

1) ليكن  $C$  الخط البياني للتابع  $f$  المعرفة على  $R \setminus \{-1\}$  وفق:  $f(x) = \frac{2x-1}{x+1}$  عندئذٍ نقول أن للخط  $C$  مقارئين أحدهما أفقي والآخر شاقولي معادلتهما:

$y = -2 \setminus x = -1$ .A	$y = -1 \setminus x = 2$ .B	$y = -1 \setminus x = 1$ .C	$y = 2 \setminus x = -1$ .D
------------------------------	-----------------------------	-----------------------------	-----------------------------

2) ناتج  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{4 \sin 2x}{3x}$  يساوي:

$\frac{2}{3}$ .A	$\frac{4}{3}$ .B	$\frac{8}{3}$ .C	2 .D
------------------	------------------	------------------	------

3) ليكن التابع  $f$  المعرفة على  $R$  وفق:  $f(x) = \begin{cases} \frac{\sqrt{x^2+1}-2}{x-\sqrt{3}} & ; x \neq \sqrt{3} \\ \sin \theta & ; x = \sqrt{3} \end{cases}$  حيث  $\theta \in [0, \frac{\pi}{2}]$  عندئذٍ قيمة  $\theta$  التي تجعل التابع  $f$  مستمراً على  $R$  يساوي:

$\frac{\pi}{4}$ .A	$\frac{\pi}{2}$ .B	$\frac{\pi}{6}$ .C	$\frac{\pi}{3}$ .D
--------------------	--------------------	--------------------	--------------------

4) ليكن التابع  $f$  المعرفة على  $R \setminus \{3\}$  وفق:  $f(x) = \frac{2x+1}{x-3}$  إن أصغر قيمة للعدد 1 يحقق الشرط: أيأ كان  $f(x)$  في المجال  $[1, 9, 2, 1]$  هي:

78 .A	63 .B	73 .C	57 .D
-------	-------	-------	-------

5) ليكن التابع  $f$  المعرفة على المجال  $[-2, +\infty[$  وفق  $f(x) = \sqrt{x+2}$  عندئذٍ يمكن القول أن التابع  $f$ :

.A غير مستمر عند $x = -2$	.B اشتقاقي عند $x = -2$	.C غير اشتقاقي عند $x = -2$	.D غير اشتقاقي عند $x = 2$
---------------------------	-------------------------	-----------------------------	----------------------------

6) ليكن التابع  $f$  المعرفة على المجال  $[0, 2[$  وفق  $f(x) = (x - E(x))^2 + 1$  حيث  $E$  تابع الجزء الصحيح عندئذٍ يمكن التعبير عن  $f$  بعبارة مستقلة عن  $E$  بالشكل:

.A $\begin{cases} x^2 - 1 & 0 \leq x < 1 \\ (x-1)^2 + 1 & 1 \leq x < 2 \end{cases}$	.B $\begin{cases} x^2 + 1 & 0 \leq x < 1 \\ (x-1)^2 + 1 & 1 \leq x < 2 \end{cases}$
.C $\begin{cases} x^2 & 0 \leq x < 1 \\ (x-1)^2 + 1 & 1 \leq x < 2 \end{cases}$	.D $\begin{cases} x^2 + 1 & 0 \leq x < 1 \\ (x-2)^2 + 1 & 1 \leq x < 2 \end{cases}$

7) ليكن التابع  $f$  المعرفة على المجال  $[0, 2[$  وفق  $f(x) = (x - E(x))^2 - 1$  حيث  $E$  تابع الجزء الصحيح عندئذٍ يمكن القول أن التابع  $f$ :

.A مستمر عند $x = 1$	.B مستمر عند $x = 2$	.C مستمر على $I$	.D غير مستمر على $I$
----------------------	----------------------	------------------	----------------------

8) ليكن التابع  $f$  المعرفة على المجال  $R$  وفق  $f(x) = x^3 - 12x + 1$  عندئذٍ يكون للمعادلة  $f(x) = 0$ :

.A حل وحيد	.B حلان	.C ثلاثة حلول	.D أربعة حلول
------------	---------	---------------	---------------

9) التابع  $f$  معرفة على  $R \setminus \{-2\}$  وفق:  $f(x) = \frac{x-5}{x+2}$  إن أصغر قيمة للعدد الحقيقي  $A$  الذي يحقق الشرط: أيأ كان  $x > A$  كان  $f(x) \in ]0.98, 1.02[$  هي:

48 .A	350 .B	348 .C	345 .D
-------	--------	--------	--------

(10) التابع  $f$  يحقق  $|f(x)| \leq \frac{x^2+E(x)}{x^2+1}$  عندئذٍ نهاية التابع  $f$  عند  $+\infty$  :

A. 3	B. $+\infty$	C. $-\infty$	D. لا يمكن معرفتها
------	--------------	--------------	--------------------

(11) إذا علمت أن  $x - \frac{x^3}{6} \leq \sin x \leq x - \frac{x^3}{6} + \frac{x^2}{120}$  أيًا كان  $x > 0$  فإن:

A. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x - \sin x}{x^2}$	B. $+\infty$	C. $\frac{1}{3}$	D. $\frac{1}{6}$
--	--------------	------------------	------------------

(12) ليكن  $C$  الخط البياني للتابع  $f$  المعرفة على  $R$  وفق:  $f(x) = x + \sqrt{|4x^2 - 1|}$  عندئذٍ معادلة مقاربه المائل في جوار  $-\infty$  هي:

A. $y = -x$	B. $y = x - 1$	C. $y = 3x$	D. $y = x$
-------------	----------------	-------------	------------

(13) ليكن لدينا التابع  $f: f(x) = \frac{x^2}{2x^4+x^2+1} + 2x - 1$  إن الوضع النسبي بين  $C_f$  ومقاربه المائل  $\Delta$  هو:

A. $C_f$ فوق $\Delta$ ويشتركان بنقطة	B. $C_f$ تحت $\Delta$ ويشتركان بنقطة	C. $C_f$ فوق $\Delta$ ولا يشتركان بأي نقطة	D. قد يكون $C_f$ فوق $\Delta$ وقد يكون تحته
--------------------------------------	--------------------------------------	--	---

(14) ليكن لدينا التابع  $f: f(x) = \frac{x-4}{x^2-5x+6}$  إن  $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x)$  تساوي:

A. 0	B. 1	C. $+\infty$	D. $-\infty$
------	------	--------------	--------------

(15) إذا علمت أن التابع  $f: f(x) = \frac{2x^2-3}{x^2+5}$  إن  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  تساوي:

A. $\frac{5}{9}$	B. 2	C. $-\frac{1}{6}$	D. $-\frac{3}{5}$
------------------	------	-------------------	-------------------

(16) إذا كانت  $f(x) + 2 < \frac{3-x^2}{x+1}$  إذاً  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  تساوي:

A. -2	B. 2	C. $-\infty$	D. $+\infty$
-------	------	--------------	--------------

(17) ليكن لدينا التابع  $f(x) = \frac{|x+1|}{x}$  فإن  $\lim_{x \rightarrow -1} f(x)$  تساوي:

A. 0	B. ليس لها نهاية	C. $-\infty$	D. $+\infty$
------	------------------	--------------	--------------

➤ ليكن  $f$  التابع المعرفة على  $]-2, +\infty[$  وفق:  $f(x) = \frac{3-5x}{2-x}$  وخطه البياني  $C$ :

أجب عن الاسئلة من 18 إلى 23:

(18)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(f(x))$  تساوي:

A. 5	B. $\frac{22}{3}$	C. $\frac{28}{7}$	D. $-\frac{22}{3}$
------	-------------------	-------------------	--------------------

(19)  $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(f(x))$  تساوي:

A. $-\infty$	B. 5	C. $+\infty$	D. -5
--------------	------	--------------	-------

(20) تعطى معادلة كل من المقارين الأفقي والشاقولي للخط  $C$ :

A. $x = 2$ شاقولي $y = -5$ أفقي	B. $x = 5$ شاقولي $y = 2$ أفقي	C. $x = 2$ شاقولي $y = 5$ أفقي	D. $x = 2$ أفقي $y = 5$ شاقولي
------------------------------------	-----------------------------------	-----------------------------------	-----------------------------------

21) الوضع النسبي بين المقارب الأفقي والخط C:

A. C فوق المقارب	B. C تحت المقارب	C. C تحت المقارب عندما $x \in ]2,5[$	D. C تحت المقارب عندما $x \in ]-5,2[$
------------------	------------------	--------------------------------------	---------------------------------------

22) إن علاقة  $(f \circ f)(x)$  بدلالة  $(x)$  هي:

A. $\frac{-22x+9}{1-3x}$	B. $\frac{22x-9}{3x+1}$	C. $\frac{22x-9}{7x+1}$	D. $\frac{-22x+9}{3x+1}$
--------------------------	-------------------------	-------------------------	--------------------------

23) إذا كان  $x > A$  كان  $f(x)$  في المجال  $]4.7, 5.3[$  عندئذٍ قيمة العدد A هي:

A. 26	B. 25	C. 24	D. $\frac{76}{3}$
-------	-------	-------	-------------------

24) نهاية التابع  $f(x) = \frac{\sin^2(2x)}{x^3-x^2}$  عند  $a=0$  تساوي:

A. 4	B. -4	C. 2	D. -2
------	-------	------	-------

25) ليكن  $f$  التابع المعرف بالعلاقة:  $f(x) = (x - E(x))E(x) + 1$  فيكون قيمة  $f(-1, 7)$  تساوي:

A. 1	B. 8.4	C. 0.4	D. 3.7
------	--------	--------	--------

26) ليكن لدينا التابع:  $f(x) = \begin{cases} x + \frac{\sin^3 x}{Ax^3} & ; x < 0 \\ 8 & ; x = 0 \\ x + B & ; x > 0 \end{cases}$  قيمة A و B حتى يكون التابع مستمر عند 2:

A. $A = 3 \setminus B = 8$	B. $A = 3 \setminus B = -8$	C. $A = \frac{1}{2} \setminus B = 8$	D. $A = \frac{1}{8} \setminus B = 8$
----------------------------	-----------------------------	--------------------------------------	--------------------------------------

27) ليكن  $f$  التابع وفق:  $f(x) = \sqrt{x^2 + 3x + 1} - |x|$  عندئذٍ  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  تساوي:

A. $-\frac{3}{2}$	B. $\frac{1}{2}$	C. $\frac{3}{2}$	D. $+\infty$
-------------------	------------------	------------------	--------------

28) ليكن  $E(x)$  الجزء الصحيح للعدد  $x$  عندئذٍ قيمة  $E(2 - \pi)$  هي:

A. -1	B. -3	C. 2	D. -2
-------	-------	------	-------

29) ليكن التابع  $f$  المعرف على المجال  $I = [0, +\infty[$  وفق العلاقة:  $f(x) = \begin{cases} \sqrt{Kx} & ; 0 \leq x \leq 2 \\ x & ; x > 2 \end{cases}$  حيث K عدد موجب تماماً عندئذٍ قيمة K التي تجعل  $f$  مستمر على I هي:

A. $\frac{1}{2}$	B. 1	C. 2	D. $\sqrt{2}$
------------------	------	------	---------------

30) ليكن C الخط البياني للتابع  $f$  المعرف على  $R^*$  وفق:  $f(x) = |x + 3| - \frac{1}{x}$  إذا علمت أن للخط C مقاربتين مائلتين d في جوار  $+\infty$  و d' في جوار  $-\infty$  عندئذٍ يتقاطع d و d' في النقطة:

A. (0, -3)	B. (-3, 0)	C. (0, 0)	D. (3, 6)
------------	------------	-----------	-----------

31) ليكن  $f$  التابع المعرف على  $R$  وفق:  $f(x) = a + \frac{bx}{\sqrt{x^2+2}}$  حيث  $a, b \in R$  إذا علمت أن الخط البياني للتابع  $f$  يقبل مقاربتين  $d; y=6$  في جوار  $+\infty$  و  $d'=2$  في جوار  $-\infty$  عندئذٍ (a,b) تساوي:

A. (-4, 2)	B. (4, 2)	C. (1, 1)	D. (3, 3)
------------	-----------	-----------	-----------

(32) ليكن  $f$  التابع المعرف على  $R^*$  وفق:  $f(x) = \frac{|2x-1|-|1-3x|}{x}$  عند دراسة نهاية  $f$  عند الصفر:

A. 1	B. 2	C. 3	D. غير موجودة
------	------	------	---------------

(33) ليكن التابع  $f$  المعرف على المجال  $I = [-2, 0[$  وفق العلاقة:  $f(x) = (x + mE(x))^2$  حيث  $E(x)$  يرمز إلى الجزء الصحيح للعدد  $x$  إن قيمة العدد الحقيقي  $m$  غير المعدوم التي تجعل  $f$  مستمراً عند  $-1$  هي:

A. $\frac{2}{3}$	B. 0	C. $-\frac{1}{2}$	D. $-\frac{2}{3}$
------------------	------	-------------------	-------------------

(34) ليكن  $f$  التابع المعرف على  $R^*$  وفق:  $f(x) = \frac{\sqrt{2-2\cos x}}{x}$  عند دراسة نهاية  $f$  عند الصفر نجدها:

A. $+\infty$	B. 0	C. غير موجودة	D. 1
--------------	------	---------------	------

(35) ليكن لدينا التابع  $f(x) = x + \sin x$  إن سلوك التابع  $f$  في جوار ال  $+\infty$  هو:

A. $C_f$ يمس المستقيم $y = x$ في جوار $+\infty$ والمستقيم $y = -x$ في جوار $-\infty$	B. $C_f$ محدد بالمستقيمين $y = x + 1$ و $y = x - 1$ وهما يمسانه
C. $C_f$ محدد بالمستقيمين $y = x$ و $y = -x$ وهما يمسانه	D. $C_f$ محدد بالمستقيمين $y = x + 1$ و $y = -x + 1$ وهما لا يمسانه

(36) ليكن لدينا التابع  $f(x) = \frac{1}{(x-1)^2}$  نريد تعيين عدد  $a$  يحقق الشرط: أيأ كانت  $x$  عنصراً من  $]1 - a, 1 + a[$  مختلفاً عن 1 كان  $f(x) > 10^4$  قيمت  $a$  يمكن أن تكون:

A. 0.02	B. 0.01	C. 0.04	D. 0.03
---------	---------	---------	---------

(37) نهاية التابع  $f(x) = \cos^2(3\pi \sqrt{\frac{x-1}{4x+1}})$  عند  $+\infty$  تساوي:

A. 1	B. -1	C. 0	D. $-\frac{1}{2}$
------	-------	------	-------------------

(38)  $f$  تابع معرف وفق:  $f(x) = \frac{6}{8-5\sin x}$  إن  $f$  يحقق:

A. $1 \leq f(x) \leq 2$	B. $\frac{6}{13} \leq f(x) \leq 2$	C. $\frac{1}{2} \leq f(x) \leq \frac{3}{4}$	D. $0 \leq f(x) \leq 1$
-------------------------	------------------------------------	---	-------------------------

(39) ليكن  $f$  تابعاً معرفاً وفق:  $f(x) = \frac{5x^3+2x^2-x+1}{x^2-x+1}$  والمستقيم  $\Delta: 5x + b$  مقارب للخط  $C$  في جوار ال  $-\infty$  ومنه  $b$  تساوي:

A. -3	B. 7	C. 3	D. 1
-------	------	------	------

(40) إذا علمت أن  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1-\cos ax}{x \cdot \sin ax} = \frac{1}{6}$  حيث  $a$  (عدد حقيقي غير معدوم) فإن قيمة  $a$  تساوي:

A. $-\frac{1}{3}$	B. $-\frac{1}{6}$	C. $\frac{1}{3}$	D. $\frac{1}{\sqrt{3}}$
-------------------	-------------------	------------------	-------------------------

انتهت الأسئلة

مع تمنياتي بالتوفيق والنجاح الدائم