

# شغف وفريقك خطوة بخطوة



شغف التعليمي  
Educational passion

$2 > -3$   
 $0.999... = 1$   
 $\pi \approx 3.14$   
 $\sqrt{2}$   
 $5^{2^3}$   
 $101_2 = 5_{10}$



القناة الرئيسية " فريق شغف التعليمي "



<https://t.me/alsh276>

مكتبة شغف " بوت الملفات "



[https://t.me/passion\\_study\\_bot](https://t.me/passion_study_bot)

## نواس الفتل غير المتخامد

تعريفه: جسم صلب متجانس (ساق أو قرص) معلق من مركزه

يهزفي مستو أفقي حول سلك فتل شاقولي ثابت فتله k

بتأثير عزم مزدوجة الفتل.

### دراسة حركة نواس الفتل:

القوى الخارجية المؤثرة في الساق: قوة الثقل  $\vec{W}$ ، قوة التوتر  $\vec{T}$ .

عندما ندير الساق زاوية  $\theta$  عن وضع توازنها في مستو

أفقي تنشأ في السلك مزدوجة فتل  $\vec{\tau}$  تقاوم عملية الفتل

تعمل على إعادة الساق إلى وضع توازنها عزمها هو عزم

إرجاع يتناسب طردياً مع زاوية الفتل  $\theta$  ويعاكسها بالإشارة

$$\Gamma_{\vec{\tau}/\Delta} = -k\theta$$

ملاحظة: يُعطى ثابت فتل السلك بالعلاقة:  $K = K' \frac{(2r)^4}{l}$

$k'$  ثابت يتعلق بنوع مادة السلك،  $2r$  قطر السلك،  $l$  طول السلك.

حيث  $k$  ثابت فتل السلك تقاس بـ:  $m.N.rad^{-1}$

بتطبيق العلاقة الأساسية في التحريك الدوراني

حول محور  $\Delta$  منطبق على سلك الفتل الشاقولي:

$$\sum \Gamma_{\Delta} = I_{\Delta} \alpha$$

حيث  $I_{\Delta}$  عزم عطالة الساق حول محور الدوران  $\Delta$  (السلك)

$\alpha$  التسارع الزاوي

$$\Gamma_{\vec{W}/\Delta} + \Gamma_{\vec{T}/\Delta} + \Gamma_{\vec{\tau}/\Delta} = I_{\Delta} \alpha \dots \dots (1)$$

إن عزم كل من قوة الثقل  $\vec{W}$  وقوة التوتر  $\vec{T}$  معدوم لأن:

حامل كل منهما منطبق على محور الدوران  $\Delta$ .

$$\Gamma_{\vec{W}/\Delta} = -K\theta$$

$$0 + 0 = -k\theta = I_{\Delta} \alpha$$

$$-k\theta = I_{\Delta} (\theta)''$$

$$(\theta)'' = -\frac{k}{I_{\Delta}} \theta \dots \dots (2)$$

المعادلة (2) هي معادلة تفاضلية من المرتبة الثانية تقبل حل جيبياً من الشكل:

$$\bar{\theta} = \theta_{\max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

ولتحقق من صحة الحل نشق مرتين بالنسبة بالزمن:

$$\bar{\omega} = (\bar{\theta})' = -\omega_0 \theta_{\max} \sin(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

$$\alpha = (\bar{\theta})'' = -\omega_0^2 \theta_{\max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

$$(\bar{\theta})'' = -\omega_0^2 \bar{\theta} \dots \dots (3)$$

$$\omega_0^2 = \frac{k}{I_{\Delta}} \dots \dots (4)$$

بموازنة العلاقتين (2) و (3) نجد:  $\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{I_{\Delta}}} > 0$

وهذا ممكن لأن:  $k, I_{\Delta}$  موجبان أي أن

حركة نواس الفتل جيبية دورانية توافقية بسيطة تابعها الزمني من الشكل:

$$\bar{\theta} = \theta_{\max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

$\bar{\theta}$ : المطال الزاوي في اللحظة  $t$  واحده  $rad$ .

$\theta_{\max}$ : المطال الزاوي الأعظمي (السعة الزاوية) واحده  $rad$ .

$\omega_0$ : النبض الخاص بالحركة واحده  $rad.s^{-1}$ .

$\bar{\varphi}$ : الطور الابتدائي للحركة واحده  $rad$ .

$$\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{I_{\Delta}}} \Rightarrow \frac{2\pi}{T_0} = \sqrt{\frac{k}{I_{\Delta}}} \Rightarrow T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{k}}$$

استنتج دور نواس القتل:

- لا يتعلّق بالسعة الزاوية للحركة  $\theta_{max}$ .
- يتناسب طردياً مع الجذر التربيعي لعزم عطالة جملة النواس حول محور الدوران (سلك القتل).
- يتناسب عكساً مع الجذر التربيعي لثابت قتل السلك.

أجرب وأستنتج:

- لا تتغير قيمة الدور الخاص لنواس القتل بتغير السعة الزاوية للحركة.
- يزداد الدور الخاص لنواس القتل بزيادة عزم عطالة الجملة.
- ينقص الدور الخاص لنواس القتل بتقصان طول سلك القتل.

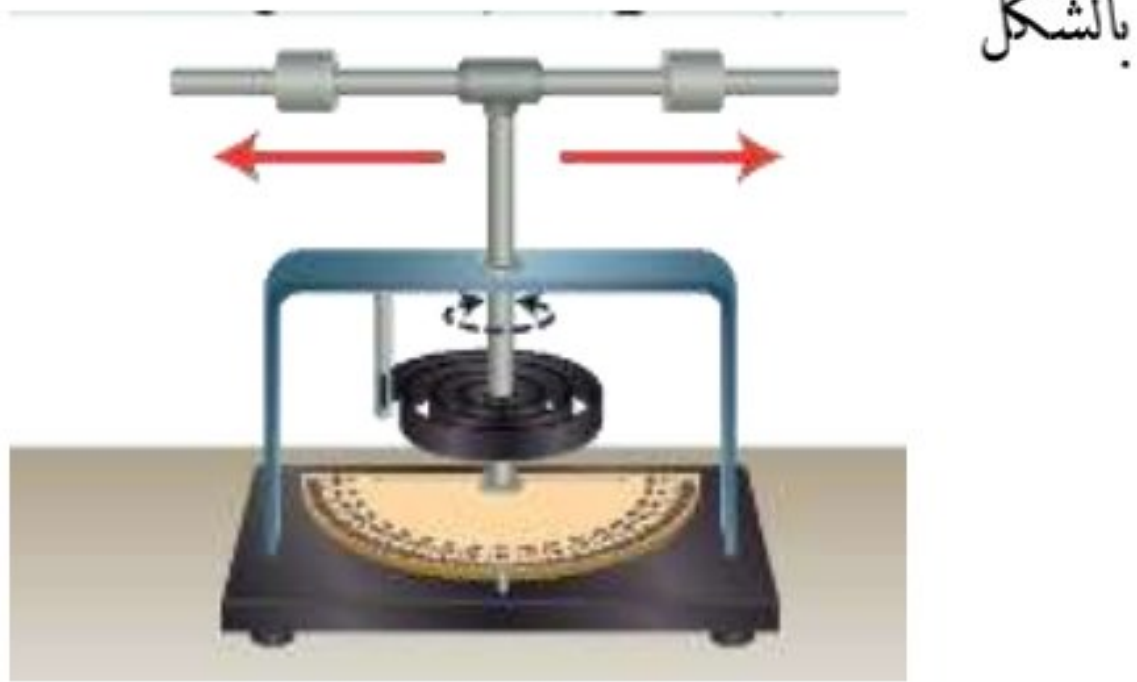
التشابه الشكلي بين النواس المرن ونواس القتل:

نواس قتل	نواس مرن
حركة جيبيّة دورانية	حركة جيبيّة انسحابية
مطال زاوي $\bar{\theta}$	المطال $\bar{x}$
السرعة الزاوية: $\omega = (\bar{\theta})'_t$	السرعة $\bar{v} = (\bar{x})'_t$
التسارع الزاوي: $\bar{\alpha} = (\bar{\theta})''_t$	التسارع $\bar{a} = (\bar{x})''_t$
ثابت القتل $k$	ثابت الصلابة $k$
عزم الإرجاع $\Gamma$	قوة الإرجاع $F$
الطاقة الكامنة المرّونية: $E_p = \frac{1}{2} k \theta^2$	الطاقة الكامنة المرّونية: $E_p = \frac{1}{2} k x^2$
الطاقة الحركية: $E_k = \frac{1}{2} I_{\Delta} \omega^2$	الطاقة الحركية: $E_k = \frac{1}{2} m v^2$
الطاقة الميكانيكية: $E = \frac{1}{2} k \theta_{max}^2$	الطاقة الميكانيكية: $E = \frac{1}{2} k x_{max}^2$

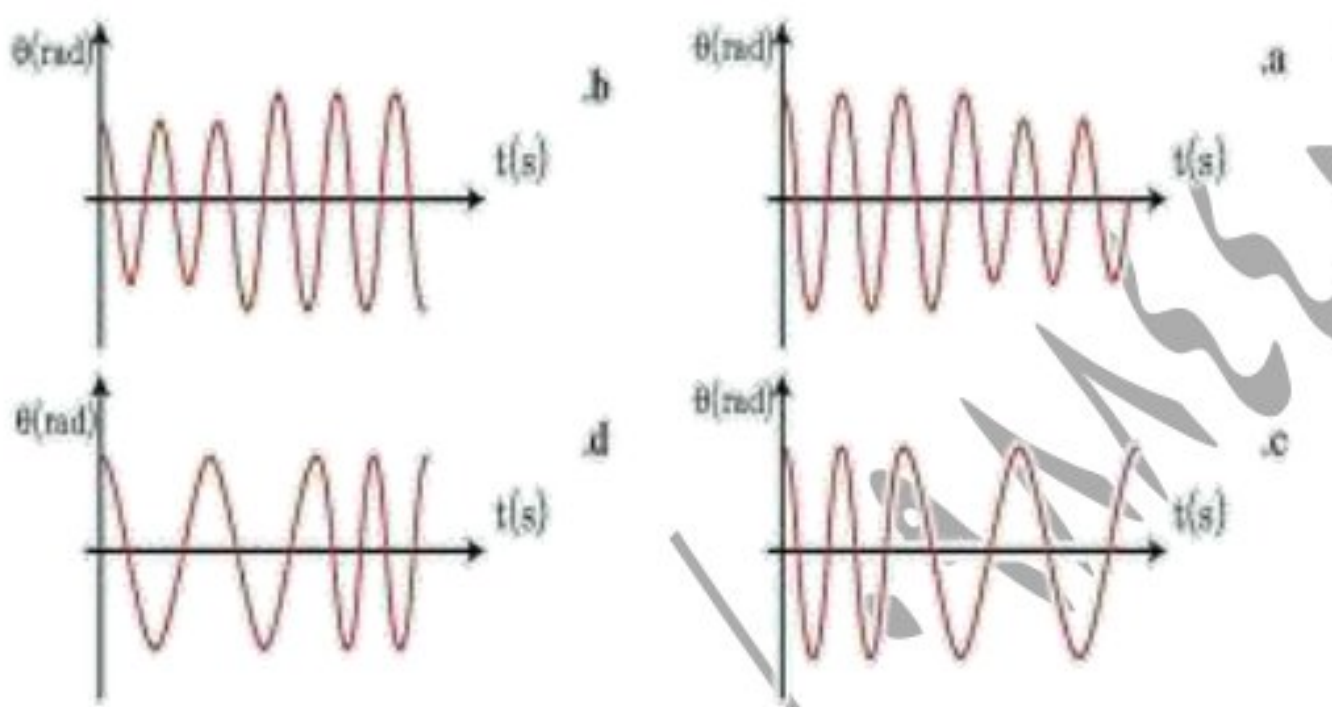
اختبر نفسي:

أولاً: اختر الإجابة الصحيحة فيما يأتي:

1- يهتز نواس قتل بدور خاص  $T_0$  في لحظة ما أثناء حركته ابتعدت الكتلتان عن محور الدوران بالمقدار نفسه كما هو موضح



بالشكل فالرسم البياني الذي يعبر عن تغير المطال مع الزمن



في هذه الحالة هو: الإجابة الصحيحة: (c)

التوضيح: بإزدياد البعد بين الكتلتين يزداد عزم عطالة جملة النواس وبالتالي سيزداد الدور (أي ينقص التواتر).

2- مقياسية تعتمد في عملها على نواس قتل كما في الشكل



التوضيح: من الشكل نجد:  $\omega_{\max} = \frac{\pi^2}{8} \text{ rad. s}^{-1}$

$$2T_0 = 8 \Rightarrow T_0 = 4 \text{ s}$$

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{4} = \frac{\pi}{2} \text{ rad. s}^{-1}$$

نعوض شروط البدء ( $t = 0, \omega = 0$ ) في التابع الزمني للسرعة الزاوية:

$$\bar{\omega} = -\omega_0 \theta_{\max} \sin(\omega t + \bar{\varphi})$$

$$0 = -\omega_0 \theta_{\max} \sin(0 + \bar{\varphi})$$

$$\sin(\bar{\varphi}) = 0 \Rightarrow \bar{\varphi} = 0 \text{ أو } \pi \text{ rad}$$

نختار الحل الذي يجعل السرعة سالبة من أجل زمن  $t = \frac{T_0}{4}$

إما:  $\bar{\varphi} = 0 \text{ rad}$  الحل مقبول لأنه يحقق السرعة سالبة في

$$t = \frac{T_0}{4} = 1 \text{ s}$$

$$\omega = -\omega_0 \theta_{\max} \sin(\omega_0 t + \bar{\varphi}) \Rightarrow$$

$$\bar{\omega} = -\frac{\pi}{2} \times \frac{\pi}{4} \sin\left(\frac{\pi}{2} \cdot 1 + 0\right) = -\frac{\pi^2}{8} \text{ rad. s}^{-1}$$

أو:  $\bar{\varphi} = \pi \text{ rad}$  الحل مرفوض لأنه يحقق السرعة موجبة

$$t = \frac{T_0}{4} = 1 \text{ s}$$

$$\bar{\omega} = -\frac{\pi}{2} \times \frac{\pi}{4} \sin\left(\frac{\pi}{2} \cdot 1 + \pi\right) = +\frac{\pi^2}{8} \text{ rad. s}^{-1}$$

$$\Rightarrow \bar{\omega} = -\frac{\pi^2}{8} \sin \frac{\pi}{2} t$$

ثانياً أجب عن الأسئلة الآتية:

1\_ انطلاقاً من مصوئية الطاقة الميكانيكية برهن أن

حركة نواس الفتل حركة جيبيّة دورانية.

$$E_{\text{tot}} = E_p + E_k = \text{const}$$

ولتصحيح التأخير الحاصل بالوقت فيها، قدم الطّاب مقترحاتهم، فإن الاقتراح الصحيح هو:

a. زيادة طول سلك الفتل بمقدار ضئيل.

b. زيادة كتلة القرص مع المحافظة على قطره.

c. إنقاص طول سلك الفتل بمقدار ضئيل.

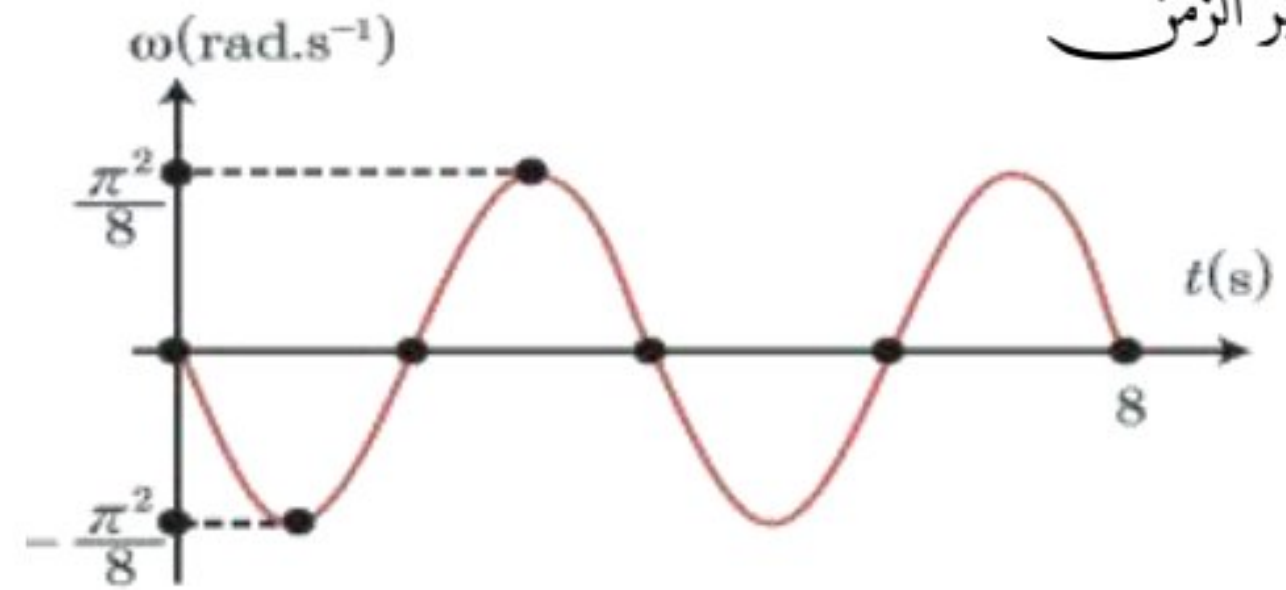
d. زيادة قطر القرص مع المحافظة على كتلته.

الإجابة الصحيحة: (C) إنقاص طول سلك الفتل بمقدار ضئيل.

التوضيح: التأخير بالوقت يعني الدور أكبر من 2s ويجب إنقاصه لذا يجب إنقاص طول سلك الفتل بمقدار ضئيل.

3- يمثّل الرسم البياني المجاور تغيّرات السرعة الزاوية لنواس قتل

بمغيّر الزمن



فإنّ تابع السرعة الزاوية الذي يمثّله هذا المنحني هو:

$$\bar{\omega} = \frac{\pi^2}{8} \sin 3\pi t \quad .a$$

$$\bar{\omega} = -\frac{\pi^2}{8} \sin 2\pi t \quad .b$$

$$\bar{\omega} = +\frac{\pi^2}{8} \sin \frac{\pi}{2} t \quad .c$$

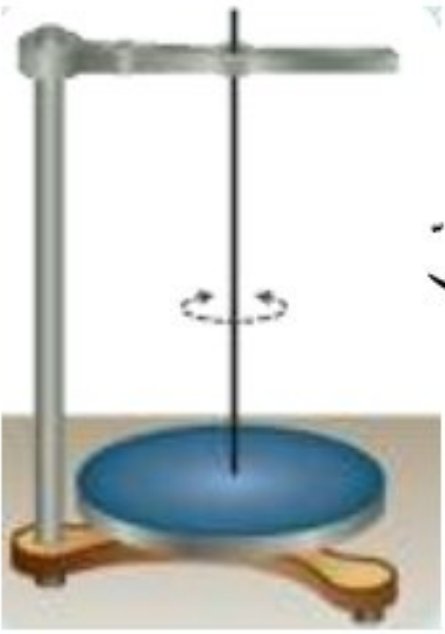
$$\bar{\omega} = -\frac{\pi^2}{8} \sin \frac{\pi}{2} t \quad .d$$

الإجابة الصحيحة: (d)

$$\frac{2T_{0_2}}{T_{0_1}} = \sqrt{\frac{l_1}{l_2}} \text{ (بالتربيع)} \Rightarrow \frac{4}{1} = \frac{l_1}{l_2} \Rightarrow l_1 = 4l_2$$

ثالثاً: حل المسائل الآتية:

المسألة الأولى: يتألف نواس قتل من قرص متجانس كتلته  $m = 2 \text{ kg}$ ، نصف قطره  $r = 4 \text{ cm}$  معلق من مركزه إلى سلك قتل شاقولي ثابت قتلته  $k = 16 \times 10^{-3} \text{ m. N. rad}^{-1}$  ندير القرص في مستواً أفقياً زاوية  $\theta = +\frac{\pi}{4} \text{ rad}$  عن وضع توازنه، وتركه دون سرعة ابتدائية في اللحظة  $t = 0$ . المطلوب:



(1) احسب الدور الخاص للنواس.

(2) استنتج التابع الزمني للمطال الزاوي

انطلاقاً من شكله العام.

(3) احسب الطاقة الكامنة في وضع

مطاله الزاوي  $\theta = \frac{\pi}{8} \text{ rad}$ ، ثم احسب الطاقة الحركية عندئذ.

(عزم عطالة قرص حول محور عمودي على مستويه

ومار من مركزه  $I_{\Delta/c} = \frac{1}{2}mr^2$ )

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{K}} \quad \text{(الحل: 1)}$$

$$I_{\Delta} = \frac{1}{2}mr^2 = \frac{1}{2} \times 2(4 \times 10^{-2})^2 = 16 \times 10^{-4} \text{ Kg. m}^2$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{16 \times 10^{-4}}{16 \times 10^{-3}}} \Rightarrow T_0 = 2 \text{ s}$$

$$E_{\text{tot}} = \frac{1}{2}k\theta^2 + \frac{1}{2}I_{\Delta}\omega^2$$

نشق طرفي العلاقة بالنسبة للزمن:

$$0 = \frac{1}{2}k 2(\bar{\theta} \cdot \bar{\omega}) + \frac{1}{2}I_{\Delta}2(\bar{\omega} \cdot \bar{\alpha})$$

$$0 = \omega(k\bar{\theta} + I_{\Delta}\bar{\alpha}) \quad \text{لكن } \omega \neq 0$$

$$0 = k(\bar{\theta}) + I_{\Delta}(\bar{\theta})''_t$$

$$(\bar{\theta})''_t = -\frac{K}{I_{\Delta}}(\bar{\theta}) \dots \dots (1)$$

نشق التابع مرتين بالنسبة للزمن:

$$(\bar{\theta})'_t = \bar{\omega} = -\omega_0 \theta_{\text{max}} \sin(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

$$(\bar{\theta})''_t = \bar{\alpha} = -\omega_0^2 \theta_{\text{max}} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

$$(\bar{\theta})''_t = -\omega_0^2 \bar{\theta} \dots \dots (2)$$

بالمقارنة بين (1) و (2) نجد أن:  $\omega_0^2 = \frac{k}{I_{\Delta}}$

ومنه:  $\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{I_{\Delta}}}$  وهذا محقق لأن  $k, I_{\Delta}$  موجبان

ودوره  $T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{k}}$  وبالتالي حركة نواس القتل حركة

جيبية دورانية توافقية بسيطة.

2- نعلق ساقين متماثلتين بسلكي قتل متماثلين

طول الأول  $l_1$  وطول الثاني  $l_2$  فإذا علمت أن:

$$T_{0_1} = 2T_{0_2} \text{، أوجد العلاقة بين طولي السلكين.}$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{k}} = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{k' \frac{(2r)^4}{l}}} = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta} l}{k' (2r)^4}}$$

$$T_0 = \text{const} \sqrt{l}$$

$$\frac{T_{0_1}}{T_{0_2}} = \frac{\text{const} \sqrt{l_1}}{\text{const} \sqrt{l_2}}$$

(2) استنتاج التابع الزمني للمطال الزاوي انطلاقاً من شكله العام: إيجاد ثوابت الحركة  $(\bar{\varphi}, \theta_{\max}, \omega_0)$ :

$$\bar{\theta} = \theta_{\max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

السعة الزاوية:  $\theta_{\max} = \frac{\pi}{4} \text{ rad}$  لأن القرص ترك دون سرعة ابتدائية في اللحظة  $t = 0$ .

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{2} = \pi \text{ rad} \cdot \text{s}^{-1}$$

لإيجاد الطور الابتدائي نعوض شروط البدء في التابع الزمني:  $(\theta = +\frac{\pi}{4} \text{ rad}, t = 0)$

$$\frac{\pi}{4} = \frac{\pi}{4} \cos(0 + \bar{\varphi}) \Rightarrow \cos \bar{\varphi} = 1 \Rightarrow \bar{\varphi} = 0 \text{ rad}$$

نعوض ثوابت الحركة في التابع الزمني للمطال الزاوي:

$$\bar{\theta} = \frac{\pi}{4} \cos(\pi t)$$

(2) حساب الطاقة الكامنة والطاقة الحركية في وضع مطاله

$$\theta = \frac{\pi}{8} \text{ rad}$$

$$E_p = \frac{1}{2} k \theta^2 = \frac{1}{2} \times 16 \times 10^{-3} \times \left(\frac{\pi}{8}\right)^2$$

$$E_p = \frac{1}{8} \times 10^{-2} \text{ J}$$

$$E_{\text{tot}} = E_p + E_k \Rightarrow E_k = E_{\text{tot}} - E_p$$

$$E_{\text{tot}} = \frac{1}{2} k \theta_{\max}^2 = \frac{1}{2} \times 16 \times 10^{-3} \left(\frac{\pi}{4}\right)^2$$

$$E_{\text{tot}} = \frac{1}{2} \times 10^{-2} \text{ J}$$

$$E_k = \frac{1}{2} \times 10^{-2} - \frac{1}{8} \times 10^{-2} = \frac{3}{8} \times 10^{-2}$$

$$E_k = 375 \times 10^{-5} \text{ J}$$

المسألة الثانية: ساق مهملة الكتلة طولها  $l$ ، تثبت في كل من

طرفيها كتلة نقطية  $125 \text{ g}$ ، ونعلق الجملة من منتصفها إلى

سلك فتل شاقولي ثابت قله  $16 \times 10^{-3} \text{ m} \cdot \text{N} \cdot \text{rad}^{-1}$

لتؤلف الجملة نواس فتل، نزيح الساق عن وضع توازنها في مستو

أفقي بزاوية  $\theta = \frac{\pi}{3} \text{ rad}$  وتترك دون سرعة ابتدائية لحظة

بدء الزمن، فتهتز بحركة جيبيّة دورانية، دورها الخاص  $2.5 \text{ s}$ .

المطلوب:

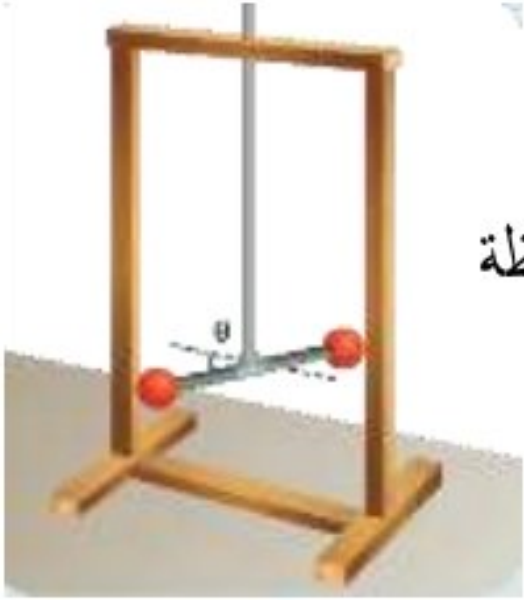
(1) استنتاج التابع الزمني للمطال الزاوي انطلاقاً من

شكله العام

(2) احسب قيمة السرعة الزاوية للساق لحظة

مرورها الأول بوضع التوازن.

(3) احسب طول الساق.



الحل: (1) استنتاج التابع الزمني للمطال الزاوي انطلاقاً

من شكله العام: إيجاد ثوابت الحركة  $(\bar{\varphi}, \theta_{\max}, \omega_0)$ :

$$\bar{\theta} = \theta_{\max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

السعة الزاوية:  $\theta_{\max} = \frac{\pi}{3} \text{ rad}$  لأن الساق تركت

دون سرعة ابتدائية في اللحظة  $t = 0$ .

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{2.5} = \frac{4\pi}{5} \text{ rad} \cdot \text{s}^{-1}$$

لإيجاد الطور الابتدائي نعوض شروط البدء في التابع

الزمني:  $(\theta_{\max} = \frac{\pi}{3} \text{ rad}, t = 0)$

$$\frac{\pi}{3} = \frac{\pi}{3} \cos(0 + \bar{\varphi}) \Rightarrow \cos \bar{\varphi} = 1 \Rightarrow \bar{\varphi} = 0 \text{ rad}$$

$$\bar{\theta} = \frac{\pi}{3} \cos\left(\frac{4\pi}{5} t\right)$$

بالتالي:

(2) حساب قيمة السرعة الزاوية للساق لحظة مروره الأول بوضع التوازن:

$$\bar{\omega} = -\omega_0 \theta_{\max} \sin(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

$$\bar{\omega} = -\frac{4\pi}{5} \times \frac{\pi}{3} \sin\left(\frac{4\pi}{5} t\right)$$

$$\bar{\omega} = -\frac{8}{3} \sin\left(\frac{4\pi}{5} t\right)$$

لحظة المرور الأول بوضع التوازن يوافق ربع هزة أي:

$$t = \frac{T_0}{4} = \frac{2.5}{4} = \frac{5}{8} \text{ s}$$

$$\bar{\omega} = -\frac{8}{3} \sin\left(\frac{4\pi}{5} \times \frac{5}{8}\right) = -\frac{8}{3} \sin\left(\frac{\pi}{2}\right) = -\frac{8}{3} \text{ rad.s}^{-1}$$

(3) حساب طول الساق:

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{k}} = 2\pi \sqrt{\frac{2m_1 r_1^2}{k}} = 2\pi \sqrt{\frac{2m_1 \left(\frac{\ell}{2}\right)^2}{k}}$$

$$2.5 = 2\pi \sqrt{\frac{2 \times 125 \times 10^{-3} \times \frac{\ell^2}{4}}{16 \times 10^{-3}}}$$

$$\Rightarrow 6.25 = 40 \times \frac{2 \times 125 \times 10^{-3} \times \frac{\ell^2}{4}}{16 \times 10^{-3}}$$

$$\ell = \sqrt{\frac{4 \times 6.25 \times 16}{40 \times 2 \times 125}} \Rightarrow \ell = 0.2 \text{ m}$$

المسألة الثالثة: ساق أفقية متجانسة طولها  $\ell = ab = 40 \text{ cm}$

معلقة بسلك فتل شاقولي يمر من منتصفها

(a) ندير الساق في مستو أفقي بزاوية  $\theta = 60^\circ$  انطلاقاً

من وضع توازنها، ونتركها دون سرعة ابتدائية في

اللحظة  $t=0$ ، فهتز بجرعة جيئية دورانية دورها الخاص  $T_0 = 1 \text{ s}$

فإذا علمت أن عزم عطالة الساق بالنسبة لسلك

$$I_{\Delta/c} = 2 \times 10^{-3} \text{ Kg.m}^2$$

(1) استنتج التابع الزمني للمطال الزاوي انطلاقاً من شكله العام.

(2) احسب قيمة السرعة الزاوية للساق لحظة مرورها الثاني بوضع التوازن.

(3) احسب قيمة التسارع الزاوي للساق عندما تصنع زاوية  $30^\circ$  مع وضع توازنها.

(b) نثبت بالطرفين  $a, b$  كتلتين نقطيتين

$m_1 = m_2 = 75 \text{ g}$ ، استنتج قيمة الدور الخاص الجديد للجملة المهتزة، ثم احسب قيمة ثابت فتل السلك.

(c) نقسم سلك الفتل قسمين متساويين، ونعلق الساق

بعدئذ بنصفي السلك معاً؛ أحدهما من الأعلى،

والآخر من الأسفل ومن منتصفها، ويثبت طرف هذا السلك

من الأسفل بحيث يكون شاقولياً. استنتج قيمة الدور الخاص

الجديد للساق (دون وجود كتل نقطية).

الحل: 1- استنتاج التابع الزمني للمطال الزاوي انطلاقاً

من شكله العام: إيجاد ثابت الحركة  $(\bar{\varphi}, \theta_{\max}, \omega_0)$ :

$$\bar{\theta} = \theta_{\max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

السعة الزاوية:  $\theta_{\max} = \frac{\pi}{3} \text{ rad}$  لأن الساق تركت

دون سرعة ابتدائية في اللحظة  $t=0$

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{1} = 2\pi \text{ rad.s}^{-1}$$

لإيجاد الطور الابتدائي نعوض شروط البدء في التابع

$$\text{الزمني: } (\theta_{\max} = \frac{\pi}{3} \text{ rad, } t = 0)$$

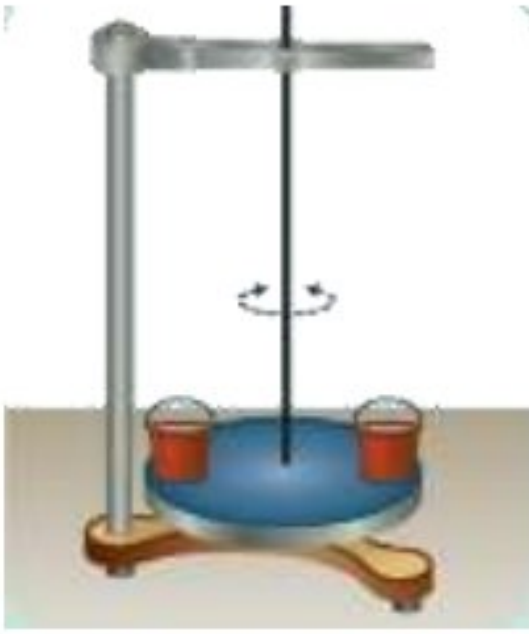
$$(k_2 = k' \frac{(2r)^4}{\frac{1}{2}l'} = 2k' \frac{(2r)^4}{l'}) \Rightarrow k_2 = 2k$$

$$K^* = 2K + 2K = 4K$$

$$T'_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_\Delta}{K^*}} = 2\pi \sqrt{\frac{I_\Delta}{4k}} = \frac{1}{2} \times 2\pi \sqrt{\frac{I_\Delta}{k}}$$

$$T'_0 = \frac{1}{2} T_0 = \frac{1}{2} \times 1 \Rightarrow T'_0 = \frac{1}{2} S$$

### التفكير الناقد:



نواس قتل مؤلف من سلك

قتل ثابت قتلته  $k$  وقرص

معدني عزم عطالته

$I_\Delta = \frac{1}{2} mr^2$  وقد ثبت على

محيطه كأسان متماثلان يحويان نفس الكمية من الماء

وقد جهز كل منهما بصمام يتجه نحو مركز القرص. تراح الجملة عن

موضع توازنها زاوية  $\theta_{\max} = \frac{\pi}{2} \text{ rad}$  وتترك دون سرعة ابتدائية

في اللحظة  $t = 0$ ، وفي إحدى النوسات تم فتح

الصمامين هل تزداد السرعة الزاوية أم تنقص ولماذا؟ **الجواب:**

سوف ينقص عزم عطالة الجملة فينقص الدور ويزداد النبض الخاص

فتزداد السرعة الزاوية العظمى.

----- انتهى البحث -----

ندعوكم للانضمام إلى قناتنا على التيلغرام:

قناة فراس قلعه جي للفيزياء والكيمياء

$$\frac{\pi}{3} = \frac{\pi}{3} \cos(0 + \bar{\varphi}) \Rightarrow \cos \bar{\varphi} = 1 \Rightarrow \bar{\varphi} = 0 \text{ rad}$$

نعوض ثوابت الحركة في التابع الزمني للمطال الزاوي:

$$\bar{\theta} = \frac{\pi}{3} \cos(2\pi t)$$

2- حساب قيمة السرعة الزاوية للساق لحظة مرورها الثاني

بوضع التوازن:  $\bar{\omega} = -\omega_0 \theta_{\max} \sin(\omega_0 t + \bar{\varphi})$ :

$$\bar{\omega} = -2\pi \times \frac{\pi}{3} \sin(2\pi t) = -\frac{20}{3} \sin(2\pi t)$$

لحظة المرور الثاني بوضع التوازن يوافق ثلاث أرباع هزة

$$\text{أي: } t = \frac{3T_0}{4} = \frac{3 \times 1}{4} = \frac{3}{4} S$$

$$\bar{\omega} = -\frac{20}{3} \sin(2\pi \frac{3}{4}) = +\frac{20}{3} \text{ rad. s}^{-1}$$

$$\alpha = -\omega_0^2 \theta \quad -3$$

$$\bar{\alpha} = -40 \times \left(\frac{-\pi}{6}\right) \Rightarrow \bar{\alpha} = \frac{20\pi}{3} \text{ rad. s}^{-2}$$

$$T'_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I'_\Delta}{K}} \quad T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_\Delta}{K}} \quad (b)$$

$$\frac{T'_0}{T_0} = \frac{\sqrt{I_\Delta + 2m_1 r_1^2}}{\sqrt{I_\Delta}} = \frac{\sqrt{I_\Delta + 2m_1 \left(\frac{\ell}{2}\right)^2}}{\sqrt{I_\Delta}}$$

$$\frac{T'_0}{T_0} = \frac{\sqrt{2 \times 10^{-3} + 2 \times 75 \times 10^{-3} \times 400 \times 10^{-4}}}{\sqrt{2 \times 10^{-3}}}$$

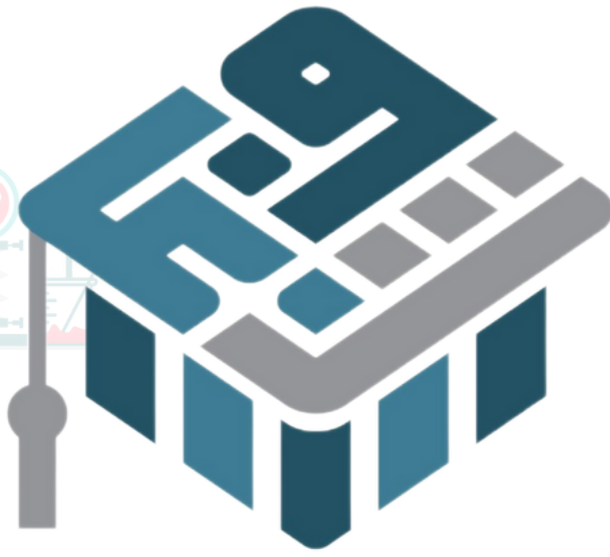
$$\frac{T'_0}{1} = \sqrt{\frac{8 \times 10^{-3}}{2 \times 10^{-3}}} = 2 \Rightarrow T'_0 = 2 S$$

$$\omega_0^2 = \frac{k}{I_\Delta} \Rightarrow k = \omega_0^2 I_\Delta = 40 \times 2 \times 10^{-3}$$

$$\Rightarrow k = 8 \times 10^{-2} \text{ m. N. rad}^{-1}$$

$$(k_1 = k' \frac{(2r)^4}{\frac{1}{2}l'} = 2k' \frac{(2r)^4}{l'}) \Rightarrow k_1 = 2k \quad (c)$$

# شغف وفريقك خطوة بخطوة



شغف التعليمي  
Educational passion

$2 > -3$   
 $0.999... = 1$   
 $\pi \approx 3.14$   
 $\sqrt{2}$   
 $5^{2^3}$   
 $101_2 = 5_{10}$



القناة الرئيسية " فريق شغف التعليمي "



<https://t.me/alsh276>

مكتبة شغف " بوت الملفات "



[https://t.me/passion\\_study\\_bot](https://t.me/passion_study_bot)