

ورقة عمل في الفيزياء (الثالث الثانوي العلمي)

ورقة عمل نواس مرن

السؤال الأول: اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي:

1\_ عند مرور الجسم المهتز بوضع التوازن وهو يتحرك بحركة توافقية بسيطة فإن :

A)  $E=0$  B)  $E_k=0$  C)  $E_p=0$  D)  $E=E_k+E_p$

2\_ نواس مرن مهمل الكتلة حلقاته متباعدة وجسم كتلته  $2\text{kg}$  ثابت صلابة النابض  $10^2 \text{ N/m}$  فإن قيمة الاستطالة السكونية:

A)  $0.02\text{m}$ . B)  $0.002\text{m}$ . C)  $2\text{m}$ . D)  $0.2\text{m}$

3\_ حركة الجسم المهتز المثبت بنهاية نابض من وضع التوازن باتجاه المطاليين الاعظميين:

(A) حركة مسقيمة منتظمة. (B) حركة مستقيمة متسارعة بانتظام.

(C) حركة مستقيمة متباطئة بانتظام. (D) كل مما سبق غلط

4\_ جسم مثبت بنهاية نابض ثابت صلابته  $20\text{N/m}$  سعة الاهتزاز للنواس  $12\text{cm}$  فإن طول القطعة المستقيمة المرسومة :

A)  $0.12\text{m}$ . B)  $0.06\text{m}$ . C)  $0.24\text{m}$ . D)  $0.48\text{m}$

5\_ نواس مرن يهتز بحركة توافقية بسيطة نضاعف المطال مرتين فإن الطاقة الكامنة الجديدة:

A)  $E_p$ . B)  $2E_p$ . C)  $4E_p$ . D)  $8E_p$ .

6\_ حركة جيبيية أنسحابية نبضها الخاص  $3.14\text{rad/s}$  فإن قيمة الاستطالة السكونية  $X_0$ :

A)  $10\text{m}$ . B)  $1\text{m}$ . C)  $0.1\text{m}$ . D)  $0.01\text{m}$

7\_ المصطلح الذي يدل على القياس الجبري لبعد مركز التوازن عن الجسم

-1-

الصلب هو:

(A) سعة الاهتزاز  $X_{max}$

(B) المطال  $X$ .

(C) الاستطالة السكونية  $X_0$ .

(D) كل مما سبق صحيح.

8\_ المقدار  $m \omega^2$  يمثل:

(A) الطاقة الحركية. (B) الطاقة الكلية.

(C) ثابت صلابة النابض. (D) سعة الاهتزاز.

9\_ طول القطعة المستقيمة الذي يرسمها الجسم المهتز أثناء حركتها الجيبية

الانسحابية لنواس مرن:

A)  $X_{max}$ . B)  $X_{max}/2$

C)  $2X_{max}$ . D)  $X_{max}^2$

10) عند مرور الجسم المهتز بوضع المطاليين الاعظمين يكون الطاقة الكلية:

A)  $E_k$ . B)  $E_p$

C)  $E_k + E_p$ . D)  $2E_p$

سؤال 2\_ أكتب الشكل العام لتابع مطال النواس المرن ثم استنتج شكله المختزل

علماً أن الجسم كان ساكناً في بدء الزمن في نقطة مطالها  $X_{max}$  وأرسم

المنحني البياني له خلال دور كامل؟

سؤال 3\_ برهن ان محصلة القوى المؤثرة في مركز عطالة الجسم الصلب في

النواس المرن هي قوى ارجاع من الشكل  $F = -KX$ ؟ وبين متى قوة الارجاع

معدومة ومتى أعظمية؟

سؤال 4\_ انطلقاً من العلاقة:  $F = -KX$  في النواس المرن بين طبيعة حركته

للنواس المرن مستنتجاً دوره الخاص. وهل يتعلق الدور بسعة الاهتزاز مع

شرح دلالات الرموز.

سؤال 5\_ انطلقاً من التابع الزمني للمطال في النواس المرن -2-

$x = X_{\max} \cos \omega t$  استنتج تابع تسارع الجسم بدلالة مطال الحركة  $x$  ، ثم

حدد باستخدام العلاقات المناسبة الأوضاع التي يكون فيها التسارع :

١- أعظماً (طويلةً) ، ٢- معدوماً

سؤال 6\_ استنتج علاقة الطاقة الميكانيكية في الحركة التوافقية البسيطة وبين

أنها تناسب مع سعة الحركة وارسم منحنى الطاقة بدلالة المطال وارسم

منحنى الطاقة بدلالة زمن؟

سؤال 7\_ أشرح تبادل الطاقة في النواس المرن خلال دور كامل وما شكل الطاقة

الميكانيكية عندما  $X=0$  و  $X=+X_{\max}$

س 8\_ فسر علمياً باستخدام العلاقات الرياضية المناسبة ما يلي:

(1) جسم يقف في وضع التوازن لسبب من الأسباب فإذا زال السبب يبقى

ساكناً؟

(2) تتجه قوة الارجاع دوماً نحو مركز التوازن وتتفق مع جهة التسارع  $a$ ؟

(3) أنعدام الطاقة الحركية للجسم المهتز في الحركة التوافقية البسيطة في

وضع المطالين؟

(4) أنعدام الطاقة الكامنة للجسم المهتز في الحركة التوافقية البسيطة في وضع

التوازن؟

(5) أنعدام التسارع الخطي للجسم مهتز بحركة جيبيية أنسحابية في وضع

التوازن؟

(6) أنعدام السرعة الخطية للجسم المهتز بحركة جيبيية أنسحابية في وضع

المطالين الاعظمين؟

س 9- حل المسائل التالية:

مسألة أولى:

هزازة توافقية بسيطة مؤلفة من نقطة مادية كتلتها  $m=2\text{kg}$  معلقة بنابض مرن

حلقاته متباعدة مهمل الكتلة شاقولي ثابت صلابته  $20\text{N/m}$  نزيح الجسم نحو

الأسفل وضمن حدود مرونة النابض مسافة  $16\text{cm}$  ونتركه دون سرعة ابتدائية

في اللحظة  $t=0$  والمطلوب:

1 - أحسب الدور الخاص للنواس, وهل تتغير قيمة الدور إذا غيرنا سعة الاهتزاز ولماذا؟

2 - أستنتج التابع الزمني للمطال انطلاقاً من شكله العام بعد تعيين ثوابته؟

3 - أستنتج التابع الزمني لسرعة الجسم المهتز وأحسب سرعة الجسم في اللحظة  $t=1/2S$  وأحسب طاقته الحركية عندئذ؟

4 - أحسب التسارع في وضع مطاله  $4\text{cm}$  ثم احسب قوة الارجاع في نفس الموضع وأحسب قيمة الطاقة الكامنة المرونية؟

5 - احسب الطاقة الكامنة في وضع مطاله  $2\text{cm}$ ؟ وأحسب الطاقة الحركية عندئذ؟

6 - عين لحظتي المرور الأول والثالث في وضع التوازن؟

7 - حساب قيمة السرعة الاعظمية والتسارع الاعظمي؟

8 - عين المواضع التي تكون فيها شدة قوة الارجاع عظمى ثم احسبها وعين موضعاً تنعدم فيه هذه القوى؟

9 - احسب قيمة الكتلة التي تجعل الدور يصبح نصف ما كان عليه؟

10 - احسب قيمة الاستطالة السكونية لل نابض؟

### مسألة ثانية:

تتحرك نقطة مادية كتلتها  $5 \times 10^2 \text{g}$  بحركة جيبيه انسحابية بحيث تنطلق في مبدأ الزمن من نقطة مطالها  $X_{\text{max}}$  الى وضع التوازن , فتستغرق زمن قدره  $0.5S$  قاطعةً  $5\text{cm}$  والمطلوب :

1 - أستنتج التابع الزمني للمطال الحركة بعد تعيين الثوابت؟

2 - احسب قيمة السرعة لحظة المرور الأول بوضع التوازن؟

3 - احسب قيمة التسارع لحظة المرور في وضع مطاله  $X_{\text{max}}$  .؟

4 - أحسب ثابت صلابة النابض وقوة الارجاع في نقطة مطالها  $2\text{cm}$ ؟

5 - احسب الطاقة التي يقدمها المجرب ليهتز الجسم بالسعة السابقة؟

6 - احسب الطاقة الكامنة في نقطة مطالها  $x=2\text{cm}$  وأحسب طاقتها الحركية

عندئذ؟

7\_ حساب طول القطعة المرسومة التي يرسمها الجسم مهتز؟

8\_ حساب الطاقة الحركية عند المرور في وضع التوازن؟

9\_ حساب الطاقة الكامنة عند المرور في وضع المطاليين الاعظميين؟

ك  
ر  
ح

-5-

ع  
ر  
ب  
ي

$$W - F_{s0} = 0 = 0 \Rightarrow W = F_{s0}$$

$$mg = kx_0 \quad \text{--- ①}$$

$$\sum \vec{F} = m\vec{a} \quad \text{القوة}$$

$$\vec{W} + \vec{F}_s = m\vec{a}$$

بالطول الكهروستاتيكي في وضع التوازن

للإشارة:

$$+W - F_s = ma$$

$$kx_0 - k(x + x_0) = ma$$

$$kx_0 - kx - kx_0 = ma$$

$$F = -kx$$

قوة الربيع تكون معدومة في وضع التوازن

القوة

قوة الربيع تكون في وضع التوازن

القوة

$$F = -kx$$

$$ma = -kx$$

$$a = \frac{-kx}{m} = -(\omega^2)x \quad \text{--- ①}$$

معادلات الحركة في حالة التناوب

هل يوجد في التناوب:

$$x = x_{max} \cos(\omega_0 t + \phi)$$

$$v = -\omega_0 x_{max} \sin(\omega_0 t + \phi)$$

$$a = -\omega_0^2 x_{max} \cos(\omega_0 t + \phi)$$

$$(\ddot{x})_t = -\omega_0^2 x \quad \text{--- ②}$$

$$\frac{-kx}{m} = -\omega_0^2 x$$

$$\omega_0^2 = \frac{k}{m} \Rightarrow \omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m}}$$

حل ورقة عمل التناوب العنقودي

D) 0.2 m    ②    c)  $E_p = 0$     ①

c) 0.24 m    ④    (c)    ③

B) 1 m    ⑥    c)  $4E_p$     ⑤

(c)    ⑧    B) المطال    ⑦

B)  $E_p$     ⑩    c)  $2x_{max}$     ⑨

سواء التناوب المطال القوة:

$$x = x_{max} \cos(\omega_0 t + \phi)$$

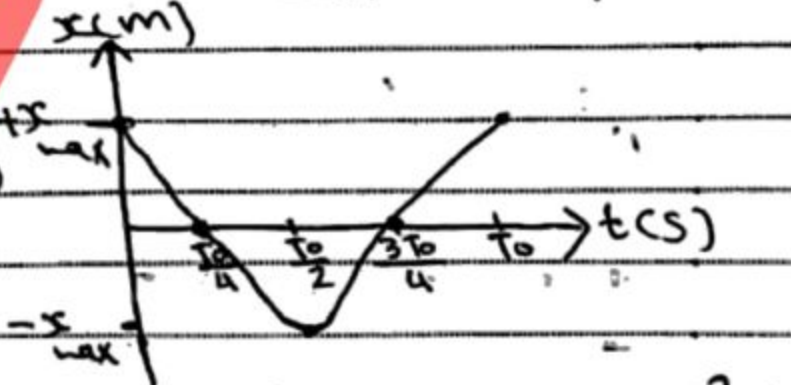
شروط البداية:

$$(t=0, x = +x_{max})$$

$$x_{max} = x_{max} \cos(0 + \phi)$$

$$\cos \phi = 1 \Rightarrow \phi = 0 \text{ rad}$$

$$x = x_{max} \cos(\omega_0 t)$$



مالتكون:

$$\sum \vec{F} = \vec{0}$$

$$\vec{W} + \vec{F}_{s0} = \vec{0}$$

بالطول الكهروستاتيكي في وضع التوازن

قوة الربيع في وضع التوازن

قوة الجاذبية للأسفل

قوة الجاذبية للأسفل

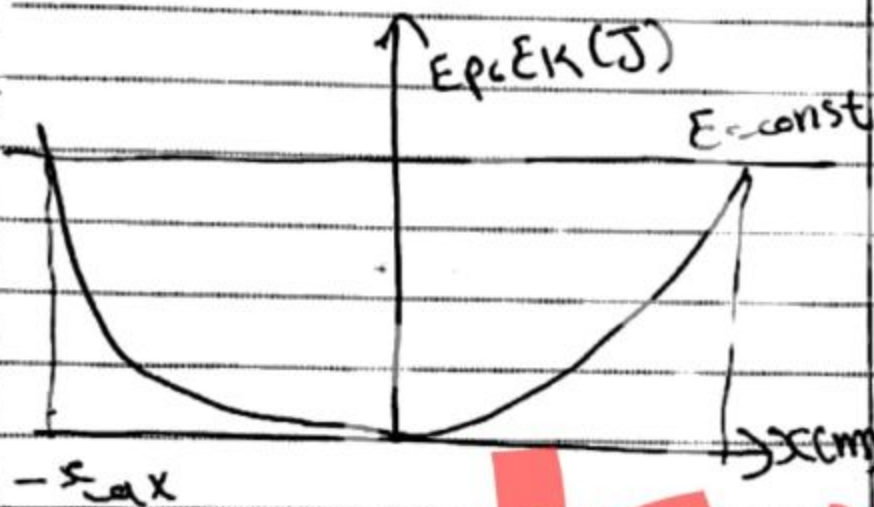
Subject: \_\_\_\_\_

نعرف ① في ②

$$E = \frac{1}{2} k x_{\max}^2 [\sin^2(\omega_0 t + \phi) + \cos^2(\omega_0 t + \phi)]$$

$$E = \frac{1}{2} k x_{\max}^2 = \text{const}$$

الطاقة الكلية تتناوب طرداً  
مع الزرير التي يسببها  $x_{\max}$



الطاقة الكلية تتناوب طرداً مع الزرير التي يسببها  $x_{\max}$

الطاقة الحركية وكمية الحركة تتناوبان  
كالمساحة تقع على وضع

$k, m$  مقدار موجية

$$\omega_0 > 0$$

دالة التوافق المرنة جيبية استيعابية

$$\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m}} = \frac{2\pi}{T_0}$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$$

الدور لا يتعلق ببعده الاستيعاب

$m$  كتلة صلب مرن (kg)  
 $k$  ثابت صلابة التوافق (N/m)  
 $T_0$  دور التوافق المرنة

$$x = x_{\max} \cos(\omega_0 t)$$

$$v = -\omega_0 x_{\max} \sin(\omega_0 t)$$

$$a = -\omega_0^2 x_{\max} \cos(\omega_0 t)$$

$$a = -\omega_0^2 x$$

1- تتناوب في وضع

التوازن

2- تتناوب في وضع عكس

الطاقة الحركية

$$E = E_p + E_k$$

$$E_p = \frac{1}{2} k x^2$$

$$x = x_{\max} \cos(\omega_0 t + \phi)$$

$$E_p = \frac{1}{2} k x_{\max}^2 \cos^2(\omega_0 t + \phi) \quad \text{--- (B)}$$

$$E_k = \frac{1}{2} m v^2$$

$$v = -\omega_0 x_{\max} \sin(\omega_0 t + \phi)$$

$$E_k = \frac{1}{2} m \omega_0^2 x_{\max}^2 \sin^2(\omega_0 t + \phi)$$

$$E_k = \frac{1}{2} k x_{\max}^2 \sin^2(\omega_0 t + \phi) \quad \text{--- (C)}$$

(3) في وضع مطالبين الكهطيين

$$x = + x_{max}$$

$$E_p = \frac{1}{2} k x^2$$

$$E_p = \frac{1}{2} k x_{max}^2$$

$$E_k = E - E_p = 0 \text{ J}$$

(4) في وضع توازن الكهطيين

$$E_k = \frac{1}{2} m v^2$$

$$E_k = \frac{1}{2} m v_{max}^2$$

$$E_k = \frac{1}{2} m (\omega_0^2 x_{max}^2)$$

$$E_k = \frac{1}{2} k x_{max}^2$$

$$E_p = E - E_k = 0 \text{ J}$$

$$a = (\ddot{x}) = (\ddot{v}) \quad (5)$$

$$a = -\omega_0^2 x$$

في وضع توازن الكهطيين

$$a = 0 \text{ m/s}^2$$

(6) في وضع مطالبين الكهطيين:

$$x = + x_{max}$$

$$v = \omega_0 \sqrt{x_{max}^2 - x^2}$$

$$v = \omega_0 \sqrt{x_{max}^2 - x_{max}^2}$$

$$v = 0 \text{ m/s}^2$$

ملاحظة أولى:

$$m = 2 \text{ kg}$$

$$k = 20 \text{ N/m}$$

شروط التوازن

$$(t = 0, x = x_{max} = 0.16 \text{ m})$$

مطالبين الكهطيين

عند الانتقال من وضع مطالبين

الكهطيين لوضع توازن تزداد طاقة

حركية وتنقص طاقة كهطية

تصبح عظمى في وضع التوازن

الطاقة حركية

في حال  $x = 0$

$$E = E_k$$

في حال  $x = x_{max}$

$$E = E_p$$

من شرط توازن:

(1) التوقف في وضع التوازن يكون

$$v = 0$$

أيضاً معدوم  $x = 0$

$$\Rightarrow E = E_p + E_k = 0$$

بالتالي يجب لا يتحرك صفك او زال سبب

التوقف.

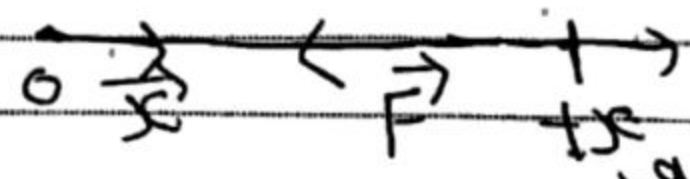
$$F = -kx \quad (2)$$

قوة الارتجاع تتناسب طردياً مع

عطال وتعاكسها بالاتجاه

ونتيجة قوة الارتجاع الى وضع

التوازن



بب قانون نيتون الثاني

$$\vec{F} = m \vec{a} \quad ; \quad m > 0$$

بالتالي  $\vec{F} = m \vec{a}$  بجهة واحدة.

Subject: \_\_\_\_\_

$$a = -0.04 \text{ m s}^{-2}$$
$$F = -kx \quad \text{قوة الربيع}$$
$$F = -20(0.04) \quad \text{قوة الربيع}$$
$$F = -0.8 \text{ N}$$
$$E_p = \frac{kx^2}{2} \quad \text{طاقة كامنة مرونية}$$

$$E_p = \frac{20 \times (0.04)^2}{2}$$

$$E_p = 10 \times 16 \times 10^{-4}$$

$$E_p = 0.016 \text{ J}$$

$$x = 2 \text{ cm}$$

$$E_p = \frac{1}{2} kx^2$$

$$E_p = \frac{1}{2} \times 20 \times (2 \times 10^{-2})^2$$

$$E_p = 4 \times 10^{-3} \text{ J}$$

$$v = \omega_0 \sqrt{x_{\max}^2 - x^2}$$

$$v = \pi \sqrt{(0.04)^2 - (0.02)^2}$$

$$v = \pi \sqrt{4 \times 10^{-4} (64 - 1)}$$

$$v = 2\pi \times 10^{-2} \sqrt{63}$$

$$v = 2\pi \times 10^{-2} \times \sqrt{7 \times 9}$$

$$v = 6\pi \times 10^{-2} \sqrt{7}$$

$$v = \frac{3\pi}{50} \sqrt{7} \text{ m s}^{-1}$$

$$E_k = \frac{1}{2} m v^2$$

$$E_k = \frac{1}{2} \times 2 \times \left( \frac{3\pi}{50} \sqrt{7} \right)^2$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \quad (1)$$
$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{2}{20}} = 2\sqrt{\frac{1}{10}}$$

$$T_0 = 2 \text{ s}$$

سعة الاهتزاز تتصلت بالدور

$$x = x_{\max} \cos(\omega_0 t + \phi) \quad (2)$$

$$x_{\max} = 16 \text{ cm} = 0.16 \text{ m}$$

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{2} = \pi \text{ rad s}^{-1}$$

(عند  $t=0$   $x = x_{\max}$ )

$$x_{\max} = x_{\max} \cos(\phi)$$

$$\cos \phi = 1 \Rightarrow \phi = 0 \text{ rad}$$

$$x = 0.16 \cos(\pi t)$$

$$v = \left( \frac{x}{t} \right) \quad (3)$$

$$v = -0.16\pi \sin(\pi t)$$

$$16\pi = 50$$

$$v = -0.5 \sin(\pi t)$$

$$t = \frac{1}{2} \text{ s}$$

$$\Rightarrow v = -0.5 \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)$$

$$v = -0.5 \text{ m s}^{-1}$$

$$E_k = \frac{1}{2} m v^2$$

$$E_k = \frac{1}{2} (2) \left( \frac{1}{2} \right)^2$$

$$E_k = \frac{1}{4} = 0.25 \text{ J}$$

$$x = 4 \text{ cm} \quad (4)$$

$$a = -\omega_0^2 x = -(\pi)^2 (0.04)$$

$$T_0 = \frac{T_0}{2} = \frac{2}{2} = 1 \text{ s} \quad (9)$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$$

$$T_0^2 = 4\pi^2 \frac{m}{k}$$

$$m = \frac{T_0^2 k}{4\pi^2} = \frac{1 \times 20}{4\pi^2}$$

$$m = 0.5 \text{ kg}$$

$$x_0 = \frac{mg}{k} \quad (10)$$

$$x_0 = \frac{2 \times 10}{20} = 1 \text{ m}$$

$$m = 500 \text{ g} = 0.5 \text{ kg}$$

(t=0, x=x\_max)

$$x = x_{\max} \cos(\omega_0 t + \phi) \quad (11)$$

الانتقال من x\_max الى x مع توازن التوازن

$$x_{\max} = 5 \text{ cm} = 0.05 \text{ m}$$

$$t = \frac{T_0}{4} = 0.25$$

$$\Rightarrow T_0 = 2 \text{ s}$$

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \pi \text{ rad s}^{-1}$$

(t=0, x\_max = x)

$$x_{\max} = x_{\max} \cos(0 + \phi)$$

$$E_k = \frac{90 \times 9}{2500}$$

$$E_k = 0.252 \text{ J}$$

عند مرور بوضع توازن x=0 (6)

$$\cos(\pi t) = 0$$

$$\pi t = \frac{\pi}{2} + \pi k$$

$$t = \frac{1}{2} + k$$

$$k = 0 \text{ مرور اول}$$

$$t_1 = \frac{1}{2} \text{ s}$$

$$k = 2 \text{ مرور ثالثة}$$

$$t_3 = \frac{1}{2} + 2 = \frac{5}{2} \text{ s}$$

$$v_{\max} = \omega_0 x_{\max} \quad (7)$$

$$v_{\max} = \pi \times 0.16$$

$$v_{\max} = 0.5 \text{ m s}^{-1}$$

$$a_{\max} = \omega_0^2 x_{\max}$$

$$a_{\max} = (\pi)^2 (0.16)$$

$$a_{\max} = 1.6 \text{ m s}^{-2}$$

$$F = kx \quad (8)$$

قدرة قوة الاربعة مبروفة في وضع التوازن وعظمى على وضع مطالبين الازمنة

$$x = x_{\max} = 0.16 \text{ m}$$

$$F_{\max} = k x_{\max}$$

$$F_{\max} = 20 (0.16)$$

$$F_{\max} = 3.2 \text{ N}$$

Subject: \_\_\_\_\_

$$E_p = \frac{1}{2} k x^2 \quad (6)$$
$$E_p = \frac{1}{2} \times 5 \times (2 \times 10^{-2})^2$$
$$E_p = \frac{5}{2} \times 4 \times 10^{-4}$$
$$E_p = 10^{-3} \text{ J}$$

$$E_k + E_p = E \quad ;$$
$$E_k = E - E_p$$
$$E_k = 6.25 \times 10^{-3} - 10^{-3}$$
$$E_k = 5.25 \times 10^{-3} \text{ J}$$
$$L = 2 x_{\max} = 2 \times 5 \times 10^{-2} \quad (7)$$
$$L = 10^{-1} \text{ m} = 10 \text{ cm}$$

$$x = 0 \text{ عند مركز موضع التوازن} \quad (8)$$
$$\Rightarrow E_p = 0 \Rightarrow E = E_k$$
$$E_k = 0.625 \times 10^{-2} \text{ J}$$

$$\text{عند مركز موضع التوازن} \quad (9)$$
$$v = 0 \Rightarrow E_k = 0$$
$$E_p = E = 0.625 \times 10^{-2} \text{ J}$$

$$\cos u = 1 \Rightarrow u = 0 \text{ rad}$$
$$x = 0.05 \cos(\pi t)$$
$$v = -0.05 \pi \sin(\pi t) \quad (2)$$
$$v = (\dot{x})_t$$

مركز موضع التوازن

$$t = \frac{T_0}{4} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2} \text{ s}$$

$$v = -0.05 \pi \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)$$
$$v = -\frac{\pi}{20} \text{ m/s} \quad (3)$$
$$a = -\omega_0^2 x$$

$$x = -x_{\max}$$
$$a = a_{\max} = -\omega_0^2 (x_{\max})$$
$$a = -(\pi)^2 (0.05)$$
$$a = 0.5 \text{ m/s}^2$$

$$k = m \omega_0^2 \quad (4)$$
$$k = 0.5 (\pi)^2$$
$$k = 5 \text{ N/m}$$

$$x = 2 \text{ cm} \text{ قوة الاسترجاع}$$
$$F = -kx = -(5)(0.02)$$
$$F = -0.1 \text{ N}$$

$$E = \frac{1}{2} k x_{\max}^2 \quad (5)$$
$$E = \frac{1}{2} \times 5 \times (0.05)^2$$

$$E = \frac{5}{2} \times 25 \times 10^{-4}$$

$$E = 62.5 \times 10^{-4} \text{ J}$$