








(1) المتتالية $(u_n)_{n \geq 3}$ المعرفة وفق: $u_n = \frac{3n+1}{n-2}$ هي متتالية:					
A	متزايدة تماماً	B	متناقصة تماماً	C	ثابتة
D	غير مطردة				
 <p> $f(x) = \frac{3x+1}{x-2}$ حيث f معرف واشتقاقي على المجال $[3, +\infty[$ $f'(x) = \frac{-7}{(x-2)^2} < 0$ التابع f متناقص تماماً على المجال $[3, +\infty[$ </p>					
إعداد: م رشا باره		الجواب: B		تنسيق: م أمين الحايك	
(2) المتتالية $(u_n)_{n \geq 0}$ المعرفة وفق: $u_n = \sqrt{3n+1}$ هي متتالية:					
A	متزايدة تماماً	B	متناقصة تماماً	C	ثابتة
D	غير مطردة				
 <p> $u_{n+1} - u_n = \sqrt{3(n+1)+1} - \sqrt{3n+1} = \sqrt{3n+4} - \sqrt{3n+1}$ نعلم أن: $3n+4 > 3n+1$ $\sqrt{3n+4} > \sqrt{3n+1}$ إذاً $\sqrt{3n+4} - \sqrt{3n+1} > 0$ بالتالي: $u_{n+1} - u_n > 0$ إذاً: </p>					
إعداد: م محمد الجوش		الجواب: A		تنسيق: م أمين الحايك	
(3) المتتالية $(u_n)_{n \geq 1}$ المعرفة وفق: $u_n = \frac{n}{10^n}$ هي متتالية:					
A	متزايدة تماماً	B	متناقصة تماماً	C	ثابتة
D	غير مطردة				
 <p> جميع الحدود موجبة تماماً $\frac{u_{n+1}}{u_n} = \frac{n+1}{10^{n+1}} \times \frac{10^n}{n} = \frac{n+1}{10n} = \frac{n+1}{n+9n} < 1$ </p>					
إعداد: م أمجد شاليش		الجواب: B		تنسيق: م أمين الحايك	
(4) لدينا $(u_n)_{n \geq 0}$ متتالية حسابية فيها $u_2 = 41$ و $u_5 = -13$ عندئذ u_{20} يساوي:					
A	-283	B	-328	C	-238
D	283				
 <p> $r = \frac{u_m - u_p}{m - p} = \frac{u_5 - u_2}{5 - 2} = \frac{-13 - 41}{3} = -18$ $u_m = u_p + (m - p) \cdot r$ $u_{20} = u_5 + (20 - 5) \cdot (-18) = -283$ </p>					
إعداد: م زكي طحاوي		الجواب: A		تنسيق: م أمين الحايك	

5	<p>لدينا $(u_n)_{n \geq 0}$ متتالية حسابية أساسها 3 وفيها $u_1 = -2$ إن عبارة u_n بدلالة n:</p>
A	<p>$u_n = 3n + 1$ B $u_n = 3n - 2$ C $u_n = 3n - 5$ D $u_n = 3n - 1$</p>
نحو الحل	<p>$u_n = (n - 1) \cdot r + u_1 = (n - 1)(3) - 2$ $u_n = 3n - 5$</p>
	<p>إعداد: م جمال الخليل الجواب: C تنسيق: م أمين الحايك</p>
6	<p>لدينا $(u_n)_{n \geq 0}$ متتالية حسابية أساسها -2 وفيها $u_0 = -3$ عندئذ فإن المجموع: $S = u_{25} + u_{26} + \dots + u_{124}$ يساوي:</p>
A	<p>+9900 B -15200 C -15048 D -30400</p>
نحو الحل	<p>$u_n = n \cdot r + u_0 = -2n - 3$ $u_{124} = -251$, $u_{25} = -53$ $S = \frac{100 \cdot (u_{124} + u_{25})}{2} = 50(-251 - 53) = -15200$</p> 
	<p>إعداد: م سلمى عبدو الجواب: B تنسيق: م أمين الحايك</p>
7	<p>المتتالية $(u_n)_{n \geq 0}$ المعرفة وفق: $u_n = \frac{2^n}{3^{n+1}}$ هي هندسية أساسها:</p>
A	<p>$q = \frac{2}{3}$ B $q = \frac{3}{2}$ C $q = \frac{9}{2}$ D $q = \frac{2}{9}$</p>
نحو الحل	<p>$u_{n+1} = \frac{2^{n+1}}{3^{n+2}} \Rightarrow q = \frac{u_{n+1}}{u_n} = \frac{2 \times 2^n}{9 \times 3^n} \times \frac{3 \times 3^n}{2^n} = \frac{2}{3}$</p>
	<p>إعداد: م رشا سقور الجواب: A تنسيق: م أمين الحايك</p>
8	<p>لدينا $(u_n)_{n \geq 0}$ متتالية هندسية أساسها 3 وفيها $u_1 = -2$ إن عبارة u_n بدلالة n:</p>
A	<p>$u_n = -2(3)^n$ B $u_n = \frac{2}{3}(3)^n$ C $u_n = 3(-2)^n$ D $u_n = \frac{-2}{3}(3)^n$</p>
نحو الحل	<p>$u_n = u_1 \cdot q^{n-1} = -2(3)^{n-1} = \frac{-2}{3}(3)^n$</p>
	<p>إعداد: م مازن الزعبي الجواب: D تنسيق: م أمين الحايك</p>
9	<p>لدينا $(u_n)_{n \geq 0}$ متتالية هندسية أساسها 2 وفيها $u_0 = 1$ عندئذ فإن المجموع: $S = u_3 + u_4 + \dots + u_{10}$ يساوي:</p>
A	<p>-2040 B 1020 C 2040 D 2056</p>
نحو الحل	<p>$u_3 = u_0 \cdot q^3 = 2^3 = 8$ $S = \text{عدد الحدود} \frac{1 - q}{1 - q} = 8 \frac{1 - 2^8}{1 - 2} = -8(1 - 256) = 2040$</p> 
	<p>إعداد: م باسل سطمة الجواب: C تنسيق: م أمين الحايك</p>

<p>(10) لدينا $(u_n)_{n \geq 0}$ متتالية هندسية أساسها 3 وفيها $u_1 = -2$. عندئذ فإن المجموع: $S = u_2 + u_4 + \dots + u_{2n}$ يساوي:</p>							
$\frac{3}{4}(1 + 9^{2n})$	D	$\frac{3}{4}(9^n - 1)$	C	$\frac{3}{4}(1 - 9^n)$	B	$\frac{4}{3}(1 - 3^n)$	A
<p>نضع $u_2 = u_1 \cdot q^1 = -2 \cdot 3^1$ $S = v_1 + v_2 + \dots + v_n$ $q' = q^2 = 9$, $v_1 = u_2 = -6$ $S = (\text{أول حد}) \frac{1 - q'^{\text{عدد الحدود}}}{1 - q'} = -6 \frac{1 - 9^n}{1 - 9} = \frac{3}{4}(1 - 9^n)$</p>							
إعداد: م أحمد أبو السل		الجواب: B		تنسيق: م أمين الحايك			
<p>(11) قيمة المجموع: $S = \frac{1}{2} + 1 + \frac{3}{2} + 2 + \frac{5}{2} + 3 + \dots + 10$ تساوي:</p>							
100	D	205	C	105	B	210	A
<p>S يمثل مجموع 20 حداً متوالياً لمتتالية حسابية أوله $a = \frac{1}{2}$ وآخره $l = 10$ $S = \frac{(\text{عدد الحدود}) \cdot (a+l)}{2} = \frac{20 \cdot (\frac{1}{2} + 10)}{2} = \frac{(20)(21)}{4} = 105$</p>							
إعداد: م هشام التركياني		الجواب: B		تنسيق: م أمين الحايك			
<p>(12) a و b و c ثلاثة حدود متوالية من متتالية هندسية متناقصة تحقق: $a \cdot b \cdot c = 216$, $a + b + c = 21$ عندئذ الثلاثة (a, b, c) تساوي:</p>							
(12,6,3)	D	(8,7,6)	C	(9,7,5)	B	(3,6,12)	A
<p>$a \cdot b \cdot c = 216 \xrightarrow{b^2=a \cdot c} b^3 = 216 \Rightarrow b = 6$ وبما أن المتتالية متناقصة يكون الجواب الصحيح D</p>							
إعداد: م مصطفى الرزوق		الجواب: D		تنسيق: م أمين الحايك			
<p>(13) المتتالية $(u_n)_{n \geq 0}$ المعرفة وفق العلاقة: $u_n = 1 + \frac{1}{2} + \dots + \frac{1}{2^n}$ هي متتالية</p>							
متزايدة تماماً	B	متناقصة تماماً	C	ثابتة	D	غير مطردة	A
<p>$u_{n+1} = u_n + \frac{1}{2^{n+1}}$ $\Rightarrow u_{n+1} - u_n = \frac{1}{2^{n+1}} > 0$</p>							
إعداد: م رياض الحسين		الجواب: A		تنسيق: م مهند حرقة			


14) المتتالية $(u_n)_{n \geq 1}$ المعرفة وفق العلاقة: $u_n = \left(-\frac{1}{n}\right)^n$ هي متتالية:					
A	متزايدة تماماً	B	متناقصة تماماً	C	ثابتة
D	غير مطردة				
نحو الحل	$u_1 = -1, u_2 = \frac{1}{4}, u_3 = -\frac{1}{27}, u_4 = \frac{1}{256} \dots$ نلاحظ أن الحدود ذات الدليل الفردي سالبة وذات الدليل الزوجي موجبة فالمتتالية غير مطردة				
	إعداد: م نور خزام	الجواب: D		تنسيق: م محمد حريقة	
15) المتتالية $(u_n)_{n \geq 2}$ المعرفة وفق العلاقة: $u_n = \frac{n^2}{n!}$ هي متتالية:					
A	متزايدة تماماً	B	متناقصة تماماً	C	ثابتة
D	غير مطردة				
نحو الحل	$u_{n+1} = \frac{(n+1)^2}{(n+1)!}$ حدودها موجبة تماماً ولدينا $\frac{u_{n+1}}{u_n} = \frac{(n+1)^2}{(n+1)!} \times \frac{n!}{n^2} = \frac{n+1}{n^2} < 1$ حيث $n^2 - (n+1) = n^2 - n - 1 = n^2 - 2n + 1 + n - 2$ $= (n-1)^2 + n - 2 > 0 \Rightarrow$ (البسط أصغر تماماً من المقام)				
	إعداد: م فاطمة شهابي	الجواب: B		تنسيق: م محمد حريقة	
16) المتتالية $(u_n)_{n \geq 0}$ المعرفة تدرجياً وفق: $u_0 = 2$ و $u_{n+1} = \frac{3}{4}u_n + 2$ هي متتالية:					
A	متزايدة تماماً	B	متناقصة تماماً	C	ثابتة
D	غير مطردة				
نحو الحل	هذه متتالية تآلفية، بحساب الحدود الأولى نجد أنها متزايدة تماماً، ويمكن الإثبات بالتدرج				
	إعداد: م أحمد ذياب الرفاعي	الجواب: A		تنسيق: م محمد حريقة	
17) المتتالية $(u_n)_{n \geq 0}$ المعرفة تدرجياً وفق: $u_0 = 8$ و $u_{n+1} = \frac{3}{4}u_n + 2$ هي متتالية:					
A	متزايدة تماماً	B	متناقصة تماماً	C	ثابتة
D	غير مطردة				
نحو الحل	بحساب الحدود الأولى نلاحظ أن $u_n = 8 \Rightarrow u_0 = 8, u_1 = 8, u_2 = 8$				
	إعداد: م محمد داود	الجواب: C		تنسيق: م محمد حريقة	
18) لتكن المتتالية $(u_n)_{n \geq 0}$ المعرفة تدرجياً وفق: $u_0 = 7$ و $u_{n+1} = 10u_n - 18$ عندها تكتب عبارة u_n بدلالة n بالشكل:					
A	$5 \times 10^n - 2$	B	$10^n + 6$	C	$5 \times 10^n + 2$
D	$5 \times 10^n + 1$				
نحو الحل	$u_0 = 5 + 2 = 7, u_1 = 70 - 18 = 52 = 50 + 2$ $u_2 = 520 - 18 = 502 = 500 + 2$ $\Rightarrow u_n = 5 \times 10^n + 2$				
	إعداد: م وائل عيزان	الجواب: C		تنسيق: م محمد حريقة	

<p>(19) لتكن المتتالية $(u_n)_{n \geq 0}$ المعرفة تدريجياً وفق: $u_{n+1} = 2u_n - 3$ و $u_0 = 2$ عندها تكتب عبارة u_n بدلالة n بالشكل:</p>																										
$2 - 2^n$	D	$1 - 2^n$	C	$3 + 2^n$	B	$3 - 2^n$	A																			
<p>(بتعويض $n = 0$ في الخيارات نجد أن $u_0 = 2$ محقق فقط في الخيار A) أما الحل بشكل مفصل يكون كما يلي: نوجد حل المعادلة $f(x) = x$ فنجد $x = l = 3$ نكون متتالية مساعدة $v_n = u_n - l$ ونبرهن انها هندسية $v_n = u_n - 3$ $\Rightarrow v_{n+1} = u_{n+1} - 3 = 2u_n - 3 - 3 = 2v_n$ فهي هندسية واساسها $q = 2$ ويكون حدها العام $v_n = -2^n$ $u_n = v_n + 3 = -2^n + 3$</p>																										
إعداد: م يازد صيوح		الجواب: A		تنسيق: م محمد حريقة																						
<p>(20) لتكن المتتالية $(u_n)_{n \geq 0}$ المعرفة تدريجياً وفق: $u_{n+1} = -u_n + 4$ و $u_0 = 3$ عندها تكتب عبارة u_n بدلالة n بالشكل:</p>																										
$1 + 2(-1)^n$	D	$2 + (-1)^n$	C	$4 - (-1)^n$	B	$2 - (-1)^n$	A																			
<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tbody> <tr> <td>n</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>2</td> <td>3</td> </tr> <tr> <td>u_n</td> <td>3</td> <td>1</td> <td>3</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>$(-1)^n$</td> <td>1</td> <td>-1</td> <td>1</td> <td>-1</td> </tr> <tr> <td>$u_n - (-1)^n$</td> <td>2</td> <td>2</td> <td>2</td> <td>2</td> </tr> </tbody> </table> <p>وبالتالي نجد أن $u_n - (-1)^n = 2$ ومنه $u_n = 2 + (-1)^n$</p>							n	0	1	2	3	u_n	3	1	3	1	$(-1)^n$	1	-1	1	-1	$u_n - (-1)^n$	2	2	2	2
n	0	1	2	3																						
u_n	3	1	3	1																						
$(-1)^n$	1	-1	1	-1																						
$u_n - (-1)^n$	2	2	2	2																						
إعداد: م عبد السلام حسن		الجواب: C		تنسيق: م محمد حريقة																						
<p>(21) a و b و c ثلاثة أعداد حقيقية مختلفة حيث $a \neq 0$. نعلم أن a و b و c هي ثلاثة حدود متعاقبة من متتالية هندسية أساسها q. كما نعلم أن $3a$ و $2b$ و c هي ثلاثة حدود متوالية من متتالية حسابية. عندئذٍ q يساوي:</p>																										
4	D	3	C	2	B	1	A																			
<p>إن a و b و c هي ثلاثة حدود متوالية من متتالية هندسية بالتالي $(a, b, c) = (a, aq, aq^2)$ وأيضاً $3a$ و $2b$ و c ثلاثة حدود متوالية من متتالية حسابية وبالتالي: $3a + c = 2(2b)$ $3a + aq^2 = 4aq$ نقسم على $a \neq 0$ $\rightarrow q^2 - 4q + 3 = 0$ (لأن حدود المتتالية الهندسية مختلفة) مرفوض $q = 1$ مقبول $q = 3$ أو</p>																										
إعداد: م خليل الكيلاني		الجواب: C		تنسيق: م محمد حريقة																						

<p>(22) لدينا المتتالية $(u_n)_{n \geq 1}$ المعرفة وفق العلاقة: $u_n = 1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{n}$ فإن المتتالية $(v_n)_{n \geq 1}$ المعرفة وفق: $v_n = u_{2n} - u_n$ هي متتالية:</p>							
A	متزايدة تماماً	B	متناقصة تماماً	C	ثابتة	D	غير مطردة
 $u_{2n} = 1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{n} + \frac{1}{n+1} + \frac{1}{n+2} + \dots + \frac{1}{2n}$ $v_n = \frac{1}{n+1} + \frac{1}{n+2} + \dots + \frac{1}{2n}$ $\Rightarrow v_{n+1} = \frac{1}{n+2} + \frac{1}{n+3} + \dots + \frac{1}{2n} + \frac{1}{2n+1} + \frac{1}{2n+2}$ $\Rightarrow v_{n+1} - v_n = \frac{1}{2n+1} + \frac{1}{2n+2} - \frac{1}{n+1} = \frac{1}{2n+1} - \frac{1}{2n+2}$ $\Rightarrow v_{n+1} - v_n = \frac{1}{(2n+1)(2n+2)} > 0$ <p>إذاً المتتالية $(v_n)_{n \geq 1}$ متزايدة تماماً</p>							
إعداد: م البار كلابون		الجواب: A		تنسيق: م أمين الحايك			

<p>(23) لتكن المتتالية $(u_n)_{n \geq 0}$ المعرفة وفق: $\begin{cases} u_0 = 1, u_1 = 4 \\ u_{n+1} = 5u_n - 6u_{n-1} \quad (n \geq 1) \end{cases}$ ولنعرف المتتالية الهندسية $(v_n)_{n \geq 0}$ وفق $v_n = u_{n+1} - 2u_n$ ، عندئذ تعطي $(v_n)_{n \geq 0}$ بدلالة n وفق:</p>							
A	2^n	B	3^n	C	$3(2)^n$	D	$2(3)^n$
$v_{n+1} = u_{n+2} - 2u_{n+1} = 5u_{n+1} - 6u_n - 2u_{n+1}$ $= 3(u_{n+1} - 2u_n) = 3v_n$ <p>أي أن $(v_n)_{n \geq 0}$ متتالية هندسية أساسها $q = 3$ و $v_0 = 2$ وبالتالي $v_n = 2(3)^n$</p>							
إعداد: م عبد العزيز المقداد		الجواب: D		تنسيق: م محمد حريقة			



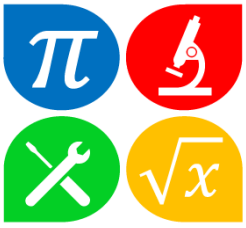
$\begin{cases} u_0 = 1, u_1 = 4 \\ u_{n+1} = 5u_n - 6u_{n-1} \quad (n \geq 1) \end{cases}$		<p>(24) لتكن المتتالية $(u_n)_{n \geq 0}$ المعرفة وفق: ولنعرف متتاليتين $(v_n)_{n \geq 0}$ و $(w_n)_{n \geq 0}$ بالشكل: $v_n = u_{n+1} - 2u_n$ هندسية أساسها 3 و $w_n = u_{n+1} - 3u_n$ هندسية أساسها 2 عندئذ فإن الحد العام للمتتالية $(u_n)_{n \geq 0}$ يكتب بالشكل:</p>		
$u_n = 3 \cdot (2)^n - 3^n$	B			$u_n = 2 \cdot (3)^n - 2^n$
$u_n = 2^n - 2 \cdot (3)^n$	D	$u_n = 2 \cdot (2)^n - 3^n$	C	
<p>لدينا $(v_n)_{n \geq 0}$ متتالية هندسية أساسها 3 إذًا: $v_n = v_0 \cdot (3)^n$ و $v_0 = u_1 - 2u_0 = 4 - 2 = 2$ $\Rightarrow v_n = 2 \cdot (3)^n$</p> <p>لدينا $(w_n)_{n \geq 0}$ متتالية هندسية أساسها 2 إذًا: $w_n = w_0 \cdot (2)^n$ و $w_0 = u_1 - 3u_0 = 4 - 3 = 1$ $\Rightarrow w_n = (2)^n$</p> <p>بالطرح $v_n = u_{n+1} - 2u_n$ $w_n = u_{n+1} - 3u_n$</p> $\frac{v_n - 2^n = u_n}{\Rightarrow u_n = 2 \cdot (3)^n - 2^n}$				نحو الحل
تنسيق: م أمين الحايك	الجواب: A	إعداد: م نادر أبو راس		

ملاحظة:

يمكن الوصول إلى الجواب الصحيح ذهنياً أو باستخدام طرائق تجريبية أو عن طريق التعويض المباشر

الإشراف العلمي: م عبد الحميد السيد	كتابة وتنسيق: م أمين الحايك / م مهند حررقة
التدقيق العلمي واللغوي	
<p>المدرسون: محي الدين إسماعيل & خالد الحداد & حسام قاسم & محمد أحمد العيسى & محمد السيد علي & عبد السلام حسن & بشار كنعان & نادر أبو راس & زينب يوسف & محمد زين جعور & هيثم ديوب & زكي طحاوي & صلاح أحمد سالم & البار كلايدون & يوسف منصور & مصطفى الرزوق & فادي طنوس</p>	





Me En
Math Team

تمّ التحميل بواسطة بوت ملفات قناة

∞ X-Math πac ∞

MeEn Math Team فريق

يهتمّ بمادة الرياضيات لطلاب البكالوريا

للوصول إلى بوت الملفات: [اضغط هنا](#)

للوصول إلى قناة التلغرام الخاصة: [اضغط هنا](#)

للوصول إلى قناة التلغرام العامة: [اضغط هنا](#)

للوصول إلى صفحة الفيس بوك: [اضغط هنا](#)

للوصول إلى قناة اليوتيوب: [اضغط هنا](#)

MeEn Math Team

X-Math πac



X-Math πac