:٢  ٣:١  ١:٣

٢] مثلث  $س-ص-ع$  متساوى الساقين فيه

$\angle(س) = 100^\circ$  فإن  $\angle(ص) = \dots\dots\dots$

١٠٠  ٨٠  ٦٠  ٤٠

٣] إذا كان قياس زاوية رأس مثلث متساوى الساقين

$80^\circ$  فإن قياس زاوية القاعدة يساوى .....

٦٠  ٤٠  ٣٠  ٥٠

٤] عدد متوسطات المثلث القائم الزاوية يساوى .....

١  ٢  ٣  لا يوجد

٥] عدد محاور تماثل المثلث المتساوى الساقين

يساوى .....

١  ٢  ٣  صفر

٦] عدد محاور تماثل المثلث المتساوى الأضلاع

يساوى .....

١  ٢  ٣  صفر

٧] عدد محاور تماثل المثلث المختلف الأضلاع

يساوى .....

١  ٢  ٣  صفر

٨] قياس الزاوية الخارجة عن المثلث المتساوى

الأضلاع يساوى .....

٢٠  ٦٠  ١٢٠  ١٨٠

٩] إذا كان قياس إحدى زوايا مثلث قائم الزاوية

$45^\circ$  كان المثلث .....

متساوى الساقين  متساوى الأضلاع

مختلف الأضلاع  حاد الزوايا

٧٨] الجدول الأتى يبين درجات مجموعة مكونة من

٥٠ طالباً في مادة الرياضيات

الدرجات	-١٠	-٢٠	-٣٠	-٤٠	-٥٠
عدد الطلاب	٩	ك	١٥	٨	٦

أوجد

١] قيمة ك

٢] الوسط الحسابى

**الحل**

$$ك = 50 - (6 + 8 + 15 + 9) = 12$$

م	ك	م × ك
١٥	٩	١٣٥
٢٥	١٢	٣٠٠
٣٥	١٥	٥٢٥
٤٥	٨	٣٦٠
٥٥	٦	٣٣٠
المجموع	مجموع = ٥٠	١٦٥٠

$$\text{الوسط الحسابى} = \frac{\text{مجموع (ك × م)}}{\text{مجموع ك}} = \frac{1650}{50} = 33$$

٧٦ الجدول الآتى يبين الأجر اليومي لعدد ٥٠ عاملاً

المجموع	-٤٥	-٣٥	-٢٥	-١٥	-٥	المجموعات
٥٠	٨	١٣	١٢	١١	٦	التكرار

أوجد الوسط الحسابى لهذا التوزيع

**الحل**

م × ك	ك	م
٦٠	٦	١٠
٢٢٠	١١	٢٠
٣٦٠	١٢	٣٠
٥٢٠	١٣	٤٠
٤٠٠	٨	٥٠
١٥٦٠	مجموع = ٥٠	المجموع

$$\text{الوسط الحسابى} = \frac{\text{مجموع (م × ك)}}{\text{مجموع ك}} = \frac{١٥٦٠}{٥٠} = ٣١,٢$$

٧٧ أوجد الوسط الحسابى للتوزيع التكرارى الآتى

المجموع	-٤٥	-٣٥	-٢٥	-١٥	-٥	المجموعات
٢٠	٢	٣	٦	٥	٤	التكرار

**الحل**

م × ك	ك	م
٤٠	٤	١٠
١٠٠	٥	٢٠
١٨٠	٦	٣٠
١٢٠	٣	٤٠
١٠٠	٢	٥٠
٥٤٠	مجموع = ٢٠	المجموع

$$\text{الوسط الحسابى} = \frac{\text{مجموع (م × ك)}}{\text{مجموع ك}} = \frac{٥٤٠}{٢٠} = ٢٧$$

$$\text{حجم الكرة} = \frac{٤}{٣} \pi \text{ نق}^٣, \text{ نق} = \frac{٦}{٣} = ٢$$

$$\therefore \text{حجم الكرة} = \frac{٤}{٣} \pi \times (٢)^٣ = ٣٦ \pi \text{ سم}^٣$$

$$\therefore \text{حجم الكرة} = \text{حجم الأسطوانة}$$

$$\therefore \text{حجم الأسطوانة} = ٣٦ \pi \text{ سم}^٣$$

$$\therefore \pi \times ٣٦ = \text{ع} \times \pi \text{ نق}^٢$$

$$\therefore \pi \times ٣٦ = \text{ع} \times (٢)^٢ \times \pi$$

$$\therefore ٣٦ = \text{ع} \times ٤ \quad \therefore \text{ع} = ٩$$

٧٤ كرة حجمها  $٣٦ \pi \text{ سم}^٣$  وضعت داخل مكعب

فمست أوجهه الستة أوجد

١ طول نصف قطر الكرة ٢ حجم المكعب

**الحل**

$$\text{حجم الكرة} = \frac{٤}{٣} \pi \text{ نق}^٣$$

$$\therefore \pi \times ٣٦ = \frac{٤}{٣} \pi \times \text{نق}^٣$$

$$\frac{٣}{٤} \times ٣٦ = \text{نق}^٣ \quad \therefore ٢٧ = \frac{٣}{٤} \times ٣٦ = \text{نق}^٣$$

$$\therefore \text{نق} = \sqrt[٣]{٢٧} = ٣ \text{ سم}$$

$$\therefore \text{طول قطر الكرة} = \text{طول ضلع المكعب}$$

$$\therefore \text{طول ضلع المكعب} = ٦ \text{ سم}$$

$$\therefore \text{حجم المكعب} = (٦)^٣ = ٢١٦ \text{ سم}^٣$$

٧٥ أسطوانة دائرية قائمة طول نصف قطر قاعدتها

١٤ سم وارتفاعها ٢٠ سم أوجد حجمها

**الحل**

$$\text{حجم الأسطوانة} = \pi \text{ نق}^٢ \times \text{ع}$$

$$\text{حجم الأسطوانة} = \frac{٢٢}{٧} = ٢٠ \times (١٤)^٢ \times \pi \text{ سم}^٣$$

١] ٥،٣ [ ٢] ٥،٢ [

٣] ٨،٢ [ ٤] ٨،٥ [

٩] فى  $\Delta$   $AB$  إذا كان :  $AB < AC$  فإن :

و (  $\angle A$  ) ..... و (  $\angle B$  )

١]  $\angle A < \angle B$  >  $\angle C$  =  $\angle D$   $\geq$

١٠] إذا كانت :  $AB \cong AC$  محور تماثل  $AB$

فإن :  $\angle A - \angle B = \angle C$  .....

٢] صفر  $\angle A$   $\angle B$   $\angle C$   $\angle D$  ٣] ٢]

١١] إذا كانت :  $A$  تقع على محور  $BC$

فإن :  $\angle A$  .....  $\angle B$

١]  $\angle A \parallel \angle B$   $\perp \angle C$  =  $\angle D$   $\neq$

**أكمل :- (الوحدة الثانية هندسة)**

١] أطول أضلاع المثلث القائم الزاوية هو .....

٢] إذا كان المثلث  $ABC$  فيه  $AB < AC$

فإن : و (  $\angle A$  ) ..... و (  $\angle B$  )

٣] إذا اختلف طولا ضلعين فى مثلث فأكبرهما فى

الطول تقابله .....

٤] أصغر زوايا المثلث فى القياس يقابلها .....

٥]  $\Delta ABC$  فيه :  $\angle A = 30^\circ$  ،  $\angle B = 50^\circ$

فإن :  $\angle C$  [ ..... ]

٦] فى المثلث  $ABC$  إذا كان : و (  $\angle A$  ) =  $130^\circ$

فإن : أطول أضلاع المثلث هو .....

٧] إذا اختلف قياسا زاويتين فى مثلث فأكبرهما فى

القياس .....

٨] طول أى ضلع فى مثلث ..... مجموع طولى

الضلعين الأخرين

٩]  $\Delta ABC$  مثلث فيه : و (  $\angle A$  ) =  $50^\circ$

، و (  $\angle B$  ) =  $60^\circ$  فإن :  $\angle C$  .....  $\angle D$

٢٩] زاوية القاعدة فى المثلث المتساوى الساقين

تكون .....

١] منفرجة  $\angle A$  قائمة  $\angle B$  حادة  $\angle C$  منعكسة

**الوحدة الثانية**

١] الأعداد التى تصلح أن تكون أطوال أضلاع مثلث

هى .....

٢] ٥،٣،٠ ٣] ٥،٣،٣

٤] ٧،٣،٣ ٥] ٦،٣،٣

٢]  $\Delta ABC$  مثلث فيه : و (  $\angle A$  ) =  $70^\circ$

، و (  $\angle B$  ) =  $60^\circ$  فإن  $\angle C$  .....  $\angle D$

١]  $\angle A < \angle B$  >  $\angle C$  =  $\angle D$  ضعف

٢] مجموع طولى أى ضلعين فى مثلث ..... طول

الضلع الثالث

١] أكبر من  $\angle A$  أصغر من  $\angle B$  يساوى  $\angle C$  ضعف

٤] مثلث متساوى الساقين طولاً ضلعين فيه

$\angle A = 80^\circ$  ،  $\angle B = 40^\circ$  فإن طول الضلع الثالث .....

١] ٤ ٢] ٨ ٣] ١٢

٥] إذا كان  $\Delta ABC$  فيه : و (  $\angle A$  ) =  $130^\circ$  فإن

أكبر أضلاعه طولاً هو .....

١]  $\overline{AB} > \overline{AC} > \overline{BC}$  متوسطه

٦] مثلث طولاً ضلعين فيه  $\angle A = 90^\circ$  ، له محور

تماثل واحد فإن  $\angle C$  طول ضلعه الثالث .....  $\angle D$

١] ٤ ٢] ٩ ٣] ٥ ٤] ١٣

٧] إذا كان :  $\angle A = 30^\circ$  ،  $\angle B = 50^\circ$  طولاً ضلعين فى مثلث

فإن طول الضلع الثالث  $\cong$  .....

١] ٥،٣ [ ٢] ٥،٢ [

٣] ٨،٢ [ ٤] ٨،٥ [

٨]  $\Delta ABC$  فيه :  $\angle A = 30^\circ$  ،  $\angle B = 50^\circ$

فإن :  $\angle C$   $\cong$  .....

∴ ∠(أ ب د) = 180° - 120° = 60°

∴ ∠أ = ∠د

∴ ∠(أ ب د) = (60° + 60°) - 180° = 60°

4 في الشكل المقابل:



هـ ، د متوسطان في المثلث

أ ب د ، م نقطة تلاقي متوسطاته

س م = ٣

م ب = ٤ ، م د = ٧ ، م هـ = ٧

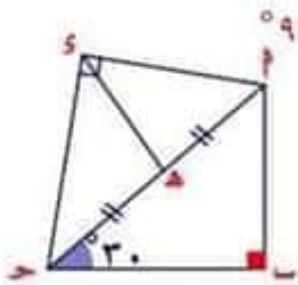
أوجد : طول كل من م م ، م هـ ، م د

الحل ∴ م نقطة تلاقي متوسطات المثلث

∴ م م = ٣ × ٢ = ٦

∴ م هـ = ٤ × 1/2 = ٢ ، م د = ٧ × 1/2 = ٣.٥

5 في الشكل المقابل:



∠(أ ب د) = ∠(أ د ب) = 90°

هـ ، د منتصف أ ب

∠(أ ب د) = 30°

أثبت أن : أ ب = د هـ

الحل ∴ ∠(أ ب د) قائم الزاوية في س

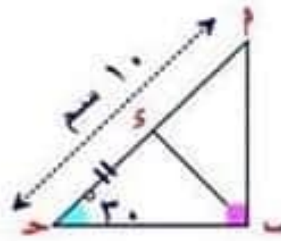
∠(أ ب د) = 30° ∴ أ ب = 1/2 أ د ← (1)

∴ ∠(أ د ب) قائم الزاوية في د

هـ د متوسط ∴ هـ د = 1/2 أ د ← (2)

من (1) ، (2) ∴ أ ب = هـ د

1 في الشكل المقابل :



أ ب د مثلث قائم الزاوية

في س ، ∠(أ ب د) = 30°

س د متوسط في المثلث

أ ب د ، أ د = 10

أوجد محيط : ∠(أ ب د)

الحل ∴ ∠(أ ب د) قائم الزاوية في س

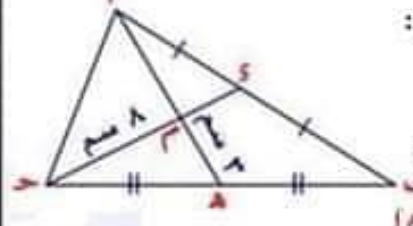
∠(أ ب د) = 30° ∴ أ ب = 1/2 أ د = 5

∴ س د متوسط ∴ س د = 1/2 أ د = 5

∴ س د منتصف أ د ∴ أ د = 1/2 أ د = 5

∴ محيط ∠(أ ب د) = 5 + 5 + 5 = 15

2 في الشكل المقابل :



أ ب د مثلث فيه

هـ د متوسطان

حيث {م} = هـ د ∩ س د

م ، م = ٨ ، م = ٣ أوجد بالبرهان : طول

كل من م م ، م هـ

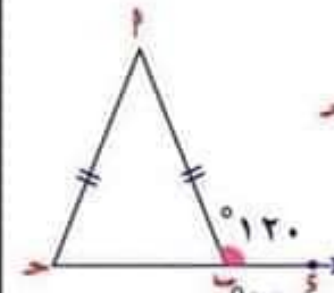
الحل ∴ {م} = هـ د ∩ س د

∴ م نقطة تلاقي متوسطات المثلث

∴ م م = ٣ × ٢ = ٦ ، م هـ = ٨ × 1/2 = ٤

∴ م د = ٨ × 1/2 = ٤ ، م س = ٣ × 1/2 = 1.٥

3 في الشكل المقابل :

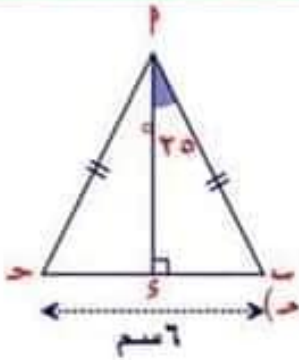


أ ب د مثلث فيه أ ب = أ د

∠(أ ب د) = 110°

أوجد بالبرهان : ∠(أ ب د)

الحل ∴ ∠(أ ب د) = 180° - 120° = 60°



8 فى الشكل المقابل :

$PA = PB$  ،  $PS \perp AB$

$PS = 6$  سم

$\angle P = 25^\circ$  ،  $\angle (SAB) = ?$

أوجد : طول  $PS$  ،  $\angle (SAB)$

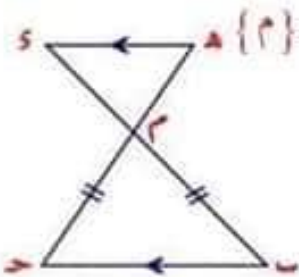
**الحل**

$\Delta PAS \cong \Delta PBS$  : متساوى الساقين ،  $PS \perp AB$

$PS = \frac{1}{2} AB = 6 \times \frac{1}{2} = 3$  سم

$\angle (SAB) = \angle (SBA) = 25^\circ$

9 فى الشكل المقابل :



$AD = AE$  ،  $DE \perp BC$  ،  $\angle A = 25^\circ$

$DE \parallel BC$

أثبت أن :  $\Delta ADE$

متساوى الساقين

**الحل**

$\Delta ADE$  متساوى الساقين :

$\angle (ADE) = \angle (AED)$  (1)  $\because DE \parallel BC$

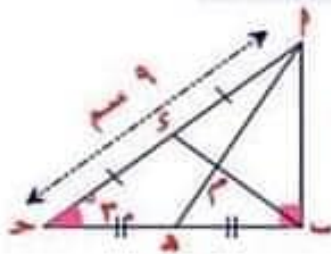
$\angle (ADE) = \angle (AED)$  بالتبادل (2)

$\angle (ADE) = \angle (AED)$  ،  $\angle (ADE) = \angle (AED)$  بالتبادل (3)

من (1) ، (2) ، (3)  $\therefore \angle (ADE) = \angle (AED)$

$\Delta ADE$  متساوى الساقين :

10 فى الشكل المقابل :



$AD = AE$  مثلث قائم الزاوية

فى  $\Delta ADE$  ،  $\angle A = 30^\circ$

$DE$  منقصف  $BC$

$AD = 9$  سم

أوجد : طول كل من  $AB$  ،  $AC$  ،  $BC$

$\Delta ADE$  قائم الزاوية فى  $D$  : **الحل**

6 فى الشكل المقابل :

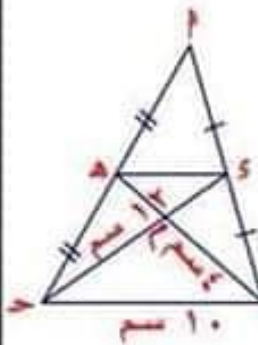
$DE$  ،  $EF$  متوسطان فى المثلث

$AD = DE$

$AE = EF$

$DE = 12$  سم ،  $EF = 10$  سم

أوجد : محيط  $\Delta DEF$



**الحل** :  $DE$  ،  $EF$  متوسطان

$\therefore$  نقطة تلاقى متوسطات المثلث

$DE = \frac{1}{2} BC = 12$  ،  $EF = \frac{1}{2} AC = 10$

$DF = \frac{1}{2} AB = 12 \times \frac{1}{2} = 6$  سم

$\therefore DE$  ،  $EF$  منصفات  $AB$  ،  $AC$

$DF = \frac{1}{2} AB = 10 \times \frac{1}{2} = 5$  سم

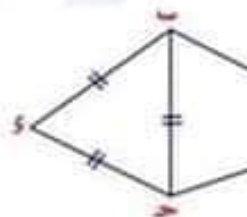
$\therefore$  محيط  $\Delta DEF = 10 + 12 + 5 = 27$  سم

7 فى الشكل المقابل :

$AB = AC$  ،  $\angle A = 50^\circ$

$\Delta ABC$  متساوى الأضلاع

أوجد :  $\angle (SAB)$



**الحل**

$\Delta ABC$  متساوى الأضلاع :

$\therefore \angle (SAB) = \angle (SAC) = 60^\circ$

$\angle A = 50^\circ$

$\therefore \angle (SAB) = \frac{50^\circ - 180^\circ}{2} = 65^\circ$

$\therefore \angle (SAB) = \angle (SAC) = 65^\circ + 60^\circ = 125^\circ$

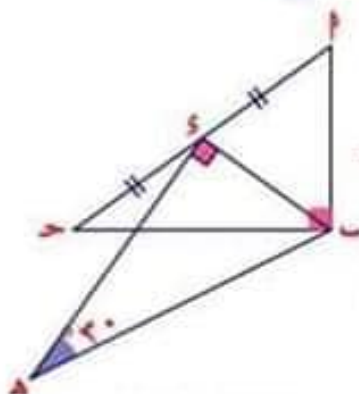
و (د)  $\angle = 30^\circ \therefore \frac{1}{2} AB = AD = 4.5$  سم

$\therefore$   $\overline{SD}$  متوسط  $\therefore \frac{1}{2} AB = SD = 4.5$  سم

$\therefore$  م نقطة تلاقي متوسطات المثلث

$\therefore SD = \frac{2}{3} AD = \frac{2}{3} \times 4.5 = 3$  سم

في الشكل المقابل:



و (د)  $\angle = 30^\circ$

و (د)  $\angle = 90^\circ$

و (د)  $\angle = 60^\circ$

S منتصف AD

أثبت أن:  $AD = SD$

**الحل**  $\therefore$   $\triangle ASD$  قائم الزاوية في S

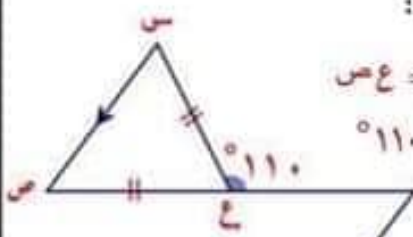
$\therefore$   $\overline{SD}$  متوسط  $\therefore \frac{1}{2} AD = SD \leftarrow (1)$

$\therefore$   $\triangle ASD$  قائم الزاوية في S

و (د)  $\angle = 30^\circ \therefore \frac{1}{2} SD = AS \leftarrow (2)$

من (1)، (2)  $\therefore AD = SD$

في الشكل المقابل:



$CE = \overline{DE}$ ،  $CE = \overline{BE}$

و (د)  $\angle = 110^\circ$

$\overline{DM} \parallel \overline{CN}$

أوجد: و (د)  $\angle = 130^\circ$

**الحل**  $\therefore$  و (د)  $\angle = 180^\circ$

$\therefore$  و (د)  $\angle = 70^\circ = 110^\circ - 180^\circ = \angle = 70^\circ$

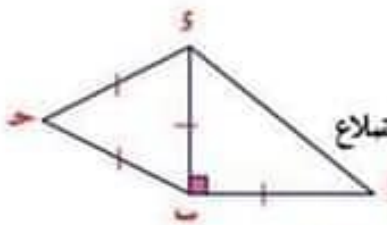
$\therefore$   $CE = \overline{BE}$

$\therefore$  و (د)  $\angle = 50^\circ = \frac{70^\circ - 180^\circ}{2}$

$\therefore$   $\overline{DM} \parallel \overline{CN}$

$\therefore$  و (د)  $\angle = 50^\circ = \angle = 50^\circ$  بالتبادل

في الشكل المقابل:



و (د)  $\angle = 90^\circ$

$\triangle ABC$  متساوي الأضلاع

$AB = BC = CA$

أوجد بالبرهان: و (د)  $\angle = 45^\circ$

**الحل**

$\therefore$   $\triangle ABC$  متساوي الأضلاع

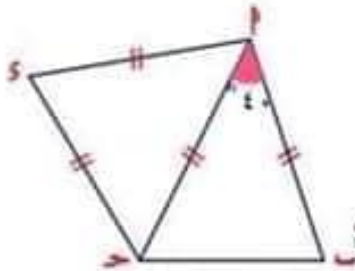
$\therefore$  و (د)  $\angle = 60^\circ$

$\therefore$   $AB = BC$

$\therefore$  و (د)  $\angle = 45^\circ = \frac{90^\circ - 180^\circ}{2}$

$\therefore$  و (د)  $\angle = 105^\circ = 45^\circ + 60^\circ$

في الشكل المقابل:



و (د)  $\angle = 40^\circ$

$AB = AC$

$\triangle ABC$  متساوي الأضلاع

أوجد: و (د)  $\angle = 130^\circ$

**الحل**

$\therefore$   $\triangle ABC$  متساوي الأضلاع

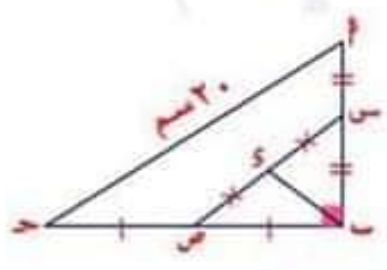
$\therefore$  و (د)  $\angle = 60^\circ$

$\therefore$   $AB = AC$

$\therefore$  و (د)  $\angle = 70^\circ = \frac{40^\circ - 180^\circ}{2}$

$\therefore$  و (د)  $\angle = 130^\circ = 70^\circ + 60^\circ$

في الشكل المقابل:



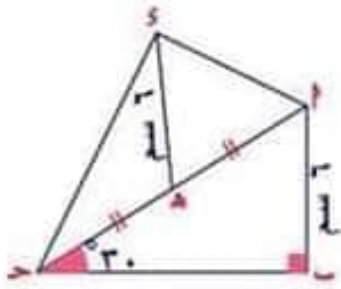
و (د)  $\angle = 90^\circ$

S منتصف AB

S منتصف BC

S منتصف AC،  $AD = 20$  سم

18 في الشكل المقابل :



أ ب مثلث قائم الزاوية

في س ، ق (ب ا ح س) = 30°

، ا ب = 6 سم

، ه منتصف ا ب

إذا كان س ه = 6 سم فاثبت أن : ق (ب ا س ه) = 90°

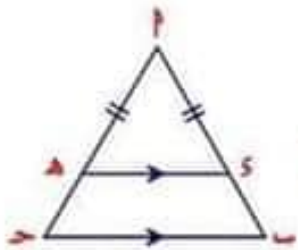
**الحل** : ∆ ا ب ه قائم الزاوية في س

، ق (ب ا ح س) = 30°

∴ ا ب = 2 × ح س = 12 سم

∴ س ه = 1/2 ا ب = 6 سم ∴ ق (س ه) = 90°

19 في الشكل المقابل :



أ ب مثلث فيه

ا س = ا ه ، ه س // س ب

برهن أن : ا ب = ا ه

**الحل** : ∆ ا س ه فيه ا س = ا ه

∴ ق (ب ا ه س) = ق (ا ه س) ← (1)

∴ ه س // س ب

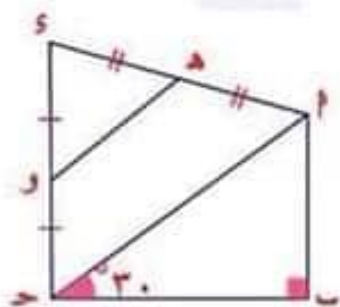
∴ ق (ب ا س) = ق (ب ا ه س) ← (2)

، ق (ب ا ح) = ق (ب ا ه س) ← (3)

من (1) ، (2) ، (3) ∴ ق (ب ا س) = ق (ب ا ح)

∴ ا ب = ا ه

20 في الشكل المقابل :



ق (ب ا س) = 90°

، ق (ب ا ح س) = 30°

، ه منتصف ا ب

، و منتصف س ب

اثبت أن : ا ب = ه و

**الحل**

∴ ∆ ا ب ه قائم الزاوية في س

**الحل**

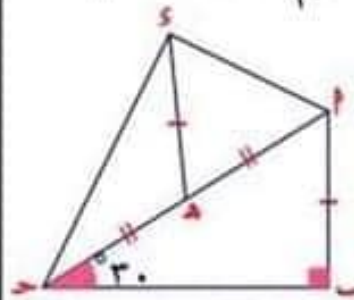
أوجد : طول س ه

∴ ∆ ا ب ه قائم الزاوية في س

، س منتصف ا ب ، ص منتصف س ب

∴ س ص = 1/2 ا ب = 10 سم

∴ س ه متوسط ∴ س ب = 1/2 س ص = 5 سم



16 في الشكل المقابل :

ا ب = س ه

، ه منتصف ا ب

، ق (ب ا س) = 90°

، ق (ب ا ح س) = 30° اثبت أن :

**الحل** : ق (ب ا س ه) = 90°

∴ ∆ ا ب ه قائم الزاوية في س

، ق (ب ا ح س) = 30° ∴ ا ب = 1/2 ا ه ← (1)

∴ ا ب = س ه ∴ س ه = 1/2 ا ه

∴ ق (س ه) = 90°

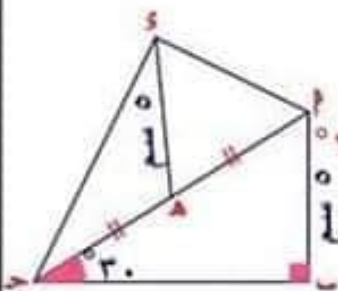
17 في الشكل المقابل :

أ ب مثلث قائم الزاوية

في س ، ق (ب ا ح س) = 30°

، ا ب = 5 سم

، ه منتصف ا ب



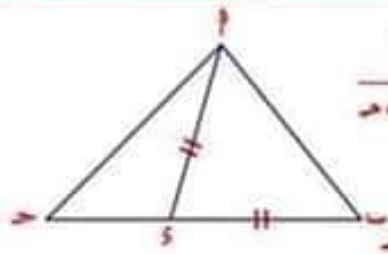
إذا كان س ه = 5 سم فاثبت أن : ق (ب ا س ه) = 90°

**الحل** : ∴ ∆ ا ب ه قائم الزاوية في س

، ق (ب ا ح س) = 30°

∴ ا ب = 2 × س ه = 10 سم

∴ س ه = 1/2 ا ب = 5 سم ∴ ق (س ه) = 90°



٢٢ في الشكل المقابل :

AB مثلث ،  $AS \supseteq BS$

،  $AS = AS$

برهن أن :  $AS < BS$

**الحل**

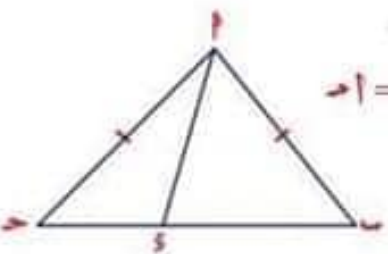
$\therefore AS = AS$

$\therefore \angle ASB = \angle ASA = 90^\circ$  (١)

$\therefore \angle ASB < \angle ASA = 90^\circ$  (٢)

من (١) من (٢)  $\therefore \angle ASB < \angle ASA$

$\therefore AS < BS$



٢٤ في الشكل المقابل :

AB مثلث فيه  $AS = AS$

،  $AS \supseteq BS$

أثبت أن :  $AS < AS$

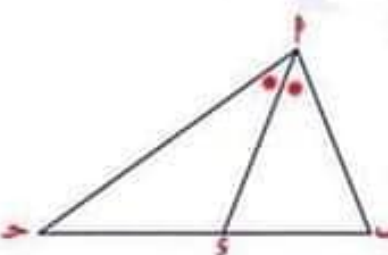
**الحل**  $\therefore AS = AS$

$\therefore \angle ASB = \angle ASB = 90^\circ$  (١)

$\therefore \angle ASB < \angle ASB = 90^\circ$  (٢)

من (١) من (٢)  $\therefore \angle ASB < \angle ASB$

$\therefore AS < AS$



٢٥ في الشكل المقابل :

AS ينصف  $\angle BAC$

أثبت أن :  $AS < AS$

**الحل**

$\therefore AS$  ينصف  $\angle BAC$

$\therefore \angle BAS = \angle CAS = 90^\circ$  (١)

$\therefore \angle BAS < \angle CAS = 90^\circ$  (٢)

من (١) من (٢)

$\therefore \angle BAS < \angle CAS$   $\therefore AS < AS$

،  $\angle A = 30^\circ$

$\therefore AS = \frac{1}{2} AB$  (١)

$\therefore AS$  و  $AS$  منتصفات  $AS$  ،  $AS$

$\therefore AS = \frac{1}{2} AB$  (٢)

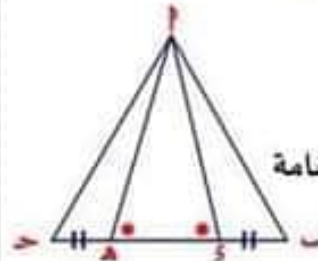
من (١) ، (٢)  $\therefore AS = AS$

٢١ في الشكل المقابل :

$\triangle ASB \cong \triangle ASB$

،  $AS = AS$  ،  $AS$  على استقامة

واحدة ،  $AS = AS$



أثبت أن :  $\triangle ASB$  متساوي الساقين

**الحل**  $\therefore \angle ASB = \angle ASB$

$\therefore AS = AS$  ،  $\angle ASB = \angle ASB$

مكملات لزاويا متساوية في القياس

$\therefore \triangle ASB \cong \triangle ASB$  فيهما

١  $AS = AS$  ، ٢  $AS = AS$

٣  $\angle ASB = \angle ASB$

$\therefore \triangle ASB \cong \triangle ASB$

$\therefore AS = AS$   $\therefore \triangle ASB$  متساوي الساقين

٢٢ في الشكل المقابل :

AB مثلث فيه :  $AS < AS$

$\angle ASB = \angle ASB$  ،  $\angle ASB = \angle ASB$

أثبت أن :  $AS < AS$

**الحل**

$\therefore \angle ASB = \angle ASB$  ،  $\angle ASB = \angle ASB$

$\therefore AS = AS$  (١) ،  $\therefore AS < AS$  (٢)

وبطرح (١) من (٢)  $\therefore AS < AS$

∴ م ينصف ∆ ا ب م

∴ ق (∆ م س م) =  $\frac{1}{2}$  ق (∆ ا ب م) ← (٢)

∴ ق (∆ م ح م) =  $\frac{1}{2}$  ق (∆ ا ب م) ← (٣)

من (١) ، (٢) ، (٣)

∴ ق (∆ م س م) < ق (∆ م ح م)

∴ م س < م ح

في الشكل المقابل:

ا ب م مثلث فيه

ا ب < ا ح

م س // م ح

أثبت أن : ا س < ا ح

**الحل** ∴ ا ب < ا ح

∴ ق (∆ م س م) < ق (∆ م ح م) ← (١)

∴ م س // م ح

∴ ق (∆ ا م س) = ق (∆ م س م) ← (٢) بالتناظر

∴ ق (∆ ا م ح) = ق (∆ م ح م) ← (٣) بالتناظر

من (١) ، (٢) ، (٣)

∴ ق (∆ ا م س) < ق (∆ ا م ح)

∴ ا س < ا ح

في الشكل المقابل:

ا ب م مثلث فيه

ا س // ا ح

ق (∆ ا س م) = ٤٠°

ق (∆ ا ب م) = ٨٠°

أثبت أن : ا ب < ا ح

**الحل** ∴ ا س // ا ح

∴ ق (∆ ا ب م) = ق (∆ ا س م) = ٤٠° بالتبادل

∴ مجموع قياسات زوايا المثلث = ١٨٠°

في الشكل المقابل:

ا ب = ا ح ، س م = س ن

س م = س ن

أثبت أن :

ق (∆ ا م س) < ق (∆ ا م ن)

**الحل** ∴ ا ب = ا ح

∴ ق (∆ ا م س) = ق (∆ ا م ن) ← (١)

∴ س م < س ن

∴ ق (∆ م س ن) < ق (∆ م ن س) ← (٢)

بجمع (١) ، (٢)

∴ ق (∆ ا م س) < ق (∆ ا م ن)

في الشكل المقابل:

برهن أن :

ق (∆ ا ب م) < ق (∆ ا ب ن)

**الحل**

نرسم م ح

في ∆ ا ب م : ا م < ا ن

∴ ق (∆ ا م ب) = ق (∆ ا م ن) ← (١)

في ∆ م ح ن : س م < س ن

∴ ق (∆ م ح ن) < ق (∆ م ن ح) ← (٢)

بجمع (١) ، (٢)

∴ ق (∆ ا م ب) < ق (∆ ا م ن)

في الشكل المقابل:

ا ب م مثلث فيه ا ب > ا ح

م ينصف ∆ ا ب م

ح ينصف ∆ ا ب م

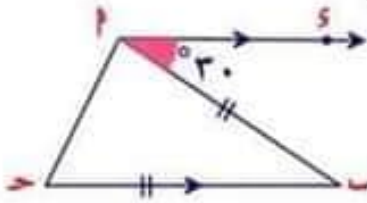
أثبت أن : م ح > م ن

**الحل** ∴ ا ب > ا ح

∴ ق (∆ ا ب م) < ق (∆ ا ب ن) ← (١)

$\therefore \angle (AB) < \angle (AC) \therefore AB < AC$

٢٤ فى الشكل المقابل :



AB مثلث فيه

$AB = AC$

$AS \parallel BC$

$\angle (AS) = 30^\circ$  أوجد : قياسات زوايا

$\triangle ABC$

**الحل**  $\therefore AS \parallel BC$

$\therefore \angle (AB) = \angle (AS) = 30^\circ$  بالتبادل

$\therefore AB = AC$

$\therefore \angle (AC) = \angle (AB) = 30^\circ - 180^\circ = 70^\circ$

٢٥ س ص ع مثلث فيه  $SS = 4$

$SS = 7$  ،  $SS = 8$  ،  $SS = 7$

رتب قياسات زوايا المثلث س ص ع ترتيباً تنازلياً

**الحل**  $\therefore SS < SS < SS$

$\therefore \angle (SS) < \angle (SS) < \angle (SS)$

٢٦ AB مثلث فيه  $AB = 7$  ،  $BC = 5$

$AB = 6$

رتب قياسات زوايا المثلث ترتيباً تصاعدياً

**الحل**  $\therefore AB > AB > AB$

$\therefore \angle (AB) > \angle (AB) > \angle (AB)$

٢٧  $\triangle ABC$  فيه  $\angle (AB) = 50^\circ$

$\angle (AB) = 70^\circ$

رتب أطوال أضلاع المثلث ABC تصاعدياً

**الحل**

$\therefore$  مجموع قياسات زوايا المثلث  $= 180^\circ$

$\therefore \angle (AB) = (50^\circ + 70^\circ) - 180^\circ = 60^\circ$

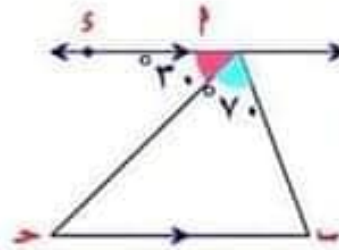
$\therefore \angle (AB) > \angle (AB) > \angle (AB)$

$\therefore AB > AB > AB$

$\therefore \angle (AB) = (80^\circ + 40^\circ) - 180^\circ = 60^\circ$

$\therefore \angle (AB) < \angle (AC) \therefore AB < AC$

٣١ فى الشكل المقابل :



$AS \parallel BC$

$\angle (AB) = 70^\circ$

$\angle (AC) = 30^\circ$

أثبت أن  $AB < AC$

**الحل**  $\therefore AS \parallel BC$

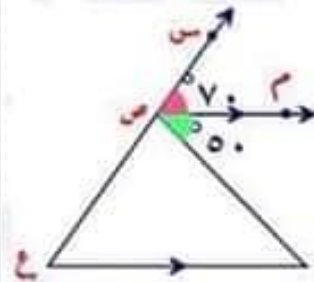
$\therefore \angle (AB) = \angle (AS) = 30^\circ$  بالتبادل

$\therefore$  مجموع قياسات زوايا المثلث  $= 180^\circ$

$\therefore \angle (AB) = (70^\circ + 30^\circ) - 180^\circ = 80^\circ$

$\therefore \angle (AB) < \angle (AC) \therefore AB < AC$

٣٢ فى الشكل المقابل :



$AS \parallel BC$

$\angle (AS) = 70^\circ$

$\angle (AS) = 50^\circ$

أثبت أن  $AS < AS$

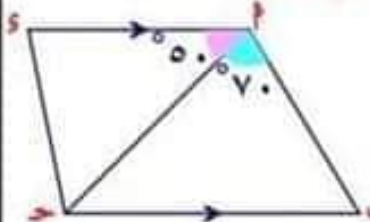
**الحل**  $\therefore AS \parallel BC$

$\therefore \angle (AS) = \angle (AS) = 50^\circ$  بالتبادل

$\angle (AS) = 70^\circ$  بالتبادل

$\therefore \angle (AS) < \angle (AS) \therefore AS < AS$

٣٣ فى الشكل المقابل :  $AS \parallel BC$



$\angle (AB) = 70^\circ$

$\angle (AC) = 50^\circ$

أثبت أن  $AB < AC$

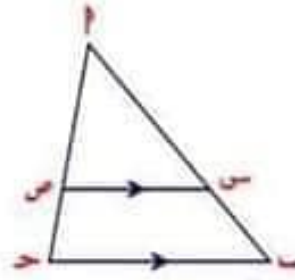
**الحل**  $\therefore AS \parallel BC$

$\therefore \angle (AB) = \angle (AS) = 50^\circ$  بالتبادل

$\therefore$  مجموع قياسات زوايا المثلث  $= 180^\circ$

$\therefore \angle (AB) = (50^\circ + 70^\circ) - 180^\circ = 60^\circ$

٢٨ فى الشكل المقابل :



أ ب مثلث فيه

 $س < ب$  $\overline{ST} \parallel \overline{QR}$ 

برهن أن :

 $س(ب - س) = ب(س - س)$ **الحل**

متروك للطلاب