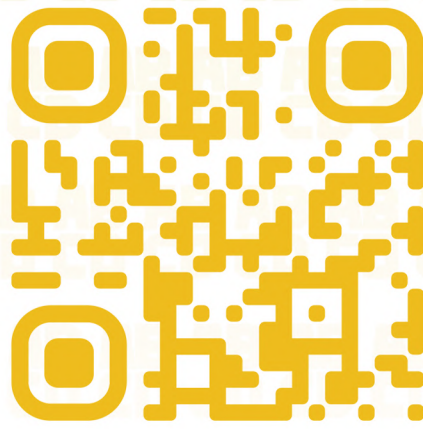


ملف أتمتات لمادة الجبر



رابط قناة  
**PIXEL MATH**



الأعداد العقدية  
و تطبيقاتها

**MATH TEAM**



ضع بين ايديكم الملف الأول للاختبارات الجبر 2025

يحتوي 86 سؤال مؤتمت لوحدتي "العقدية وتطبيقاتها"

قام فريقنا بتنسيق وفرز ما ورد من اسئلة تخص هذه الوحدة في نماذج وأوراق عمل مدرستي السعادة أوالأوائل أو اسئلة فقرات من تأليف الفريق، سيكون إن شاء الله عوناً لكم للوصول إلى اسئلة "بحث معين" من أفضل وأكثر المصادر ثقة توافرا على الإنترنت.

ستجدون الحلول على شكل "اختبار" في قناة الفريق

مرتبة ومرقمة كما في الملف في الرابط ادناه..وبآخر كل صفحة يوجد رابط انقر عليه وسينقلك إلى الحل مباشرة وسيعمل بعد يومين تقريبا من تاريخ نشر الملف.

في حال قمت بطباعته : يوجد فراغ بجانب كل سؤال..لتضع ملاحظتك أو ملاحظات من " سلسلة فيديوهات حل الأتمتات" التي سيتم شرح افكار الاسئلة فيها وطرق الحل.



شروحات يوتيوب



الحل:



ضع ملاحظتك:

1

ليكن  $Z = \frac{iz}{z+1-i}$  فيكون  $\bar{Z}$  يساوي :

$$\bar{Z} = \frac{i\bar{z}}{\bar{z}+1+i} \quad (B)$$

$$\bar{Z} = \frac{i\bar{z}}{\bar{z}-1+i} \quad (A)$$

$$\bar{Z} = \frac{-i\bar{z}}{z+1+i} \quad (D)$$

$$\bar{Z} = \frac{-i\bar{z}}{\bar{z}-1+i} \quad (C)$$

$$\bar{Z} = \frac{-i\bar{z}}{\bar{z}+1+i} \quad (E)$$

ليكن  $Z = -2e^{-i\frac{\pi}{5}}$  فتكون  $\arg(g)$  تساوي :

2

ضع ملاحظتك:

$$\frac{9\pi}{5} \quad (B)$$

$$\frac{-\pi}{5} \quad (A)$$

$$\frac{2\pi}{5} \quad (D)$$

$$\frac{4\pi}{5} \quad (C)$$

$$\frac{\pi}{5} \quad (E)$$

ضع ملاحظتك:

3

لتكن النقاط  $A$  و  $B$  و  $C$  التي تمثلها الأعداد العقدية  $a = 1 + i$

$$b = (2 - \sqrt{3}) + i(2 + \sqrt{3}) \text{ و}$$

$$\text{و } c = 3\sqrt{2}e^{\frac{i\pi}{4}} \text{ فيكون :}$$

النقاط  $A, B, C$  لا تقع على استقامة واحدة (B)

النقطة التي يمثلها العدد  $4i$  متساوية البعد عن  $A$  و  $C$  (A)

المثلث  $OBC$  متساوي الأضلاع (D)

النقاط  $A, B, C$  تقع على استقامة واحدة (C)

المثلث  $ABC$  قائم و متساوي الساقين (E)

الحل:





ضع ملاحظتك:

4  $1 + i$  هو حل للمعادلة

$$z^2 - 3z + 3 + i$$

فيكون الحل الآخر :

$1 - i$

(B)

$2 - i$

(A)

$3 + i$

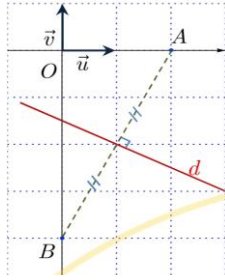
(D)

$3$

(C)

$-4 - i$

(E)

5 ليكن  $d$  المستقيم المرسوم في الشكل المجاور.و  $z$  عدد عقدي تمثله النقطة  $M$  فمجموعة النقاط  $M(z)$  التي تمثل المستقيم  $d$  تحقق المساواة :

5

ضع ملاحظتك:

$|z + 4i| = |z - 2|$

(B)

$|z - 4i| = 2$

(A)

$\arg(z) = -\frac{\pi}{2}$

(D)

$|z - 4i| = |z + 2|$

(C)

$\operatorname{Re}(z) = 1$

(E)

ضع ملاحظتك:

6 حلول المعادلة

$$z^4 - 6z^3 + 24z^2 - 18z + 63 = 0$$

في  $\mathbb{C}$  هي :

$\{\sqrt{3}i, -\sqrt{3}i, 3 - 2\sqrt{3}i, -3 - 2\sqrt{3}i\}$

(B)

$\{\sqrt{3}i, -\sqrt{3}i, 3 - 2\sqrt{3}i, -2\}$

(A)

$\{\sqrt{3}i, -\sqrt{3}i, 1, -3\}$

(D)

$\{\sqrt{3}i, -\sqrt{3}i, 3 - 2\sqrt{3}i, +3 + 2\sqrt{3}i\}$

(C)

$\{\sqrt{3}i, 2, -1, 3\}$

(E)



الحل:



ضع ملاحظتك:

7

مجموعة النقاط  $M(z)$  التي  
تجعل  $Z = i\bar{z}$  حقيقي هي :

دائرة مركزها  $O$  ونصف قطرها 2 (B)المستقيم  $y = 0$  (A)المستقيم  $y = x$  (D)التي تمثل الأعداد التخيلية  
البحث (C)مجموعة النقاط المتناظرة  
بالنسبة إلى  $x'x$  (E)بفرض  $\arg(z) = \theta$  حيث

$$z = 3 - 2i$$

فيكون :

$$\sin \theta = \frac{z - \bar{z}}{2|z|}$$
 (B)

$$\cos \theta = \frac{z + \bar{z}}{2|z|}$$
 (A)

$$\sin \theta = \frac{2}{\sqrt{13}}$$
 (D)

$$\cos \theta = \frac{6}{\sqrt{13}}$$
 (C)

$$\cos \theta = \frac{-2}{\sqrt{13}}$$
 (E)

ضع ملاحظتك:

9

لتكن النقاط  $A$  و  $B$  و  $C$  التي تمثلها  
الأعداد العقدية  $a$  و  $b$  و  $c$  بالترتيب

$$\frac{b-a}{a-c} = e^{i\frac{2\pi}{3}}$$
 وتحقق :

 $ABC$  متساوي الساقين  
وليس قائم (B) $ABC$  متساوي الأضلاع (A) $ABC$  قائم (D) $ABC$  متساوي الساقين و  
قائم (C)

$$(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}) = \frac{2\pi}{3}$$
 (E)

الحل:

3



الحل:



ضع ملاحظتك:

10 ليكن  $z$  عدد عقدي زاويته  $\frac{\pi}{12}$   
فإن زاوية العدد  $\bar{z}$  هي :

$\frac{\pi}{12}$

(B)

$-\frac{13\pi}{12}$

(A)

$\frac{23\pi}{12}$

(D)

$\frac{11\pi}{12}$

(C)

$\frac{13\pi}{12}$

(E)

لتكن النقطتان

$N(3 - 2i\sqrt{3})$  و  $M(-1 + 2i\sqrt{3})$

عندها  $(\vec{u}, \overline{MN})$ 

تساوي:

$-\frac{\pi}{6}$

(B)

$\frac{\pi}{6}$

(A)

$-\frac{\pi}{3}$

(D)

$\frac{\pi}{3}$

(C)

0

(E)

ضع ملاحظتك:

12 إن أحد الجذرين التربيعيين للعدد  
 $3 - 4i$  هو :

$2 - i$

(B)

$1 - 2i$

(A)

$1 + 2i$

(D)

$-2 - i$

(C)

$\sqrt{3} - 2i$

(E)

الحل:





ضع ملاحظتك:

13

إذا كان  $z = 1 - e^{-\frac{i\pi}{3}}$  فإن  $\bar{z}$  تساوي :

$$e^{-i\frac{2\pi}{3}}$$

B

$$e^{-i\frac{\pi}{3}}$$

A

$$e^{i\frac{\pi}{3}}$$

D

$$1 - \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i$$

C

$$e^{i\frac{2\pi}{3}}$$

E

z عدد عقدي غير معدوم .

14

ضع ملاحظتك:

$\arg(z) = \theta$  عندئذ زاوية العدد العقدي  $\frac{-1-i\sqrt{3}}{\bar{z}}$  تساوي :

$$-\frac{2\pi}{3} + \theta$$

B

$$-\frac{\pi}{3} + \theta$$

A

$$\frac{4\pi}{3} - \theta$$

D

$$\frac{2\pi}{3} - \theta$$

C

$$-\frac{4\pi}{3} + \theta$$

E

ضع ملاحظتك:

نقرن بكل نقطة  $M(z)$  بالنقطة  $M'(z')$

15

وفق التحويل :

$$z' = -iz - 2i$$

إذا كان  $z = -1 - i$  كانت النقطتان  $M$  و  $M'$  غير منطبقتين

B

النقطة  $A'(-1 - 2i)$  صورة النقطة  $A(i)$  وفق التحويل السابق

A

إذا كان  $\arg(z) = \frac{\pi}{2}$  كانت  $M$  تمثل مستقيم

D

إذا كانت  $|z'| = 1$  كانت  $M$  تمثل دائرة مركزها  $-2$  و نصف قطرها 1

C

النقطة  $M'$  هي صورة  $M$  وفق انسحاب شعاعه  $\vec{w} = -2\vec{v}$

E

الحل:





ضع ملاحظتك:

16

إذا كان  $z$  و  $z'$  عددين عقديين  
 يحق أن :  $|z| = 2$  و  $z' = z + \frac{1}{2}$   
 عندئذ يكون  $|z'|$  يساوي

 $\frac{1}{2}$ 

B

1

A

 $\frac{5}{2}$ 

D

 $\frac{3}{2}$ 

C

2

E

17

ضع ملاحظتك:

$(e^{i\frac{\pi}{12}} + e^{-i\frac{\pi}{12}})^2$  يساوي :

 $2 + \sqrt{3}$ 

B

0

A

 $\sqrt{3}$ 

D

 $2 - \sqrt{3}$ 

C

 $i$ 

E

ضع ملاحظتك:

18

لتكن النقطتان  $A$  و  $B$  اللتان يمثلهما العددان  
 العقديان  $z_A$  و  $z_B$  .  
 مجموعة النقاط  $M(z)$  التي تحقق المساواة  
 $\arg\left(\frac{z-z_A}{z-z_B}\right) = \pi$  تمثل :

نصف دائرة قطرها  $[AB]$  محذوف منها  
 النقطتين  $A$  و  $B$

B

دائرة قطرها  $[AB]$  محذوف منها  
 النقطتين  $A$  و  $B$

A

المستقيم  $(AB)$  محذوف منه  
 النقطة  $B$

D

المستقيم  $(AB)$  محذوف منه  
 النقطتين  $A$  و  $B$

C

القطعة المستقيمة  $[AB]$  محذوف  
 منها النقطتين  $A$  و  $B$

E

الحل:

6





ضع ملاحظتك:

19

الشكل الأسّي للعدد  $Z = 2 + 2e^{2\theta i}$  حيث  $\theta \in ]-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}[$  يعطى بالشكل :

$Z = 2e^{2i\theta}$  (B)

$Z = 4e^{i\theta}$  (A)

$Z = (2\cos\theta)e^{2i\theta}$  (D)

$Z = (4\cos\theta)e^{i\theta}$  (C)

20

إن أحد جذري المعادلة  $Z^2 - Z + 1 = 0$  هي :

$Z = 1 + \sqrt{3}i$  (B)

$Z = \sqrt{3} + i$  (A)

$Z = \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$  (D)

$Z = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$  (C)

ضع ملاحظتك:

21

طويلة العدد العقدي  $Z = \frac{\sqrt{6}-i\sqrt{2}}{\sqrt{2}+i\sqrt{2}}$  هي

$2\sqrt{2}$  (B)

$\sqrt{2}$  (A)

$\frac{1}{2}$  (D)

$\frac{\sqrt{2}}{2}$  (C)

ضع ملاحظتك:



الحل:



ضع ملاحظتك:

22

مجموعة النقاط  $M(z)$  التي تحقق  
العلاقة  $|Z + 1 - i| = |3 + 4i|$  تمثل :

دائرة

B

محور قطعة مستقيمة

A

مستقيم أفقي

D

مستقيم شاقولي

C

23

ضع ملاحظتك:

الشكل الأسّي للعدد  $Z = 2 - \sqrt{5}$  هو:

 $(\sqrt{5} - 2)e^{i\pi}$ 

B

 $(\sqrt{5} - 2)e^{i\frac{\pi}{4}}$ 

A

 $\sqrt{5} e^{i\pi}$ 

D

 $(\sqrt{5} - 2)e^{i\frac{\pi}{3}}$ 

C

ضع ملاحظتك:

24

إذا كان  $Z = 2[\cos \frac{\pi}{3} - i \sin \frac{\pi}{3}]$  فإن  
 $arg(Z)^2$  تساوي :

 $-\frac{2\pi}{3}$ 

B

 $\frac{\pi}{9}$ 

A

 $-\frac{\pi}{3}$ 

D

 $\frac{2\pi}{3}$ 

C

الحل:





ضع ملاحظتك:

25

التحويل الهندسي الذي يقرن النقطة  $B$  بالنقطة  $A$   
وفق العلاقة  $b + 1 = ia + i$  هو :

تحاك مركزه  $(-i)$ 

B

انسحاب شعاعه ممثل  
بالعدد  $w = i$ 

A

تناظر مركزي مركزه  $(-i)$ 

D

دوران زاويته  $\frac{\pi}{2}$ 

C

26

المقدار  $A = |Z + 2i|^2 + |Z - 2i|^2$  يكافئ : $|Z|^2 + 4$ 

B

 $2|Z|^2$ 

A

 $|Z|^2 + 2$ 

D

 $2|Z|^2 + 8$ 

C

ضع ملاحظتك:

ضع ملاحظتك:

27

الشكل المثلثي للعدد  $Z = [\sin \frac{\pi}{5} + i \cos \frac{\pi}{5}]^6$  $z = \sin \frac{6\pi}{5} + i \cos \frac{6\pi}{5}$ 

B

 $z = \cos \frac{9\pi}{5} + i \sin \frac{9\pi}{5}$ 

A

 $z = \cos \frac{7\pi}{10} + i \sin \frac{7\pi}{10}$ 

D

 $z = \cos \frac{6\pi}{5} + i \sin \frac{6\pi}{5}$ 

C

الحل:





ضع ملاحظتك:

28

مجموعة النقاط  $M(z)$  التي تحقق  
 $Im(2Z + Z)=2$  هي مستقيم معادلته :

$y = 3$

B

$y = 2$

A

$x = 2$

D

$x = 3$

C

ضع ملاحظتك:

29

$A, B, C$  ثلاث نقاط متميزة تحقق :  
 فالمثلث  $ABC$   $\frac{Z_B - Z_A}{Z_C - Z_A} = \frac{1}{2} + i \frac{\sqrt{3}}{2}$

قائم في  $A$ 

B

متساوي الساقين

A

قائم و متساوي الساقين

D

متساوي الأضلاع

C

مختلف الاضلاع

E

ضع ملاحظتك:

30

ليكن العدد العقدي  $a = 2 - 3i$  الممثل  
 للنقطة  $A$  ولتكن  $B$  صورة  $A$  وفق دوران مركزه  
 $\omega(i)$  و زاويته  $\frac{\pi}{2}$  عندئذ :

$b = 3 - 4i$

B

$b = 3 + 4i$

A

$b = 4 + 3i$

D

$b = 4 - 3i$

C

$b = -4 - 3i$

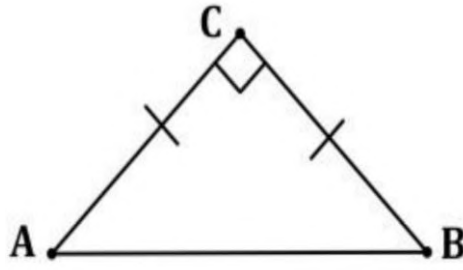
E

الحل:





ضع ملاحظتك:



31  
 $ABC$  مثلث قائم  
 و متساوي  
 الساقين , إذا كان  
 $R(A) = B$  فإن :

$$c = \frac{a + ib}{1 - i} \quad \text{(B)}$$

$$c = \frac{b - ia}{1 - i} \quad \text{(A)}$$

$$c = \frac{b + ic}{1 + i} \quad \text{(D)}$$

$$c = \frac{b - ia}{1 + i} \quad \text{(C)}$$

$$c = \frac{a - ib}{1 - i} \quad \text{(E)}$$

32  
 ليكن  $Z_C = i$  ,  $Z_B = 2 - 3i$  ,  $Z_A = 1 + i$

العدد العقدي  $G$  مركز الأبعاد المتناسبة ل  
 $(A, 1), (B, 2), (C, -1)$

هو :

$$Z_G = \frac{5}{2} + \frac{3}{2}i \quad \text{(B)}$$

$$Z_G = -\frac{5}{2} - \frac{3}{2}i \quad \text{(A)}$$

$$Z_G = \frac{5}{2} + 3i \quad \text{(D)}$$

$$Z_G = 5 + \frac{3}{2}i \quad \text{(C)}$$

$$Z_G = 5 - \frac{3}{2}i \quad \text{(E)}$$

ضع ملاحظتك:

33  
 مجموعة النقاط  $M(Z)$  تحقق  
 $|Z - 3 + i| = 4$  تمثل :

(B) دائرة مركزها  $(-3, 1)$  و نصف قطرها  
 $R = 2$

(A) دائرة مركزها  $(-3, 1)$  و نصف  
 قطرها  $R = 4$

(D) المستوي المحوري للقطعة  $[AB]$  حيث  
 $B(4, 0), A(-3, 1)$

(C) دائرة مركزها  $(3, 1)$  و نصف قطرها  
 $R = 4$

(E) دائرة مركزها  $(3, -1)$  و نصف  
 قطرها  $R = 4$

الحل:





ضع ملاحظتك:

34

الشكل الجبري للعدد العقدي :

$$Z = \frac{-2+3i}{2-i}$$

$$Z = \frac{10-4i}{5}$$

B

$$Z = \frac{-10+4i}{3}$$

A

$$Z = \frac{10-4i}{3}$$

D

$$Z = \frac{-10+4i}{5}$$

C

$$Z = \frac{-10-4i}{3}$$

E

35

إذا كان  $arg = -\frac{\pi}{3}$  و كان  $|Z| = 2$  فإن  
الشكل الأسّي للعدد العقدي  $2\bar{Z}$  هو:

$$Z = 2e^{i(-\frac{\pi}{3})}$$

B

$$Z = 4e^{i(\frac{\pi}{3})}$$

A

$$Z = 8e^{i(-\frac{\pi}{3})}$$

D

$$Z = 4e^{i(-\frac{\pi}{3})}$$

C

$$Z = 2e^{i(\frac{\pi}{3})}$$

E

ضع ملاحظتك:

36

الشكل المثلي للعدد العقدي

$$Z = 2(\sin \frac{\pi}{5} - i \cos \frac{\pi}{5})$$

هو :

$$Z = 2(\cos \frac{3\pi}{10} + i \sin \frac{3\pi}{10})$$

B

$$Z = 2(\cos \frac{3\pi}{10} - i \sin \frac{3\pi}{10})$$

A

$$Z = 2(\cos -\frac{3\pi}{10} + i \sin -\frac{3\pi}{10})$$

D

$$Z = 2(\cos \frac{4\pi}{5} + i \sin \frac{4\pi}{5})$$

C

$$Z = 2(\cos \frac{6\pi}{5} + i \sin \frac{6\pi}{5})$$

E

ضع ملاحظتك:

الحل:





ضع ملاحظتك:

37

الشكل الأسّي للعدد

$$Z = 1 + e^{i\frac{\pi}{6}} \text{ هو:}$$

$$Z = 2 \cos \frac{\pi}{3} e^{i\frac{\pi}{3}} \quad \text{(B)}$$

$$Z = 2 \cos \frac{\pi}{12} e^{i\frac{\pi}{12}} \quad \text{(A)}$$

$$Z = 2i \cos \frac{\pi}{12} e^{i\frac{\pi}{12}} \quad \text{(D)}$$

$$Z = 2 \cos \frac{\pi}{6} e^{i\frac{\pi}{6}} \quad \text{(C)}$$

$$Z = \cos \frac{\pi}{12} e^{i\frac{\pi}{12}} \quad \text{(E)}$$

38

إذا كان  $Z = \frac{1-2i}{1+i\sqrt{3}}$  فإن  $|Z|$  هي :

$$\frac{3}{4} \quad \text{(B)}$$

$$\frac{3}{2} \quad \text{(A)}$$

$$\frac{5}{4} \quad \text{(D)}$$

$$\frac{5}{2} \quad \text{(C)}$$

$$\frac{\sqrt{5}}{2} \quad \text{(E)}$$

ضع ملاحظتك:

39

$$\begin{cases} iz + z' = 2 \\ z - 3z' = 1 + i \end{cases} \text{ حل جملة المعادلتين:}$$

$$\begin{matrix} z = 1 + 2i \\ z' = i \end{matrix} \quad \text{(B)}$$

$$\begin{matrix} z = -1 - 2i \\ z' = -i \end{matrix} \quad \text{(A)}$$

$$\begin{matrix} z = -1 - 2i \\ z' = i \end{matrix} \quad \text{(D)}$$

$$\begin{matrix} z = 1 - 2i \\ z' = i \end{matrix} \quad \text{(C)}$$

$$\begin{matrix} z = 1 - 2i \\ z' = -i \end{matrix} \quad \text{(E)}$$

الحل:



الحل:



ضع ملاحظتك:

إذا كانت

40

$$(\overrightarrow{OA}, \overrightarrow{OB}) = \arg\left(\frac{3+i\sqrt{3}}{3-i\sqrt{3}}\right) \text{ فإن :}$$

$$(\overrightarrow{OA}, \overrightarrow{OB}) = \frac{\pi}{6} \quad \text{B}$$

$$(\overrightarrow{OA}, \overrightarrow{OB}) = \frac{\pi}{3} \quad \text{A}$$

$$(\overrightarrow{OA}, \overrightarrow{OB}) = -\frac{\pi}{6} \quad \text{D}$$

$$(\overrightarrow{OA}, \overrightarrow{OB}) = -\frac{\pi}{3} \quad \text{C}$$

$$(\overrightarrow{OA}, \overrightarrow{OB}) = \frac{\pi}{2} \quad \text{E}$$

41

إذا كان  $z = \frac{1}{3+4i}$  فإن  $Re\left(\frac{1}{z}\right)$  يساوي :

ضع ملاحظتك:

$$\frac{3}{25} \quad \text{B}$$

$$\frac{4}{25} \quad \text{A}$$

$$\frac{1}{3} \quad \text{D}$$

$$\frac{1}{25} \quad \text{C}$$

$$3 \quad \text{E}$$

ضع ملاحظتك:

42

إذا علمت أن  $i^2 = -1$ 

$$\text{فإن } Z = 1 + i + i^2 + i^3 + \dots + i^{11} + i^{12}$$

$$1 \quad \text{B}$$

$$-1 \quad \text{A}$$

$$-i \quad \text{D}$$

$$+i \quad \text{C}$$

$$0 \quad \text{E}$$

الحل:





ضع ملاحظتك:

43

ليكن العدد العقدي

$$z = \frac{1}{\sin x + i \cos x} \text{ فإن } z^5 \text{ يساوي}$$

$$e^{5xi}$$

B

$$e^{-5xi}$$

A

$$ie^{-5xi}$$

D

$$-ie^{5xi}$$

C

$$-ie^{-5xi}$$

E

44

ضع ملاحظتك:

العدد العقدي  $z = \frac{i - i^{2024}}{1 + i}$  يساوي :

$$-i$$

B

$$i$$

A

$$-1$$

D

$$+1$$

C

$$0$$

E

ضع ملاحظتك:

45

لدينا  $z = \frac{ie^{-\frac{\pi}{3}i}}{1+i}$  زاوية هذا العدد العقدي  $\arg(z)$  تساوي :

$$\frac{\pi}{12}$$

B

$$\frac{11\pi}{12}$$

A

$$\frac{7\pi}{12}$$

D

$$-\frac{\pi}{12}$$

C

$$\frac{5\pi}{12}$$

E

الحل:



الحل:



ضع ملاحظتك:

46

ليكن العددان العقديان  $a = \alpha + \beta i$  و  $z = x + yi$  حيث  $\alpha, \beta, x, y$  أعداد حقيقية تحقق العلاقة  $z^2 - a^2 = (\bar{z})^2 - (\bar{a})^2$  فإن  $\alpha \cdot \beta = 0$  فإذا كانت مجموعة النقاط  $M(x, y)$  تمثل:

قطع زائد

B

قطع مكافئ

A

منصف الربع الأول

D

اجتماع المحورين الإحداثيين

C

منصف الربع الثالث

E

47

إذا كان  $Z = 1 + 2i$  هو جذر للمعادلة  $z^2 + 3 - 4i$  فإن الجذر الآخر:

 $-1 + 2i$ 

B

 $-1 - 2i$ 

A

 $1 + 2i$ 

D

 $1 - 2i$ 

C

ضع ملاحظتك:

48

إذا كان  $Z_1$  و  $Z_2$  هما جذران للمعادلة  $2Z^2 - 6Z + 5 = 0$  فإن  $\frac{Z_1}{Z_2}$  هي:

 $\frac{Z_1 Z_2}{|Z_2|^2}$ 

B

 $\frac{Z_2^4}{|Z_1|^2}$ 

A

 $\frac{Z_1^2}{|Z_1|^2}$ 

D

 $\frac{-Z_1}{Z_2}$ 

C



الحل:



ضع ملاحظتك:

49

إذا كان  $Z = 3 + 2i$  فإن الشكل الجبري لـ  $\frac{1}{Z}$  هو:

$$\frac{3}{13} + i\frac{2}{13}$$

B

$$\frac{3}{13} - i\frac{2}{13}$$

A

$$\frac{3}{\sqrt{13}} - i\frac{2}{\sqrt{13}}$$

D

$$\frac{3}{\sqrt{13}} + i\frac{2}{\sqrt{13}}$$

C

50

الشكل الجبري  $Z = \frac{4-6i}{2-3i}$  هو:

2

B

3

A

 $2 + i$ 

D

-2

C

ضع ملاحظتك:

ضع ملاحظتك:

51

الشكل الجبري لـ  $Z = \frac{3-6i}{3+i} + \frac{4}{3-i}$  هو:

$$\frac{3}{2} - \frac{17}{2}i$$

B

$$\frac{3}{2} - 17i$$

A

$$\frac{3}{2} - \frac{17}{10}i$$

D

$$3 - \frac{17}{10}i$$

C

الحل:





ضع ملاحظتك:

52

ليكن  $Z = (3 - 2i)(1 - i)^2$  فإن  $ReZ + ImZ$  تكون :

-10

B

-6

A

-4

D

4

C

53

ضع ملاحظتك:

إذا كانت  $M_1, M_2$  متناظرتان بالنسبة للمحور  $xx'$  فإن العددين العقديين الممثلين لهما  $Z_1, Z_2$  يحققان :

$Z_1 = -Z_2$

B

$Z_1 = Z_2$

A

$Z_1 = \bar{Z}_2$

D

$Z_1 = \frac{1}{Z_2}$

C

ضع ملاحظتك:

54

طويلة العدد العقدي  $Z = \frac{3+i\sqrt{3}}{-2-2i}$  هو:

$\frac{2\sqrt{3}}{8}$

B

$\frac{12}{8}$

A

$\sqrt{\frac{3}{2}}$

D

$\frac{12}{2\sqrt{2}}$

C

الحل:





ضع ملاحظتك:

55

إذا كان  $a$  عقدي و  $Z$  عقدي و كان

$$w = \frac{2iZ - 3a}{1 - 2\bar{Z}}$$
 فإن  $\bar{w}$  هو:

$$\frac{2iZ - 3\bar{a}}{1 - 2Z}$$

B

$$\frac{2iZ - 3\bar{a}}{1 - 2\bar{Z}}$$

A

$$\frac{-2i\bar{Z} - 3\bar{a}}{1 - 2Z}$$

D

$$\frac{-2iZ - 3a}{1 - 2Z}$$

C

56

إذا كان  $Z$  عقدي و  $u$  عقدي طويلته واحدو هو مختلف عن الواحد و  $w = \frac{Z - u\bar{Z}}{1 - u}$  فإن

ضع ملاحظتك:

 $w$  تخيلي بحت

B

 $w$  حقيقي

A

$$w = -2\bar{w}$$

D

 $w$  معدوم

C

ضع ملاحظتك:

57

 $Z$  عقدي فإن  $|z - 3i|^2 + |z + 3i|^2$  يساوي :

$$2Z^2 - 18$$

B

$$2|Z^2|$$

A

$$2|Z^2| + 18$$

D

$$2|Z^2| - 18$$

C



الحل:



ضع ملاحظتك:

58

الشكل المثلثي لـ  $Z = -3 + 3i$  هو:

$$z = 2\sqrt{3}\left(\cos -\frac{\pi}{4} + i \sin -\frac{\pi}{4}\right) \text{ (B)}$$

$$z = 3\sqrt{2}\left(\cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4}\right) \text{ (A)}$$

$$z = 3\sqrt{2}\left(\cos \frac{5\pi}{4} + i \sin \frac{5\pi}{4}\right) \text{ (D)}$$

$$z = 3\sqrt{2}\left(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4}\right) \text{ (C)}$$

59

الشكل المثلثي لـ  $Z = \sqrt{6} + i\sqrt{2}$  هو:

$$z = 2\sqrt{2}\left(\cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6}\right) \text{ (B)}$$

$$z = \sqrt{8}\left(\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3}\right) \text{ (A)}$$

$$z = 2\sqrt{2}\left(\cos -\frac{\pi}{3} + i \sin -\frac{\pi}{3}\right) \text{ (D)}$$

$$z = \sqrt{8}\left(\cos \frac{5\pi}{6} + i \sin \frac{5\pi}{6}\right) \text{ (C)}$$

ضع ملاحظتك:

60

الشكل المثلثي لـ  $Z = -3i$  هو:

$$Z = 3\left(\cos -\frac{\pi}{2} + i \sin -\frac{\pi}{2}\right) \text{ (B)}$$

$$Z = \sqrt{3}\left(\cos \frac{\pi}{2} + i \sin \frac{\pi}{2}\right) \text{ (A)}$$

$$Z = \sqrt{3}\left(\cos \pi + i \sin \pi\right) \text{ (D)}$$

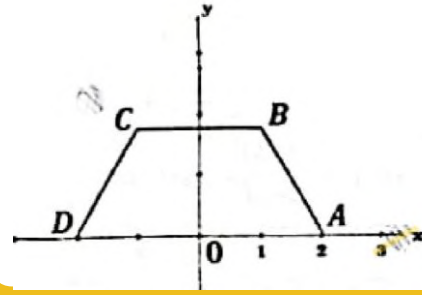
$$Z = \sqrt{3}\left(\cos \frac{3\pi}{2} + i \sin \frac{3\pi}{2}\right) \text{ (C)}$$

الحل:





ضع ملاحظتك:



61  
 $A, B, C, D$  نصف  
 مسدس منتظم .  
 العدد العقدي لـ  $C$   
 هو:

$$\frac{-\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i$$

B

$$-\sqrt{3} + i$$

A

$$-\frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}$$

D

$$-1 + i\sqrt{3}$$

C

62

إذا كان  $Z_1 \cdot Z_2 = \sqrt{3} - i$  فإن  
 $\arg(Z_1 \cdot Z_2)$  هي :

ضع ملاحظتك:

$$\frac{-\pi}{6}$$

B

$$\frac{2\pi}{3}$$

A

$$\frac{-\pi}{3}$$

D

$$\frac{\pi}{6}$$

C

ضع ملاحظتك:

63

الشكل الجبري للعدد العقدي  
 $Z = (\cos \frac{\pi}{8} + i \sin \frac{\pi}{8})^6$  هو :

$$\left(-\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{i\sqrt{2}}{2}\right)$$

B

$$\left(-\frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{i\sqrt{2}}{2}\right)$$

A

$$\left(\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{i\sqrt{2}}{2}\right)$$

D

$$32\sqrt{2} + 32i\sqrt{2}$$

C

الحل:





ضع ملاحظتك:

64

الشكل الأسّي لـ  $Z = (1 + i\sqrt{3})e^{i\frac{\pi}{4}}$  هو:

$2e^{i\frac{5\pi}{12}}$

(B)

$2e^{i\frac{7\pi}{12}}$

(A)

$2e^{i\frac{7\pi}{4}}$

(D)

$2e^{i\frac{7\pi}{3}}$

(C)

65

ضع ملاحظتك:

إذا كان  $Z = \frac{-\sqrt{2}}{1+i} e^{i\frac{\pi}{3}}$  فإن:

$argZ = \frac{13\pi}{12}$

(B)

$argZ = -\frac{\pi}{12}$

(A)

$argZ = -\frac{13\pi}{12}$

(D)

$argZ = \frac{\pi}{12}$

(C)

ضع ملاحظتك:

66

الشكل الأسّي لـ  $Z = 3ie^{i\frac{\pi}{3}}$  هو:

$Z = 9e^{i\frac{\pi}{3}}$

(B)

$Z = 3e^{i\frac{\pi}{3}}$

(A)

$Z = 3e^{i\frac{4\pi}{3}}$

(D)

$Z = 3e^{i\frac{5\pi}{6}}$

(C)

الحل:





ضع ملاحظتك:

67

إن حل المعادلة  $Z + 2\bar{Z} = 12 + i$  في  $\mathbb{C}$  هو:

$Z = 4 + i$

(B)

$Z = 4 - i$

(A)

$Z = -4 - i$

(D)

$Z = 3 + i$

(C)

68

حل المعادلة  $w^2 = -3 - 4i$  هو:

$w_1 = 2 + i$   
 $w_2 = -2 - i$

(B)

$w_1 = -2 + i$   
 $w_2 = -2 - i$

(A)

$w_1 = 1 - 2i$   
 $w_2 = -1 + 2i$

(D)

$w_1 = 1 + 2i$   
 $w_2 = -1 - 2i$

(C)

ضع ملاحظتك:

69

لدينا المعادلة  $2Z^2 + KZ + 3 - i = 0$  إذا علمت أن  $Z = 1 + i$  جذر لها فستكون قيمة  $K$  هي:

-3

(B)

3

(A)

-2

(D)

2

(C)

ضع ملاحظتك:

الحل:





ضع ملاحظتك:

70

إن قيمة المميز  $\Delta$  للمعادلة  
 $Z^2 + (1 + 8i)Z - 17 + i = 0$  هو :

$\Delta = 5 - 4i$

B

$\Delta = 5 + 4i$

A

$\Delta = 5 + 12i$

D

$\Delta = -5 + 12i$

C

71

إذا كان  $z = \frac{3+4i}{5-i}$  فإن الشكل الجبري  
 لـ  $z$  هو:

$\frac{19}{26} + \frac{23}{26}i$

B

$\frac{11}{26} + \frac{23}{26}i$

A

$\frac{11}{26} - \frac{23}{26}i$

D

$\frac{19}{26} - \frac{23}{26}i$

C

ضع ملاحظتك:

72

إذا كان  $z = 2i^5(1+i)^8$  فإن  $Rez + Imz$   
 يساوي :

32

B

$32i$

A

16

D

512

C

ضع ملاحظتك:

الحل:





ضع ملاحظتك:

73

إذا كان  $z = i^4 + i^5 + i^6 + i^7$  فإن قيمة  $z$  هي :

1 - i

B

-i

A

0

D

i

C

74

إذا كان  $\bar{z} = z + i$  وكان تخيلي  $z$  بحث فإن  $Im\bar{z}$  يساوي :

ضع ملاحظتك:

1

B

-1

A

$\frac{1}{2}$

D

$-\frac{1}{2}$

C

ضع ملاحظتك:

75

إذا كان  $z = \frac{(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2}i)^{10}}{1 - \sqrt{3}}$  فإن  $|z|$  هي :

$\frac{1}{1 - \sqrt{3}}$

B

$\frac{1}{\sqrt{3} - 1}$

A

5

D

$\frac{1}{2}$

C

الحل:





ضع ملاحظتك:

76

إذا كان  $z \neq -i$  تخيلي بحت و كان

$$: w = \frac{z+i}{\bar{z}-i}$$

تخيلي بحت  $w$ 

B

 $w$  حقيقي

A

$$w = -2\bar{w}$$

D

 $w$  معدوم

C

77

إذا كان  $z = -2\sqrt{3} + 2i$  فإن $2 \arg z$  يساوي :

$$\frac{5\pi}{6}$$

B

$$\frac{5\pi}{3}$$

A

$$\frac{2\pi}{3}$$

D

$$\frac{4\pi}{3}$$

C

ضع ملاحظتك:

ضع ملاحظتك:

78

الشكل المثلثي لـ  $z = \frac{1+i\sqrt{3}}{1+i}$  هو:

$$\sqrt{2} \left( \cos \frac{\pi}{12} + i \sin \frac{\pi}{12} \right)$$

B

$$\sqrt{2} \left( \cos -\frac{\pi}{12} + i \sin -\frac{\pi}{12} \right)$$

A

$$2\sqrt{2} \left( \cos \frac{\pi}{12} + i \sin \frac{\pi}{12} \right)$$

D

$$2\sqrt{2} \left( \cos -\frac{\pi}{12} + i \sin -\frac{\pi}{12} \right)$$

C

الحل:





ضع ملاحظتك:

79

إذا كان المقدار  $(\bar{z} + 1)(z - 2)$  حقيقي :

$z = -\bar{z}$

B

$z = \bar{z}$

A

$z = -3\bar{z}$

D

$z = 0$

C

أجب عن السؤالين 80 و 81

80

ليكن  $n = 2 + i$  عدد عقدي يمثل النقطة  $N$  و ليكن العددين العقديان  $a, b$  يمثلان النقط  $A, B$  إذا كانت صورة  $N$  وفق تحاك نسبته (3) و مركزه (0) مبدأ الإحداثيات فإن :

$a = -3 + 6i$

B

$a = 6 + 3i$

A

$a = 5i$

D

$a = 1 + 2i$

C

ضع ملاحظتك:

ضع ملاحظتك:

81

إذا كانت  $B$  صورة  $N$  وفق انسحاب شعاعه  
فإن  $\vec{w} = -\vec{u} + 3\vec{v}$

$b = 1 + 4i$

B

$b = 3 + i$

A

$b = 4 - 2i$

D

$b = -3 + i$

C

الحل:





ضع ملاحظتك:

82

أجب عن الأسئلة 82 و 83 و 84 :

ليكن لدينا النقاط  $A, B, C$  الممثلة بالأعداد  
 $a = -2i$  و  $b = -6 + 2i$  و  $c = 2 + i$   
العدد العقدي الممثل للنسبة  $\frac{b-a}{c-a}$  يساوي :

$2i$

(B)

$i$

(A)

$-2i$

(D)

$1 + i$

(C)

83

من النسبة السابقة نجد أن المثلث  
:  $A, B, C$

ضع ملاحظتك:

قائم فقط

(B)

قائم و متساوي الساقين

(A)

متساوي الأضلاع

(D)

متساوي الساقين فقط

(C)

ضع ملاحظتك:

84

العدد العقدي الممثل للنقطة  $D$  التي يكون  
عندها الرباعي  $ABCD$  متوازي الأضلاع :

$2 + 6i$

(B)

$3 + 2i$

(A)

$6 - 2i$

(D)

$8 - 3i$

(C)

الحل:





ضع ملاحظتك:

85

إذا كان  $z = \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i$  فإن:  $arg(iz)$  يساوي:

$\frac{5\pi}{6}$

B

$\frac{2\pi}{3}$

A

$\frac{\pi}{6}$

D

$\frac{\pi}{3}$

C

86

ليكن العددان العقديان  $z_1 = 1 + 2i$  و  $z_2 = 2 + i$  عندئذ  $Im(z_1, z_2)$  يساوي:

4

B

-3

A

-4

D

3

C

5

E

ضع ملاحظتك:



الحل: