

♥ نموذج امتحاني بحث التيار المتناوب الجيبي ♥

👁️ (الدرس الخامس بوحدة الكهرباء والمغناطيسية) 👁️

السؤال الأول: اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي وانقلها إلى ورقة إجابتك:

(1) مأخذ متناوب جيبي نضع بين مربطيه جهاز كهربائي فتكون الشدة التيار اللحظية متاخزة عن التوتر بمقدار $\pi/2$ - فإن هذا الجهاز: (A) مقاومة أومية. (B) وشيعة مهملة المقاومة.

(C) وشيعة ذات مقاومة مهملة. (D) مكثفة.

(2) مأخذ متناوب جيبي نضع بين مربطيه جهاز كهربائي فتكون الشدة التيار اللحظية متوافقة مع التوتر بالطور فإن هذا الجهاز: (A) مقاومة أومية. (B) وشيعة مهملة المقاومة.

(C) وشيعة ذات مقاومة مهملة. (D) مكثفة.

(3) تقوم الوشيعة في التيار المتواصل بدور: (A) مقاومة وذاتية. (B) مقاومة أومية.

(C) ذاتية. (D) كل مما سبق غلط.

(4) دائرة تحوي على التسلسل مقاومة أومية ووشيعة مهملة المقاومة ومكثفة التوتر المنتج لكل جزء من الدارة على حدة:

$$U_{eff1}=30V/U_{eff2}=240V/U_{eff3}=200V$$

فان قيمة عامل استطاعة الدارة هيا:

A)6. B)60. C)0.6. D)600

(5) دائرة تحوي على مكثفة سعتها قدرها $1/2000\pi F$ نطبق بين طرفيها توتر منتج $200V$ وتواتر 50 هرتز فان قيمة شدة التيار المنتجة:

A)1A. B)0.1A. C)10A. D)100A.

السؤال الثاني:

دارة تيار متناوب تحوي مكثفة C تطبق بين طرفيها توتراً لحظياً u فيمر تيار كهربائي تعطى شدته اللحظية بالتابع $i = I_{max} \cos \omega t$ والمطلوب:

(a) استنتج التابع الزمني للتوتر اللحظي بين طرفي المكثفة , ثم استنتج العلاقة التي تربط بين الشدة المنتجة والتوتر المنتج في هذه الدارة , وما هو فرق الطور بين الشدة والتوتر في هذه الحالة؟

(b) فسر علمياً باستخدام العلاقات المناسبة أن الإستطاعة المتوسطة في المكثفة معدومة؟

السؤال الثالث:

فسر الكترونياً نشوء التيارين المتواصل والمتناوب واكتب شرطي توليد قوانين أوم في التيار المتواصل على دارة التيار المتناوب في كل لحظة؟

السؤال الرابع:

دارة تيار متناوب تحوي وشيعة مهملة المقاومة L و مكثفة C موصولتين على التفرع والتابع الزمني للتوتر بين طرفي الدارة هو $u = U_{max} \cos \omega t$ والمطلوب :

أستنتج العلاقة المحددة لشدة التيار المنتجة الكلية في الدارة باستخدام انشاء فريزل في الحالات: $I_{eff}(L) > I_{eff}(C)$ و $I_{eff}(C) > I_{eff}(L)$ و $I_{eff}(L) = I_{eff}(C)$ ؟

السؤال الخامس: أجب عن أحد السوالين الاتيين:

(1) ما هو سلوك الناقل الاومي والوشيعة والمكثفة في التيار المتناوب والتيار المتواصل؟

(2) متى تتحقق حالة التجاوب الكهربائي (الطينين) وما قيمة فرق الطور بين التوتر والشدة ثم استنتج العلاقة المحددة لدور الطنين؟

السؤال السادس: حل المسائل التالية:

المسألة الأولى:

مأخذ تيار متناوب جيبي تطبق بين طرفيه توتر لحظي يعطى بالعلاقة:

$$u = 30(2)^{1/2} \cos(100\pi t)$$

نصله لدارة تحوي فرعين الاول مقاومة صرفة تيارها منتج 8 أمبير والثاني

وشبعة مقاومتها مهملة شدتها منتجة 6 أمبير والمطلوب:

- 1- قيمة التوتر المنتج بين طرفي المأخذ وتواتر التيار؟
- 2- قيمة المقاومة أومية وردية الوشبعة وذاتية الوشبعة؟
- 3- قيمة الشدة المنتجة الكلية باستخدام شعاع فريزل؟
- 4- كتابة التابع الزمني للشدة اللحظية في فرع الوشبعة وفرع المقاومة؟
- 5- الاستطاعة الكلية المستهلكة في الدارة وعامل استطاعة الدارة؟

المسألة الثانية:

مأخذ تيار متناوب جيبي نبضه الخاص $100\pi \text{rad/s}$

وقيمة توتره $U_{\text{eff}}=50\text{V}$ نربط بين طرفيه على التسلسل الأجهزة الآتية

مقاومة صرفة أوم $R=40$ ووشبعة مقاومتها الاومية مهملة ذاتيتها هنري $\pi/2$

مكثفة $F=1\div 8000\pi$ والمطلوب:

- 1- احسب ردية الوشبعة و اتساعية المكثفة والممانعة الكلية للدارة؟
- 2- قيمة الشدة المنتجة للتيار المار في الدارة؟
- 3- قيمة التوتر المنتج بين طرفي المقاومة والمكثفة وشبعة مهملة مقاومة؟
- 4- الاستطاعة المتوسطة المستهلكة في الدارة؟
- 5- كتابة تابع التوتر اللحظي في فرع مكثفة ووشبعة ومقاومة؟
- 6- نضيف إلى المكثفة C مكثفة سعتها C' نجعل عامل استطاعة الدارة يساوي الواحد ماذا يقال عن الدارة في هذه الحالة؟ ثم احسب السعة المكافئة للمكثفتين وحدد طريقة الضم واحسب سعة المكثفة المضافة C' ؟ وأحسب شدة التيار الكهربائي المنتج بهذه حالة؟

المسألة الثالثة:

مأخذ تيار متناوب جيبي توتره المنتج ثابت نضع بين طرفيه على التسلسل

مقاومة صرفة 6 أوم ووشبعة مقاومتها مهملة ذاتيتها $H=1/50\pi$

يمر فيها تيار شدته اللحظية تعطى بالعلاقة:

$$i=30x(2)^{1/2}\cos(100\pi t)$$

1- احسب الشدة المنتجة للتيار وتواتره؟

2- الممانعة الكلية للدارة وعامل استطاعتها؟

3- احسب قيمة التوتر المنتج بين طرفي المقاومة واحسب الاستطاعة

المتوسطة المستهلكة فيها واكتب تابع توتر اللحظي بين طرفي مقاومة؟

4- احسب قيمة التوتر المنتج بين طرفي الوشيعة واحسب الاستطاعة

المتوسطة المستهلكة فيها واكتب تابع توتر اللحظي بين طرفي وشيعة؟

5- نضيف على التسلسل إلى الدارة مكثفة سعتها 'C' نجعل الشدة المنتجة للتيار

بأكبر قيمة لها والمطلوب:

a_ سعة المكثفة المضافة؟

b_ قيمة الشدة المنتجة للتيار في هذه الحالة والاستطاعة المتوسطة عندئذ؟

5- ما هي قيمة سعة المكثفة اذا علمت أن توتر منتج بين طرفي مكثفة 30V

التي إذا أضيفت للدارة السابقة بقيت الشدة المنتجة للتيار نفسها؟

المسألة الرابعة:

تعطى معادلة فرق الكمون بين نقطتين من دارة بالعلاقة :

$$u=180(2)^{1/2}\cos(100\pi t)$$

والمطلوب: 1- احسب فرق الكمون المنتج بين النقطتين وتواتر التيار؟

2- نضع بني النقطتين مقاومة أومية R فيمر تيار شدته المنتجة 9A احسب

قيمة المقاومة الاومية ثم اكتب معادلة الشدة اللحظية للتيار المار فيها؟

3- نربط بني النقطتين السابقتين على التفرع مع المقاومة وشيعة عامل

استطاعتها 0.5 فيمر تيار شدته المنتجة 6A احسب ممانعة الوشيعة

والاستطاعة المتوسطة المستهلكة فيها ثم احسب ردية وشيعة اذا علمت

نقاومة وشيعة 10 أوم واكتب تابع زمني للتيار الكهربائي بين طرفي وشيعة؟

4- احسب الشدة المنتجة في الدارة الأصلية باستخدام انشاء فريزل؟

5- حساب قيمة الاستطاعة المتوسطة المستهلكة الكلية وعامل الاستطاعة؟

المسألة الخامسة:

ماخذ تيار متناوب جيبي توتره المنتج ثابت تواتره 50Hz نربط بني طرفيه على التسلسل مقاومة أومية أوم $R=6$ ووشيعه مهملة المقاومة رديتها 4 أوم ومكثفة اتساعيتها 2 أوم فيمر تيار شدته المنتجة 5A والمطلوب:

1- احسب ذاتية الوشيعه وسعة المكثفة؟

2- احسب قيمة التوتر المنتج بين طرفي الوشيعه واكتب التابع الزمني للتوتر بني طرفيها؟

3- احسب قيمة التوتر المنتج بني طرفي المقاومة واكتب التابع الزمني للتوتر بني طرفيها؟

4- احسب الممانعة الكلية للدائرة وعامل استطاعتها؟

5- احسب قيمة التوتر المنتج الكلي باستخدام إنشاء فرينل؟

6- نضيف إلى المكثفة السابقة مكثفة سعتها C نجعل الشدة على توافق بالطور مع التوتر والمطلوب:

a. احسب السعة املكافئة للمكثفتين وحدد طريقة الضم؟

b. احسب سعة المكثفة المضافة؟

الاحتطاطة و تقاوة بلع وكافة مصدرة فان
 وكافة تقويت طاقة كويانية خلال ربع دور
 الأول، ليعيدها خلال ربع دور الذي
 يليه.

التي والمالاه:
 التفسير الكهرومغناطيسي:



في التيار فتواصل:
 ينشأ التيار فتواصل

بمركبة الكهرومغناطيسية الكهرومغناطيسية

الأمون منخفضة الكهرومغناطيسية وتغير بسبب وجود
 مثل كهرومغناطيسي تابع عن منبع (فرقة كهرومغناطيسية).

عاليه متناوب:



ينشأ التيار متناوب، من حركة الكهرومغناطيسية

للا كهرمغناطيسية الكهرومغناطيسية كويانية متغير

والذي يتغير بسبب تغير فرقة الكهرومغناطيسية
 قطبي المنبع.

من طرف بتطبيق قانون أوم على كل دائرة كتيار
 متناوب:

الدائرة مقورة بالتيار لظهور موجة
 توترالتيار متناوب الصغر.

تواله الرابع:

$$u = U_{max} \cos(\omega t)$$



فيظهر وكافة التيار يتقدم بالطور على التيار
 بطور $u_c = \frac{\pi}{2} \text{ rad}$

فيظهر وكافة التيار يتأخر بالطور على التيار
 على توتر بطور $u_c = -\frac{\pi}{2} \text{ rad}$

كل توتر في افضنا في دور
 التيار متناوب الجهد:

التيار الكهرومغناطيسي:

- ① مكثفة (2) مقاومة أومية
- ③ مقاومة أومية (4) 0.6
- ⑤ 1.0 A

التي والمالاه:



$$i = I_{max} \cos(\omega t)$$

(a) التيار صورية
 السطحة بالتيار المتغير

$$dq = i dt$$

$$q = \int i dt$$

$$q = \int I_{max} \cos(\omega t) dt$$

$$q = \frac{I_{max}}{\omega} \sin(\omega t)$$

$$q = \frac{I_{max}}{\omega} \cos(\omega t - \frac{\pi}{2})$$

$$c = \frac{q}{u} \rightarrow u = \frac{q}{c}$$

$$u = \frac{I_{max}}{\omega c} \cos(\omega t - \frac{\pi}{2})$$

$$u = \frac{I_{max}}{\omega c} \cos(\omega t - \frac{\pi}{2})$$

$$u = U_{maxc} \cos(\omega t - \frac{\pi}{2})$$

$$U_{maxc} = \frac{I_{max}}{\omega c} = \frac{I_{max}}{\sqrt{2} c} \text{ (تقريباً)}$$

$$U_{effc} = \frac{I_{eff}}{\sqrt{2} c}$$

التوتر يتأخر بالطور على التيار بطور $-\frac{\pi}{2} \text{ rad}$

$$P_{avgc} = U_{effc} I_{eff} \cos \theta_c \quad (b)$$

$$u_c = -\frac{\pi}{2} \text{ rad} \rightarrow \cos \theta_c = 0$$

$$\Rightarrow P_{avgc} = 0$$

①

$I_{effR} = 8A$
 $I_{effL} = 6A$

$U_{max} = 30\sqrt{2} V$ ①

$U_{eff} = \frac{U_{max}}{\sqrt{2}} = 30 V$

$f = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{100\pi}{2\pi} = 50 Hz$

$U_{eff} = I_{effR} R$ ②

$\Rightarrow 30 = 8R$

$R = \frac{30}{8} = 3.75 \Omega$

Cap 900 $U_{eff} = I_{effL} X_L$

$\Rightarrow 30 = 6 X_L$

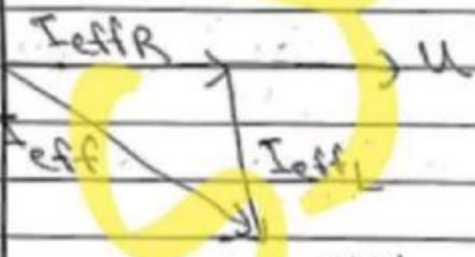
$X_L = 5 \Omega$

Sub 1000

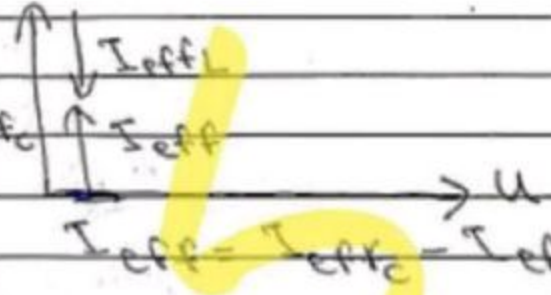
$X_L = \omega L$

$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{5}{100\pi}$

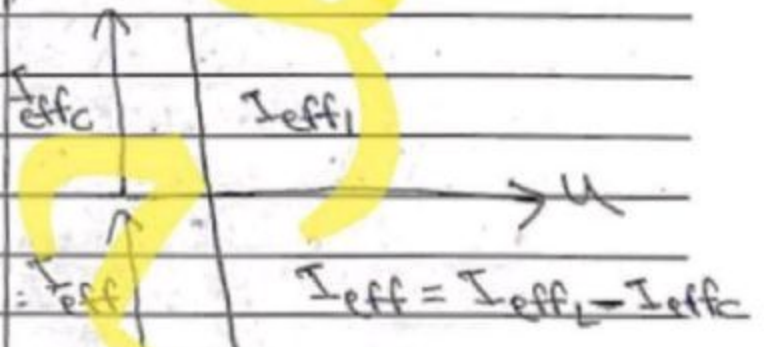
$L = \frac{1}{20\pi} H$



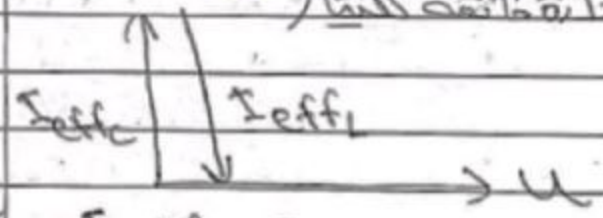
$I_{effC} > I_{effL}$: allora



$I_{effL} > I_{effC}$ allora



$I_{effL} = I_{effC}$ allora



ال سوال الخامس: الجواب اختاري

(2) حالة تقاوب كيرباتي (الطنين الكهربائي)

$X_C = X_L$

$I_{eff}^2 = I_{effR}^2 + I_{effL}^2$

$\Rightarrow I_{eff}^2 = (8)^2 + (6)^2$
 $= 64 + 36 = 100$

$I_{eff} = 10A$

④ في فرع و... $\frac{\pi}{2} rad$

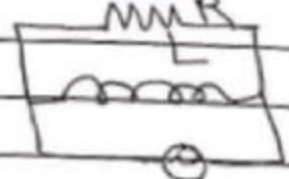
$i_L = I_{maxL} \cos(\omega t - \frac{\pi}{2})$

$I_{maxL} = I_{effL} \sqrt{2}$
 $= 6\sqrt{2} A$

التاريخ متى ان كان
 متساوية مع سعته كالم
 كالم... $Z = R$

ال سوال احد في...

$u = 30\sqrt{2} \cos(100\pi t)$



$$I_{eff} = \frac{50}{422} = 0.12 A$$

$$P_{avg} = P_{avgR} + P_{avgL} \quad (5)$$

$$U_{effR} = R I_{eff} \quad (3)$$

$$= 40(0.12) = 4.8 V$$

$$\cos \phi_L = 0$$

$$\Rightarrow P_{avgL} = 0$$

$$U_{effC} = X_C I_{eff}$$

$$= 80(0.12) = 9.6 V$$

$$P_{avgR} = R I_{eff}^2 = (30)(8)^2$$

$$P_{avgR} = 240 \text{ Watt}$$

$$U_{effL} = X_L I_{eff}$$

$$= 500(0.12) = 60 V$$

$$P_{avg} = 240 \text{ Watt}$$

$$P_{avg} = P_{avgR} + P_{avgL} + P_{avgC} \quad (4)$$

$$\cos \phi = \frac{P_{avg}}{U_{eff} I_{eff}}$$

$$P_{avgL} = P_{avgC} = 0$$

$$\cos \phi = \frac{240}{30(10)} = 0.8$$

$$P_{avg} = P_{avgR} = R I_{eff}^2$$

$$= 40(0.12)^2$$

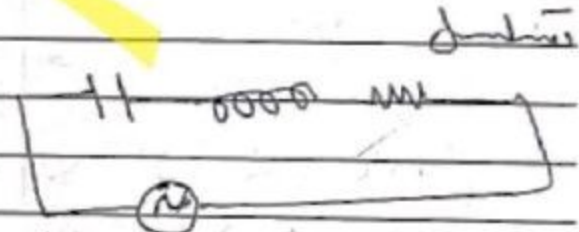
$$\omega = 100\pi \text{ rad/s}$$

$$P_{avg} = 0.576 \text{ Watt}$$

$$U_{eff} = 50 V$$

(5) في فرع المقاومة التيار يتأخر بالطور
عن التيار بـ π rad

$$U_C = U_{maxC} \cos(\omega t - \frac{\pi}{2})$$



$$U_C = 9.6\sqrt{2} \cos(100\pi t - \frac{\pi}{2})$$

$$R = 40 \Omega$$

في فرع المقاومة التيار يتقدم بالطور
عن التيار بـ π rad

$$L = \frac{\pi}{2} H$$

$$U_R = U_{maxR} \cos(\omega t + 0)$$

$$C = \frac{1}{8000\pi} F$$

$$U_R = 4.8\sqrt{2} \cos(100\pi t)$$

$$X_L = L\omega = \frac{\pi}{2}(100\pi) \quad (1)$$

في فرع الحث التيار يتقدم بالطور
عن التيار بـ $\frac{\pi}{2}$ rad

$$X_L = 500 \Omega$$

$$U_L = U_{maxL} \cos(\omega t + \frac{\pi}{2})$$

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{100\pi \times \frac{1}{8000\pi}}$$

$$U_L = 500\sqrt{2} \cos(100\pi t + \frac{\pi}{2})$$

$$X_C = 80 \Omega$$

$\cos \phi = 1$ حالة التوافقية
عندئذ يكون $X_L = X_C$ (6)

$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2}$$

$$X_C = X_L$$

$$Z = \sqrt{40^2 + (500 - 80)^2}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{\omega C} = L\omega$$

$$Z = 422 \Omega$$

$$U_{eff} = Z I_{eff} \quad (2)$$

$$50 = 422 I_{eff}$$

(3)

$$I_{max} = 30\sqrt{2} \text{ A} \quad (1)$$

$$I_{eff} = \frac{I_{max}}{\sqrt{2}} = \frac{30\sqrt{2}}{\sqrt{2}}$$

$$I_{eff} = 30 \text{ A}$$

$$\omega = 100\pi \text{ rad/s}$$

$$\omega = 2\pi f \Rightarrow f = \frac{\omega}{2\pi}$$

$$\Rightarrow f = \frac{100\pi}{2\pi} = 50 \text{ Hz}$$

$$Z = \sqrt{R^2 + X_L^2} \quad (2)$$

$$X_L = L\omega = \frac{1}{50\pi} \times 100\pi$$

$$X_L = 2 \Omega$$

$$Z = \sqrt{6^2 + 2^2}$$

$$Z = 2\sqrt{10} \Omega$$

$$\cos \phi = \frac{R}{Z} = \frac{6}{2\sqrt{10}}$$

$$\cos \phi = \frac{3}{\sqrt{10}}$$

$$V_{effR} = R I_{eff} \quad (4) + (3)$$

$$= 6(30) = 180 \text{ V}$$

$$V_{effL} = X_L I_{eff}$$

$$= 2(30) = 60 \text{ V}$$

في مقاومة التورن في وقت الكور مع التيار:

$$u_R = U_{maxR} \cos(\omega t)$$

$$u_R = 180\sqrt{2} \cos(100\pi t)$$

في فرع المقاومة في وقت الكور مع التيار، $+\frac{\pi}{2} \text{ rad}$

$$u_L = U_{maxL} \cos(\omega t + \frac{\pi}{2})$$

$$u_L = 60\sqrt{2} \cos(100\pi t + \frac{\pi}{2})$$

في وقت الكور مع التيار $-a$ (5)

$$X_L = X_C \Rightarrow L\omega = \frac{1}{\omega C_{eq}}$$

$$C_{eq} = \frac{1}{L\omega^2} = \frac{1}{\frac{1}{50\pi} (100\pi)^2}$$

$$C_{eq} = \frac{1}{200\pi} \text{ F}$$

$$C_{eq} = \frac{1}{L\omega^2} = \frac{1}{\frac{1}{2} (100\pi)^2}$$

$$C_{eq} = \frac{1}{\frac{\pi}{2} \times 10^5}$$

$$C_{eq} = \frac{1}{50000\pi} \text{ F}$$

نلاحظ ان طريقة الترميز في الدوائر الكهربائية

$$\frac{1}{C_{eq}} = \frac{1}{C} + \frac{1}{C'}$$

$$\frac{1}{C'} = \frac{1}{C_{eq}} - \frac{1}{C}$$

$$\frac{1}{C'} = \frac{1}{50000\pi} - \frac{1}{80000\pi}$$

$$\frac{1}{C'} = 50000\pi - 80000\pi$$

$$\frac{1}{C'} = 42000\pi$$

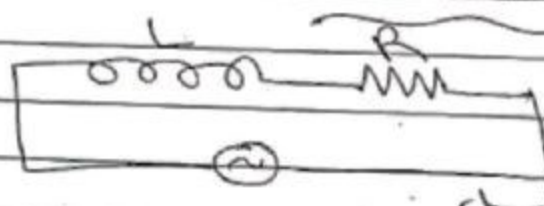
$$C' = \frac{1}{42000\pi} \text{ F}$$

التيار في فرع المقاومة $R = Z$

$$\Rightarrow U_{eff} = R I_{eff}$$

$$50 = 40 I_{eff}$$

$$I_{eff} = \frac{50}{40} = 1.25 \text{ A}$$



$$R = 6 \Omega$$

$$L = \frac{1}{50\pi} \text{ H}$$

$$i = 30\sqrt{2} \cos(100\pi t)$$

$u = 180\sqrt{2} \cos(100\pi t)$
 $U_{max} = 180\sqrt{2}$ ①
 $U_{eff} = \frac{U_{max}}{\sqrt{2}} = \frac{180\sqrt{2}}{\sqrt{2}}$
 $U_{eff} = 180 V$
 $\omega = 100\pi \text{ rad/s} = 2\pi f$
 $f = \frac{100\pi}{2\pi} = 50 \text{ Hz}$ ②

$C_{eq} = C = \frac{1}{2000\pi} F$
 في فرع المقاومة R مع التيار
 $R = 7$
 $U_{eff} = 7 I_{eff} = R I_{eff}$
 في فرع L مع التيار



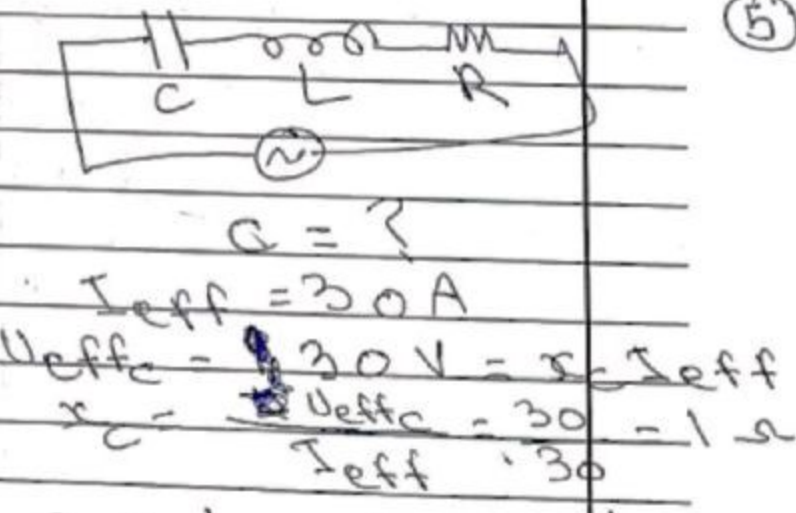
$I_{effR} = 9 A$
 $U_{eff} = R I_{effR}$
 $\Rightarrow 180 = R(9) \Rightarrow R = 20 \Omega$
 في فرع المقاومة R مع التيار

$U_{eff}^2 = U_{effR}^2 + U_{effL}^2$
 $= (180)^2 + (60)^2 = 60^2(9+1)$
 $U_{eff} = 60^2 \times 10$
 $U_{eff} = 60\sqrt{10} = 60\pi V$
 $60\pi = 6 I_{eff}$
 $I_{eff} = 10\pi A$

$i_R = I_{maxR} \cos(\omega t + \phi_R)$
 $i_R = 9\sqrt{2} \cos(100\pi t + 0)$
 $\cos(\phi_L - \phi_R) = 0.5 = \frac{1}{2}$ ③
 $\Rightarrow \phi_L - \phi_R = 60^\circ$
 في فرع المقاومة R مع التيار

$P_{avg} = U_{eff} I_{eff} \cos \phi$
 $P_{avg} = 60\pi (10\pi)$
 $P_{avg} = 6000 \text{ Watt}$

$U_{eff} = Z_L I_{effL}$
 $180 = Z_L (6)$
 $Z_L = 30 \Omega$
 $P_{avgL} = U_{eff} I_{eff} \cos \phi_L$
 $= (180)(6) \left(\frac{1}{2}\right)$
 $P_{avgL} = 540 \text{ Watt}$
 في فرع L مع التيار



$Z_L = \sqrt{r^2 + X_L^2}$
 $Z_L^2 = r^2 + X_L^2$
 $X_L^2 = Z_L^2 - r^2 = (30)^2 - (10)^2$
 $X_L^2 = 900 - 100 = 800$
 $X_L = 20\sqrt{2} \Omega$

$X_C = \frac{1}{\omega C} \Rightarrow C = \frac{1}{\omega X_C}$
 $C = \frac{1}{100\pi \times (1)}$

في فرع L مع التيار
 $i_{L,R} = 6\sqrt{2} \cos(100\pi t - \frac{\pi}{3})$ ⑤

$C = \frac{1}{100\pi} F$

$f = 50 \text{ Hz}$ ④

$R = 6 \Omega$

$X_L = 4 \Omega$

$X_C = 2 \Omega$

$I_{eff} = 5 \text{ A}$

$\omega = 2\pi f = 100\pi \text{ rad/s}$ ①

$X_C = \frac{1}{\omega C} \Rightarrow C = \frac{1}{X_C \omega}$

$C = \frac{1}{2(100\pi)} = \frac{1}{200\pi} \text{ F}$

$X_L = L\omega \Rightarrow L = \frac{X_L}{\omega}$

$L = \frac{4}{100\pi} = \frac{1}{25\pi} \text{ H}$

$U_{effL} = X_L I_{eff}$ ②
 $= (4)(5) = 20 \text{ V}$

القوة الفعالة في المقاومة = $I_{eff}^2 R$

$U_L = U_{maxL} \cos(\omega t + \frac{\pi}{2})$
 $U_L = 20\sqrt{2} \cos(100\pi t + \frac{\pi}{2})$

$U_{effR} = R I_{eff} = 6(5) = 30 \text{ V}$ ③

القوة الفعالة في المقاومة = $I_{eff}^2 R$

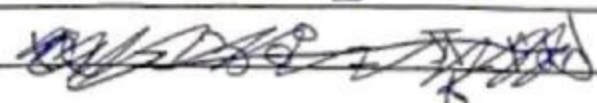
$U_R = U_{maxR} \cos(\omega t + 0)$
 $U_R = 30\sqrt{2} \cos(100\pi t + 0)$

$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2}$ ④

$Z = \sqrt{6^2 + (4 - 2)^2}$
 $Z = \sqrt{36 + 4} = \sqrt{40}$

$Z = 2\sqrt{10} \Omega$
 $\cos \phi = \frac{R}{Z} = \frac{6}{2\sqrt{10}}$

$\cos \phi = \frac{3}{\sqrt{10}}$



$\cos \phi = \frac{X}{I_{effL}}$

$X = I_{effL} \cos \phi$

$X = 6 \cos(\frac{\pi}{3}) = 3 \text{ A}$

$\sin \phi = \frac{Y}{I_{effL}}$

$Y = I_{effL} \sin \phi$
 $Y = 6 \sin(\frac{\pi}{3})$
 $Y = 6 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 3\sqrt{3} \text{ A}$

$I_{eff}^2 = (I_{effR}^2 + X^2 + Y^2)$
 $= (9 + 3)^2 + (3\sqrt{3})^2$
 $I_{eff}^2 = 144 + 27 = 171$
 $I_{eff} = 13 \text{ A}$

$P_{avg} = P_{avgR} + P_{avgL} + P_{avgC}$ ⑤

$P_{avgR} = R I_{effR}^2 = 20(9)^2$
 $P_{avgR} = 1620 \text{ Watt}$

$P_{avgL} = I_{effL}^2 X = 10(6)^2$
 $P_{avgL} = 360 \text{ Watt}$

$P_{avg} = 1980 \text{ Watt}$

$P_{avg} = U_{eff} I_{eff} \cos \phi$

$\cos \phi = \frac{P_{avg}}{U_{eff} I_{eff}}$

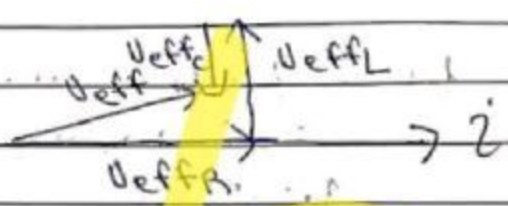
$\cos \phi = \frac{1980}{180(13)}$

$\cos \phi = \frac{99}{117}$

$$\frac{1}{C_{eq}} = 400\pi - 200\pi$$

$$C_{eq} = 200\pi$$

$$C_{eq} = \frac{1}{200\pi} F$$



$$U_{eff}^2 = U_{effR}^2 + (U_{effL} - U_{effC})^2$$

$$U_{eff}^2 = 30^2 + (70 - 10)^2$$

$$U_{eff}^2 = 900 + 100$$

$$U_{eff}^2 = 1000 \rightarrow U_{eff} = 1000 V$$

~~المساحة~~

المساحة $\omega C = \omega L - a$

$$\omega C = \omega L - a$$

$$\omega C_{eq} = L\omega$$

$$C_{eq} = \frac{1}{L\omega^2} = \frac{1}{25\pi (100\pi)^2}$$

$$C_{eq} = \frac{1}{400\pi} F$$

المساحة

$$C > C_{eq}$$

المساحة

المساحة $\frac{1}{C_{eq}} = \frac{1}{C} + \frac{1}{C'}$

$$\frac{1}{C_{eq}} = \frac{1}{C} + \frac{1}{C'}$$

$$\frac{1}{C'} = \frac{1}{C_{eq}} - \frac{1}{C}$$

$$= \frac{1}{400\pi} - \frac{1}{200\pi}$$

②

$$\frac{1}{400\pi}$$

$$\frac{1}{200\pi}$$