



Grade :9

YAMAN ASFARI



تاسع سوريا 2025

- ملفات لشرح كامل المنهاج
- الإجابة على كافة الاستفسارات
- أتمتات متنوعة وملاحظات
- متابعة حتى يوم الامتحان



- (1) $k < 1$: يؤول التشابه إلى تصغير الشكل.
(2) $k > 1$: يؤول التشابه إلى تكبير الشكل.
(3) $k = 1$: يؤول التشابه إلى تطابق الشكلين.

أوراق عمل

أ.ماهر بربر

هندسة - الوحدة الثانية - الدرس الثالث

التشابه

ملاحظة : نسمي النسبة بين الضلعين المتقابلين

(نسبة التشابه) ويرمز له بالرمز k

* إذا كان لدينا تشابه نسبته k حيث $k > 0$

① يحافظ على قياسات الزوايا

② يضرب الأطوال بالعدد k

تشابه نسبته $(k > 0)$

① نضرب الأطوال بالعدد $[k]$

② نضرب مساحة السطح بالعدد $[k^2]$

③ نضرب حجم الجسم بالعدد $[k^3]$

رياضيات الصف التاسع-نظامي+أحرار. شروحات كتاب الهندسة

الوحدة الثانية

التشابه



الدرس الثالث

أوراق عمل

مسائل امتحانية محلولة مهمه جدا

تعليمات ثابتة لحل أي مسألة تتعلق بالهندسة .

- 1- ضع الفرضيات على- الرسم مباشرة بالقلم الأزرق.
- 2- التزم بترتيب الطلبات .
- 3- كل معلومه تظهر معك في الطلبات ضعها مباشرة على الرسم بقلم الرصاص .
- 4- الطلب الذي تقف عنده قد يكون جوابه موجود مثلا أثبت أن طول أو أثبت ان قياس زاوية محدده يساوي عدد ما . فالجواب موجود ضعه على- الرسم وانتقل إلى الطلب الذي يليه ثم عد إليه في نهاية الحل عندئذ ستكون قادرا على- حله ان شاء الله .
- 5- في المسائل المحلولة : حاول ان تحل بنفسك ثم قارن حلك بالحل الموجود وصحح بيدك بالقلم الأحمر ، ذلك يساعدك في تذكر الأخطاء وتجاوزها في المرات القادمة

أولاً: أجب عن السؤالين الآتيين.

السؤال الأول: في كل مما يأتي إجابة صحيحة واحدة من بين ثلاث إجابات مقترحة اكتبها:

(1) (نماذج وزارية) أسطوانة بحجم $1000m^3$ صمم نموذجاً مصغراً لها حجمه $8m^3$ فيكون معامل التصغير يساوي:

A	$\frac{1}{125}$	B	$\frac{1}{5}$	C	$\frac{2}{100}$
---	-----------------	---	---------------	---	-----------------

(2) (نماذج وزارية) المثلث EFD تصغير للمثلث ABC فنسبة التصغير K تكون:

A	$K = 1$	B	$K < 1$	C	$K > 1$
---	---------	---	---------	---	---------

(3) (نماذج وزارية) مثلثان متشابهان مساحة الأول $25m^2$ ومساحة الثاني $100m^2$ فنسبة التكبير هي:

A	4	B	75	C	2
---	---	---	----	---	---

(4) (نموذج تربية حياة التدريبي) المثلث ABC تكبير للمثلث EFG فنسبة التكبير K هي نفسها حل المعادلة:

A	$2x + 3 = 4$	B	$2x + 3 = 5$	C	$2x + 3 = 6$
---	--------------	---	--------------	---	--------------

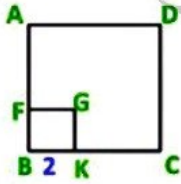
(5) (ريف دمشق 2018) مربع مساحته $9m^2$ ، صمم نموذجاً مكبراً له مساحته $36m^2$ فإن معامل التكبير يساوي:

A	4	B	3	C	2
---	---	---	---	---	---

(6) (حلب 2018) مكعب حجمه $27m^3$ ، صمم نموذجاً مكبراً له حجمه $125m^3$ فإن معامل التكبير يساوي:

A	$\frac{3}{5}$	B	$\frac{5}{3}$	C	$\frac{125}{27}$
---	---------------	---	---------------	---	------------------

السؤال الثاني: في كل مما يأتي اجب بكلمة صح أو خطأ:



في الشكل المرسوم جانباً: لدينا المربع $BKGF$ هو تصغير للمربع $ABCD$ بنسبة $\frac{1}{3}$.

(1) (الامتحان النسفي الموحد) إذا كان $BK = 2$ فإن طول ضلع المربع الكبير هو 6 .

(2) (الامتحان النسفي الموحد) نسبة مساحة المربع الصغير إلى الكبير $\frac{1}{3}$.

في الشكل المجاور: (NC) و (MT) مستقيمان متقاطعان في A والمستقيمان (CT) و (NM) متوازيان و $AN = 2$ و $AC = 4$ و $MN = TA = 3$ فإن:

(3) (حماة 2018) $AM = \frac{3}{2}$.

(4) (حماة 2018) $CT = 4$.

(5) (حماة 2018) $\frac{MN}{TC} = \frac{1}{2}$.

(6) (حماة 2018) $\frac{\text{مساحة } NAM}{\text{مساحة } TCA} = \frac{2}{3}$.

(7) (حمص 2018) إذا كانت نسبة التشابه $0 < K < 1$ يؤول التشابه إلى تكبير الشكل.

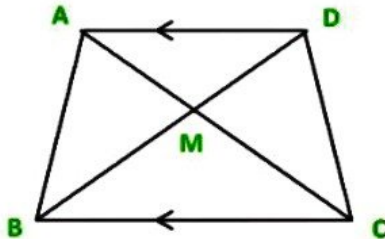
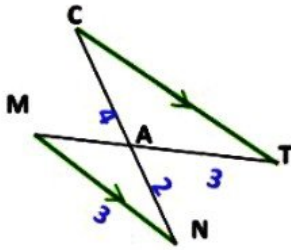
في الشكل المرسوم جانباً $ABCD$ شبه منحرف فيه $MD = 2$ و $BM = 3$

(8) (القطيطة 2018) فإن: $\frac{AD}{BC} = \frac{MD}{MB} = \frac{MA}{MC}$.

(9) (القطيطة 2018) المثلث MDA تصغير للمثلث BMC فإن معامله $\frac{2}{3}$.

(10) (القطيطة 2018) النسبة $\frac{MA}{MC} = \frac{3}{2}$.

(11) (القطيطة 2018) $\frac{\text{مساحة } MAD}{\text{مساحة } MBC} = \frac{9}{4}$.



Maher Barbar

والأمانى في متناول الجميع ولكن في النهاية
لايفوز الا أهل العزائم



مك السؤال الأول:

(1*) بفرضها:

حجم الأبرطوانة الكبيرة $V_1 = 1000 \text{ cm}^3$

حجم الأبرطوانة الصغيرة $V_2 = 8 \text{ cm}^3$

المطلوب وما ولد التغير لذلك نضع

حجم الأبرطوانة الصغيرة ذلك حجم الأبرطوانة

الكبيرة حيث نعلم أن نسبة هذين

شكلين متماثلين متساويين هي نسبة

التابع: $V_2 = k^3 \Rightarrow$

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{k^3}{1000} = \frac{8}{1000} = \frac{2^3}{10^3}$$

$$k^3 = \left(\frac{2}{10}\right)^3 = \left(\frac{1}{5}\right)^3 \Rightarrow k = \frac{1}{5}$$

فالإجابة الصحيحة هي B.

(2*) تذكر أن:

$k > 1$ يقول التابع إلى تكبير الشكل

$k < 1$ يقول التابع إلى تصغير الشكل

$k = 1$ يقول التابع إلى تطابق

الإجابة الصحيحة هي B. ونذكر $k > 0$

(3*) بفرضها:

مساحة المثلث الصغير: $S_1 = 25 \text{ m}^2$

مساحة المثلث الكبير: $S_2 = 100 \text{ m}^2$

المطلوب نسبة التكبير لذلك نضع

مساحة المثلث الكبير على مساحة

المثلث الصغير حيث نعلم أن:

نسبة مساحتي شكلين متماثلين هي

ورج نسبة التتابع

$$\frac{S_2}{S_1} = k^2 \Rightarrow k^2 = \frac{100}{25} = 4$$

وهذا $k = 2$ (ولأننا نأخذ الجذر الأثبات)

فالإجابة الصحيحة هي C

(4*) نسبة التكبير هي عدد $k > 1$ أي

يجب أن تختار المعادلة التي عدد أكبر من 1

ولذلك:

المعادلة A: $2k + 3 = 4$

$$2k = 4 - 3 \Rightarrow 2k = 1 \Rightarrow k = \frac{1}{2}$$

عدد أكبر من 1 فليس A، إجابة صحيحة

المعادلة B:

$$2k + 3 = 5$$

$$2k = 5 - 3 \Rightarrow 2k = 2 \Rightarrow k = 1$$

عدد يساوي 1 فليس B، إجابة صحيحة

المعادلة C:

$$2k + 3 = 6 \Rightarrow 2k = 6 - 3$$

$$2k = 3 \Rightarrow k = \frac{3}{2}$$

عدد أكبر من 1 وهذا الإجابة الصحيحة C

(5*) نفس الطريقة مك السؤال 3

المطلوب نسبة التكبير وبفرضها

مساحة المربع الصغير $S_1 = 9 \text{ m}^2$

مساحة المربع الكبير $S_2 = 36 \text{ m}^2$

$$\frac{S_2}{S_1} = k^2 \Rightarrow k^2 = \frac{36}{9} = 4 \Rightarrow k = 2$$

فالإجابة الصحيحة هي C

* (6) بفرزها:

$$V_1 = 27 m^3$$

$$V_2 = 125 m^3$$

المطلوب معادل التكبير

لذلك نضع حجم المكعب الكبير

حجم المكعب الصغير حيث نعلم ان

نسبة مجسمي شكلين متماثلين

هي وكون نسبة التماثل:

$$V_2 = k^3 \Rightarrow k^3 = \frac{125}{27}$$

$$k^3 = \left(\frac{5}{3}\right)^3$$

$$k = \frac{5}{3}$$

أي ان $k = \frac{5}{3}$
فالإجابة الصحيحة B.

ملء السؤال الثاني:

المربع B K G F هو متغير

للمربع ABCD نسبة $\frac{1}{3}$

* (1) نعلم ان: التماثل في

الطول والعرض k حيث:

$$k = \text{تصغير نسبة } \frac{1}{3}$$

لذلك نأخذ ضلع من المربع الصغير

وهو ضلع من المربع الكبير:

$$BK = k \Rightarrow \frac{2}{3} = \frac{1}{3}$$

وهو $BC = 6$ أو بطرق أخرى

المطلوب طول ضلع المربع الكبير لذلك

نضع الكبير على الصغير مع الاحتفاظ

بأن نسبة التماثل لنضع تكبير كما يلي

$$\frac{BC}{BK} = k \Rightarrow BC = k \times BK = \frac{3}{1} \times 2 = 6$$

فالإجابة الصحيحة.

* (2) المطلوب مساحة المربع الصغير

الكبير بالتالي

$$S(BKGF) = k^2 = \left(\frac{1}{3}\right)^2 = \frac{1}{9}$$

$$S(ABCD) = \text{تصغير كبير}$$

فالإجابة الصحيحة.

لنكتب مباشرة النسب الثلاث:

$$\frac{AM}{AT} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{CT} = k$$

$$\frac{AM}{3} = \frac{2 \div 2}{4 \div 2} = \frac{3}{2} = k = \frac{1}{2}$$

$$\frac{AM}{3} = \frac{1}{2} \Rightarrow MA = \frac{3}{2}$$

الإجابة الصحيحة.

$$\frac{3}{CT} = \frac{1}{2} \Rightarrow CT = 6$$

الإجابة الصحيحة.

$$\frac{MN}{CT} = k = \frac{1}{2}$$

الإجابة الصحيحة.

$$S(NAMI) = k^2 = \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4}$$

$$S(ATC) = \text{تصغير كبير}$$

فالإجابة الصحيحة.

$$0 < k < 1$$

* (7) أغير التكرير جرداً:

$k < 1$ يؤول التتابع الك تغير
 $k > 1$ يؤول التتابع الك تكبير
 $k = 1$ يؤول التتابع الك تطابق
 $k > 0$ جرد وهو جرداً

لنكن مباشرة النسب الثلاث حيث قاعدتها جنبه المنفرق متوازيات

أي في المثلث MBC و MAD لدينا $(AD) \parallel (BC)$ ومنه:

$$\frac{MA}{MC} = \frac{MD}{MB} = \frac{AD}{BC} = k$$

$$\frac{2}{3} = \frac{MD}{MB} = \frac{AD}{BC} = k \Rightarrow k = \frac{2}{3}$$

* (8) عبارة صحيحة وهي نفس عبارة النسب الثلاث

* (9) عبارة صحيحة لأنها نسبة التتابع $k = \frac{2}{3}$ أي نسبة تغير

* (10) أن $\frac{MA}{MC} = k = \frac{2}{3} \neq \frac{3}{2}$ فالعبارة خاطئة

* (11) نسبة ما اتي تكبيراً (أي من مربع نسبة التتابع)

المطلوب: مساحة المثلث المغير MAD و MBC $S(MAD)$ $S(MBC)$ $k^2 = \left(\frac{2}{3}\right)^2 = \frac{4}{9}$

فالعلاقة خاطئة $S(MBC)$ $S(MAD)$

في نسبة مساحة التكبير $S(MBC)$ إلى المغير $S(MAD)$

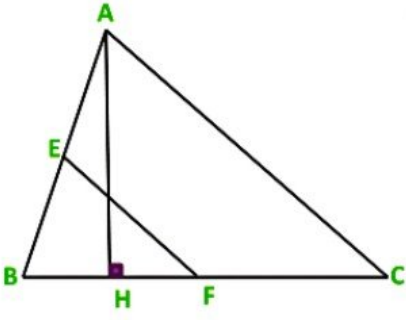
أجملتها الخاطئة: (دوات) تتابع نسبة k عند تكبير:

(12) تغير في الأطوال بالعدد k ✓

(13) تغير في الزوايا بالعدد k ✗ (التتابع يحافظ على جميع الزوايا)

(14) تغير في المساحات بالعدد k^2 ✓ (15) تغير في الحجوم بالعدد k^3 ✓

ثانياً: حل كلا من المسائل الآتية.



(الامتحان النصفى الموحد) في الشكل المجاور: ارتفاع $[AH]$ في المثلث ABC

والنقطة E منتصف $[AB]$ والنقطة F منتصف $[BC]$ وإذا كان $BC = 6$

و $AB = 2\sqrt{3}$ وقياس الزاوية $\hat{A}BC = 60^\circ$ والمطلوب:

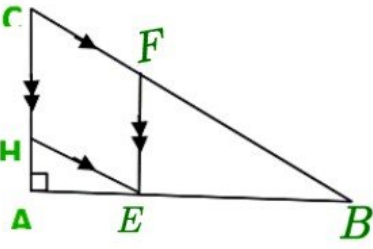
(1) أثبت أن $EF \parallel AC$.

(2) إذا كان المثلث BFE تصغير للمثلث BCA استنتج معامل التصغير.

(3) إذا علمت أن مساحة المثلث ABC تعطى بالعلاقة $S = \frac{1}{2} [AB] \times [BC] \times \sin \hat{B}$

أحسب S مساحة المثلث ABC واستنتج طول الارتفاع AH .

المسألة (1)



(حلب 2018) مثلث قائم في A طولاه الضلعيه القائمتين هما:

$AB = 4cm$ و $AC = 3cm$ والنقطة E على $[AB]$ بحيث

$AE = 1$ و $(EH) \parallel (BC)$ و $(EF) \parallel (AC)$ والمطلوب:

(1) أحسب طول BC .

(2) المثلث HAE تصغير للمثلث ACB أكتب معامل التصغير واستنتج طول EH .

(3) المثلث ABC تكبير للمثلث EBF أكتب معامل التكبير واستنتج طول BF .

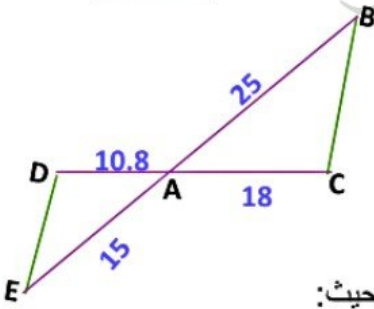
المسألة (2)

(حماءة 2019) في الشكل المجاور: $AD = 10.8$ و $AE = 15$ و $AB = 25$ و $AC = 18$ والمطلوب:

(1) أثبت أن $ED \parallel CB$.

(2) المثلث ABC تكبير للمثلث AED عين معامل التكبير.

(3) إذا علمت أن مساحة المثلث AED تساوي 45 استنتج مساحة المثلث ABC .



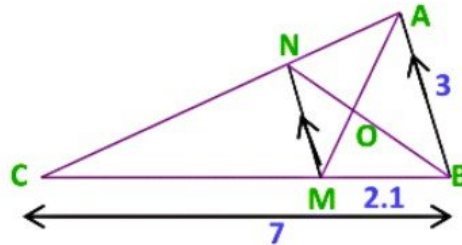
(حلب 2019) (AN) و (BM) متقاطعان في C و $AB \parallel NM$ بحيث:

$AB = 3$, $MB = 2.1$, $BC = 7$ والمطلوب:

(1) أحسب MN واستنتج نوع المثلث MNB .

(2) بفرض O نقطة تقاطع AM و NB أثبت أن المثلث OMN تصغير للمثلث OAB زأوجد معامل التصغير.

المسألة (4)

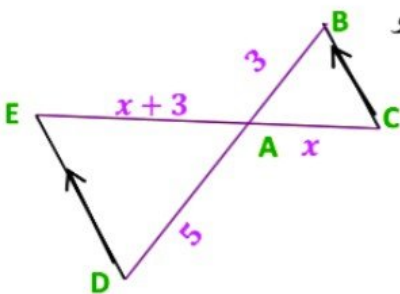


(الرقعة 2019) في الشكل المرسوم جانباً: $(CB) \parallel (DE)$ و $AC = x$ و

$AE = x + 3$ و $AB = 3$ و $AD = 5$ والمطلوب:

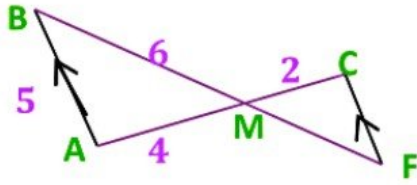
(1) أحسب قيمة x .

(2) إذا كانت مساحة المثلث ADE تساوي 15 أحسب مساحة المثلث ABC .



المسألة (5)

المسألة 6 (السويداء 2019) في الشكل المرسوم جانباً: $(CF) \parallel (AB)$ و $BM = 6$ والمطلوب:



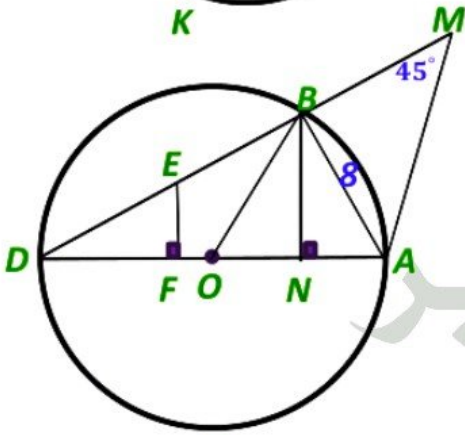
- 1 أكتب النسب الثلاث في المثلثين CMF, AMB .
- 2 أحسب طول كل من: FC, MF .
- 3 أحسب النسبة $\frac{\text{مساحة المثلث } FMC}{\text{مساحة المثلث } AMB}$.

المسألة 7 (نماذج وزارية) في الشكل المجاور دائرة مركزها O وقطرها AC و B نقطة تحقق $\angle ACB = 30^\circ$ و N منتصف BC والمطلوب:



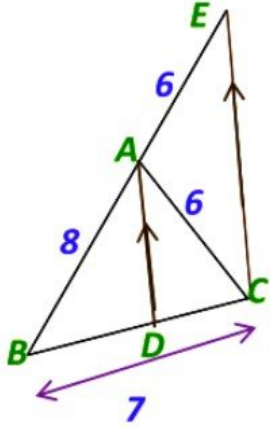
- 1 ما نوع المثلث ABC ؟ برر إجابتك.
- 2 استنتج قياس الزاوية $\angle CAB$ واذكر نوع المثلث OBA .
- 3 علل $AC = 2AB$.
- 4 أثبت أن المثلث CON تصغير للمثلث CAB واستنتج معامل التصغير.
- 5 استنتج تعامد المستقيمين AO و BK .

المسألة 8 (نموذج تربية حماة التدريبي) في الشكل المرسوم جانباً: دائرة C مركزها O وقطرها $AD = 16$ و $AB = 8$ و $\angle BMA = 45^\circ$ والمطلوب:



- 1 ما نوع المثلث ABD مع التعليل.
- 2 استنتج قياس الزاوية $\angle BAD$.
- 3 ما نوع المثلث AOB .
- 4 استنتج AN وأحسب BN .
- 5 استنتج BM .
- 6 أثبت أن المثلثين DEF و DBN متشابهين.

المسألة 9 (إدلب 2018) في الشكل المجاور مثلث أطوال أضلاعه: $AB = 8$ و $AC = 6$ و $BC = 7$ و D نقطة من BC ونرسم من C مستقيماً يوازي



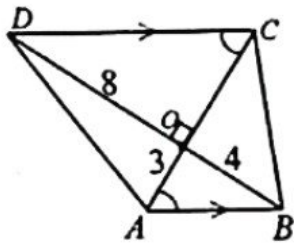
- 1 المثلث BDA تصغير للمثلث BCE أكتب النسب الثلاث وأحسب طول BD ثم استنتج طول DC .
- 2 أحسب كلاً من النسب: $\frac{BA}{CA}$ و $\frac{BD}{CD}$ وقارن بينهما.
- 3 أثبت أن: $\angle DAB = \angle EAC$ ، $\angle DAC = \angle ACE$ ثم استنتج أن AD منصف للزاوية $\angle BAC$.

المسألة 10 دورة 2021

في الشكل جانباً $ABCD$ شبه منحرف قاعدته $[AB]$ و $[DC]$ ،

O نقطة تقاطع قطريه المتعامدين، فيه $OA = 3$ ، $OB = 4$ ، $OD = 8$.

والمطلوب:



- 1 احسب الطول AB ، ثم اكتب النسب الثلاث المتماوية للمثلثين المتشابهين AOB و COD .
- 2 احسب الطولين OC و CD ، واحسب النسبة: $\frac{\text{مساحة } AOB}{\text{مساحة } COD}$.

حذاري من قراءة الحلول قبل المحاولة في الحل عدة مرات

ثانياً:

حل كلًا من الأجزاء الآتية:

* **المثلث الأضلاع:** (ضع فرضياتك المثلثية على الرسم)

* (1) طريقة أوكا:

E فتصفى [AB] فرضياً [EF] قطعة و تقية واصلت بين
F فتصفى [BC] فرضياً فتصفى مثلثين في المثلث ABC وفيه
فوازي في الأضلاع الثالثة و تسمى $EF \parallel AC$ و $[EF] = \frac{1}{2} [AC]$ أي أن:

طريقة ثانية: $EF \parallel AC$ يجب أن يتحقق
 $\frac{BF}{BC} = \frac{BE}{BA}$

$$\frac{BF}{BC} = \frac{1}{3} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{BE}{BA} = \frac{\sqrt{3}}{2\sqrt{3}} = \frac{1}{2}$$

$\Rightarrow EF \parallel AC$
 عبر لخص النسب
 الأضلاع الكافية في
 التقاطع $EF \parallel AC$

المتقيم (BC) من جهة بالترتيب مع النقاط B, E, A كما المتقيم (BA)

* (2) $EF \parallel AC$ (إثباتاً) فالمثلثات BFE و BCA متشابهتان

لذا الأضلاع المتقابلة متشابهة \Rightarrow $\frac{BF}{BC} = \frac{BE}{BA} = \frac{EF}{AC} = k$

بغير كبر \Rightarrow $\frac{BF}{BC} = \frac{BE}{BA} = \frac{EF}{AC} = k$

وهي نسبة $1 < k = \frac{1}{2}$ $\Rightarrow EF = \frac{1}{2} AC$ (معامل التغير)

$$S_{(ABC)} = \frac{1}{2} [AB] \times [BC] \times \sin \hat{B} \quad (3^* \text{ لدينا فرضياً:})$$

$$= \frac{1}{2} (2\sqrt{3}) \times (6) \times \sin 60^\circ \quad \sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$= 6\sqrt{3} \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 3(\sqrt{3})^2 = 3 \times 3 = 9 \quad (\text{وحدة مربعة})$$

نعلم أن: مساحة المثلث تساوي نصف مساحة القائمة في الارتفاع المتعلق به:

$$S_{(ABC)} = \frac{[BC] \times [AH]}{2}$$

$$9 = \frac{6 \times [AH]}{2} \Rightarrow [AH] = \frac{9}{3} = 3 \quad (\text{وحدة طول})$$

*** الثالثة** (ضع فرضياتك الخاصة بالرسم)

(1*) مبرهن فيثاغورس في المثلث القائم ABC نجد:

$$[CB]^2 = [CA]^2 + [AB]^2 = 3^2 + 4^2 = 9 + 16 = 25 \Rightarrow BC = \sqrt{25} = 5 \text{ cm}$$

(رسمك للرسم)

(2*) $(EH) \parallel (CB)$ فرضياً بالمثلثات (HAE) و (ACB) متشابهتين

أطوال أضلاعها المتقابلة مبرهنه النسب المتكافئة:

$$\frac{AH}{AC} = \frac{AE}{AB} = \frac{HE}{CB} = k$$

(مميز AHE)
(كبير ACB)

$$\frac{AH}{3} = \frac{1}{4} = \frac{HE}{5} = k \Rightarrow k = \frac{1}{4} < 1$$

وهي معامل التغير

$$HE = k \times CB \Leftrightarrow HE = \frac{1}{4} \times 5 = \frac{5}{4} \text{ cm}$$

(3*) $(EF) \parallel (CA)$ فرضياً بالمثلثات (EFB) و (ABC) متشابهتين لتساوي أطوال

أضلاعها المتقابلة مبرهنه النسب المتكافئة:

(منانزير بر معامل التکبير لذالك نضع روفوس المثلث ABC كغير اولاً)

$$\frac{AB}{EB} = \frac{AC}{EF} = \frac{BC}{BF} = k'$$

$$(AB=4 \text{ cm} \wedge AE=1 \Rightarrow EB=3)$$

$$\frac{4}{3} = \frac{3}{EF} = \frac{5}{BF} = k' \Rightarrow k' = \frac{4}{3} \rightarrow \text{واري معامل التکبير}$$

$$\frac{5}{BF} = k' \Rightarrow \frac{5}{BF} = \frac{4}{3} \Rightarrow BF = \frac{15}{4} \text{ cm}$$

* مطلب اضافي: ام باه المثلث ABC ثم + تتبع مساحة المثلث EFB

ان ABC مثلث قائم و امته 3 و ارضه 4 و هو يرداه من المثلث القائم

$$S(ABC) = \frac{[CA] \times [AB]}{2} = \frac{3 \times 4}{2} = 6 \text{ cm}^2$$

نعلم ان نسبة المثلثين "كلين متساويين" اي مربع نسبة المثلثين
مساحة المثلث ABC هو تكبير للمثلث EFB بنسبة تكبير $\frac{4}{3}$ وانه:

$$\frac{S(ABC) \text{ كبير}}{S(EFB) \text{ صغير}} = \left(\frac{4}{3}\right)^2 \Rightarrow \frac{6}{S(EFB)} = \frac{16}{9} \Rightarrow$$

$$S(EFB) = \frac{9 \times 6}{16} = \frac{9 \times 3}{8} = \frac{27}{8} \text{ cm}^2$$

$$CB = 7, MB = 2.1 \Rightarrow CM = 4.9$$

* القاعدة الرابعة:

(1*) لدينا فرزنا في المثلث ABC، التقاطعات MN، AB، فتوازيات

وضعه ومباين نسبة الضلعين نجد:

$$\begin{matrix} CMN \\ CBA \end{matrix} \Rightarrow \frac{CM}{CB} = \frac{CN}{CA} = \frac{MN}{AB}$$

$$\frac{4.9}{7} = \frac{CN}{3} = \frac{MN}{3} \Rightarrow$$

$$\frac{4.9 \times 10}{7 \times 10} = \frac{MN}{3} \Rightarrow \frac{49 \div 7}{70 \div 7} = \frac{MN}{3} \Rightarrow \frac{7}{10} = \frac{MN}{3} \Rightarrow MN = \frac{21}{10} = 2.1$$

هنا النسبة الأولى والثالثة نجد:

في المثلث MNB نلاحظ أن $MN = MB = 2.1$ فهو متساوي الساقين في M.

(2*) لدينا فرزنا في المثلث OMN، AB، التقاطعات (NM)، (AB)، فتوازيات، وضعه المثلثات متشابهة لتساوي أطوالها المتقابلة

مباين نسبة الضلعين حيث:

(نريد معامل التصغير لذلك نضع رفرور المثلث المصغر أولاً)

$$\begin{matrix} OMN \\ OAB \end{matrix} \Rightarrow \frac{OM}{OA} = \frac{ON}{OB} = \frac{MN}{AB} = k \Rightarrow$$

$$\frac{OM}{OA} = \frac{ON}{OB} = \frac{2.1}{3} = k \Rightarrow k = \frac{7}{10} < 1$$

المثلث OMN وهو فرزنا المثلث OAB بنسبة تصغير $k = \frac{7}{10}$

* ألة الخافض

1* لدينا في المثلثين ABC و ADE المتقيان (BC) و (ED) متوازيان

و ضعه AD و AE و DE النسب الثلاث نجد:

$$\frac{AB}{AD} = \frac{AC}{AE} = \frac{BC}{DE} = k$$

$$\frac{3}{5} = \frac{k}{k+3} = \frac{BC}{ED} = k \Rightarrow$$

عن النسبتين الأولى والثانية نجد:

$$\frac{3}{5} = \frac{k}{k+3} \Rightarrow 3k+9 = 5k \Rightarrow 2k=9 \Rightarrow k = \frac{9}{2} \Rightarrow k=4.5$$

2* لدينا فرضاً مساحة المثلث الكبير $S(ADE)=15$ و المطلوب مساحة

المثلث الصغير $S(ABC)$

بدلالة: ABC و ADE متساويتا لتساويهما في الأضلاع

المتقابلة كما وجدنا في الطلب الأول، ونعلم أن نسبة ضلعي متساويين

متساويين k مربع نسبة التماثل $k = \frac{3}{5}$ (تفسير)

$$\frac{S(ABC)}{S(ADE)} = k^2 \Rightarrow S(ABC) = k^2 \times S(ADE)$$

$$S(ABC) = \left(\frac{3}{5}\right)^2 \times 15$$

$$\Rightarrow S(ABC) = \frac{9}{25} \times 15 = \frac{9 \times 3}{5}$$

$$S(ABC) = \frac{27}{5} \text{ وحدة مربعة} = 5.4$$

*** المسألة السادسة ***

(1*) لدينا في المثلث AMB CMF اتقيمت (MF) (CF) متوازيان

عرضه ومبراهير نسبة النبر بالمثلث نجد:

(تذكر مرة الأخرى: عند كتابتنا النسب الثلاث نجيب ونضع الرؤوف صراحتا لوجه أي التي تقع على قاطع واحد حتى يصفى البعض ولا ننسى عيباً.)

$$\frac{MCF}{MAB} \Rightarrow \frac{MC}{MA} = \frac{MF}{MB} = \frac{CF}{AB} = k$$

$$\frac{2 \div 2}{4 \div 2} = \frac{MF}{6} = \frac{CF}{5} = k = \frac{1}{2}$$

(2*)

من النسبة الأولى والثانية نجد:

$$\frac{1}{2} = \frac{MF}{6} \Rightarrow MF = 3$$

من النسبة الأولى والثالثة نجد:

$$\frac{1}{2} = \frac{CF}{5} \Rightarrow CF = \frac{5}{2} = 2.5$$

(3*)

نعلم أن نسبة المساحة كالمساوية بينت اوي مربع نسبة

التشابه حيث المثلثات FMC AMB متشابهات لتساوي

أطوالها أي ضلعاها المتقابلة مبراهير نسبة الثلاث كما هو مبين في

الطلب الأول ونسبة التشابه هي $\frac{1}{2}$ كل (نسبة تقصير والمطلوب

فملا حاشية التقصير الكع الكبير)

$$\frac{S(FMC)}{S(AMB)} = k^2 = \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4}$$

إذا النسبة بين مساحتي المثلثين:

$$\frac{1}{4} = \text{مساحة المثلث } FMC$$

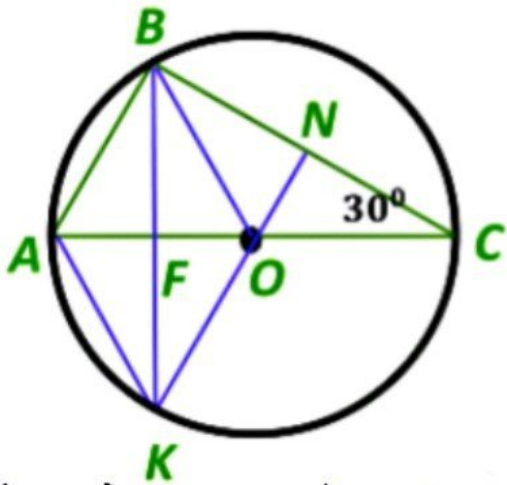
$$\frac{1}{4} = \text{مساحة المثلث } AMB$$

المطلوب حساب نسبة مساحتي

المثلثين وليس حساب مساحة أحدهما

* المسألة السابعة: (مسألة ب 100 درجة)

- أكيد التفكير وحضرت بالمسائل من هذا النمط، فضع المعطيات مباشرة كما في الرسم بالقلم الأزرق، ورا معلومات التي تظهر عليك في الطلبات فهذا كل الرسم بفهم الدرس.



(1*) AC قطراً في الدائرة التي مركزها O وهوأ طرف أضلاع المثلث ABC فهو مثلث قائم وتره تلك القطر AC وزاوية القائمة هي الرأس المقابل لـ AC أي قائم في B

(2*) \leftarrow ABC مثلث قائم. ابناً في B، فيه $\hat{C} = 30^\circ$ وفيه $\hat{A} = 60^\circ$.

\leftarrow المثلث OBA متساوي الساقين في O لأن كلا من زاويتي $\hat{O}BA$ و $\hat{O}AB$ أضغان أقطار في دائرة $OA = OB = R$ ، وفيه زاوية قياس $\hat{A} = 60^\circ$ فهو مثلث متساوي الأضلاع (تذكر: إذا كان في المثلث المتساوي الساقين زاوية قياس 60° فهو متساوي الأضلاع).

إذاً: $AO = OB = AB = R$ لأن OBA متساوي الأضلاع

(3*) ABC مثلث قائم في B. ابناً، فيه الزاوية $\hat{C} = 30^\circ$ ونعلم أن: في

المثلث القائم، الضلع المقابل للزاوية 30° يساوي نصف طول الوتر وفيه:

$$[AB] = \frac{1}{2} [AC] \Rightarrow [AC] = 2[AB]$$

(4*) جارية علينا المبحث من متعينين متوازيين في المثلث CAB، CON

. إذاً تطبيق عبر نسبة التراك العكسية هي N منتصف $[BC]$ فدياً أو

مباشرة:

$$\left. \begin{array}{l} O \text{ منتصف } [AC] \\ N \text{ منتصف } [BC] \end{array} \right\} \Leftrightarrow \begin{array}{l} [ON] \text{ قطعة مستقيمة واهلة بين نقطتي ضلعين في المثلث} \\ ABC \text{ وفيه } \text{توازيي الضلع الثالث} \text{ وتساوي نصفه} \end{array}$$

وفي: $AB \parallel ON$ ، M هو المبرهن الأوك في المثلثات ودياً M هو مبرهن النسب التراك في المثلث ABC نجد

$$\frac{CO}{CA} = \frac{CN}{CB} = \frac{ON}{AB} \xrightarrow{\text{النتيجة}} \begin{array}{l} CA = 2[CO], CB = 2[CN] \\ AB = 2[ON] \end{array}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2} = k \Rightarrow k = \frac{1}{2} < 1$$

أي أن المثلث CON مشابه للمثلث CAB وهو آخر نسبة $k = \frac{1}{2}$ (وبالعكس، CAB مكبر CON بنسبة تكبير 2 (مقلوب نسبة التفسير).

* 5) انبج مثل هذا الطلب :

بدليلك، كيف أثبت أن الرباعي هو متوازي أضلاع؟

← نثبت أن كل مثلعين متقابلين متوازيين

أو نثبت أن فيه مثلعين متقابلين متوازيين وتوازيين **تربط الانتباه.**

لدينا BOC مثلث متساوي الساقين في O حيث $OC = OB = R$

وهذا يعني القاعدة متساوية أي $\hat{B} = \hat{C} = 30^\circ$

لننتقل إلى BC بالتالي ON متوسط نازل من O إلى BC في المثلث المتساوي

الساقين فهو ارتفاع وخط وسط وجوهر عند N يكون $\hat{BON} = \hat{CON} = 60^\circ$

$\hat{OK} = \hat{ON} = 60^\circ$ (التقابل بالزاوية)

لتأمل الرباعي $ABOK$ الذي فيه :

$$\left. \begin{array}{l} \hat{BAO} = 60^\circ \\ \hat{AOK} = 60^\circ \end{array} \right\} \begin{array}{l} (OK) \parallel (AB) \text{ لأن} \\ \text{البنائيات المتبادلة} \end{array}$$

سما أن $[OK] = R$ ولعلنا متقابلان OK و CAB فهو متوازيان

إثباتاً $[CAB] = R$ ومتساويان في الرباعي $ABOK$

فهو متوازي أضلاع.

فه $[AB] = [BO]$ مثلعين متجاورين متساويين في موضعين وطولان

AO ، BK ونضاهم أن قطرا المربعين متعامدان $AO \perp BK$

(تعدت، ابداع هذا البرهان بكل عضيل لتعلم طرق اثبات المثلثات المختلفة

وتنطق الحل بطريقين جميلين ...)

$OK = KA = R$ مثلث متساوي الأضلاع (لماذا؟) وفه

وهو هناك الطلب الثاني $AB = BO = R$ وفه أضلاع الرباعي $ABOK$

متساويين في موضعين وطولان، AO ، BK فهما متعامدان وبذلك يتم المطلوب.

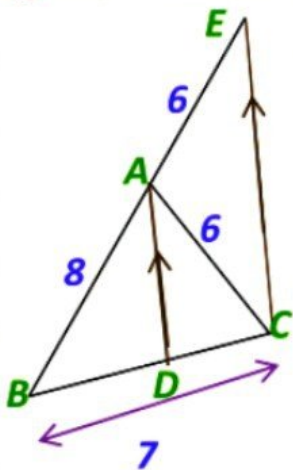
16* علينا بداية الجزء من مستقيماً متوازيين في المثلث المذكورين:

$$\left. \begin{array}{l} EF \perp DN \\ EF \parallel BN \end{array} \right\} \Rightarrow \left. \begin{array}{l} BN \perp DN \\ BN \parallel EF \end{array} \right\}$$

وبالتالي ومبرهنه النسب الثلاث في المثلث DBN DEF

$$\left. \begin{array}{l} DEF \\ DBN \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{DE}{DB} = \frac{DF}{DN} = \frac{EF}{BN} = k$$

فالمثلثان متشابهان لتساوي أطوال أضلاعها المتقابلة.



16* آلة الاربعة:

1* المثلث BDA والمثلث BCE

متشابهان لتساوي الأضلاع المتقابلة

فيوامبرهنه النسب الثلاث

$$DA \parallel CE$$

والمثلث BDA تغير المثلث BCE لتكتب النسب الثلاث وذلك

كان نسبة التغير (نفس التغير كما في كبر)

$$\left. \begin{array}{l} BDA \\ BCE \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{BD}{BC} = \frac{BA}{BE} = \frac{DA}{CE} = k$$

$$\frac{BD}{7} = \frac{8}{8+6} = \frac{DA}{EC} = k \Rightarrow$$

$$BD = \frac{8 \div 2}{7} = \frac{DA}{EC} = k \Rightarrow k = \frac{4}{7} < 1 \text{ نسبة التغير}$$

م ا ب BD : من النسبتين الأولى والثانية نجد:

$$\frac{BD}{7} = \frac{4}{7} \Rightarrow BD = 4 \Rightarrow DC = 7 - 4 = 3$$

$$\left. \begin{array}{l} BA = \frac{8 \div 2}{2} = 4 \\ CA = \frac{6 \div 2}{2} = 3 \\ BD = 4 \\ CD = 3 \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{BA}{CA} = \frac{BD}{CD} \quad (2^*)$$

(3*) المتقيان (DA) (EC) متوازيان و BC و BE قائمان
 $\hat{D}AC = \hat{A}CE$ * (للتبادلية الداخلية)
 $\hat{D}AB = \hat{C}EA$ ** (للتناظر)
ولدينا:

AC و EA متساويان في A من حيث AC و EA = 6 ففرضاً
وبالتالي زوايا القائمة متساوية ومنه:
 $\hat{A}CE = \hat{A}EC$ وبالمقارنة مع * و ** نجد أن
 $\hat{D}AC = \hat{D}AB$ أي أن AD منصف للزاوية $\hat{B}AC$

(الطابع: ملاحظة الفائدة)
[إذا كان AD منصفاً داخلياً في المثلث BAC فإنه يقسم الضلع
المتعلق برأسه في النسبة ونجد في التجارب مع نسبة طولَي الضلعين الباقيين:
أيان: $\frac{DB}{DC} = \frac{AB}{AC}$ (I) \Rightarrow AD منصف
وبالعكس إذا تحققت العلاقة (I) فإن AD منصف داخلياً. فإذن ذلك
مع الطلب الثاني ...]

* انا ألقاها مرة: (دورة 2021 70 درجة)

الحل باختصار:

(1*) مبرهنًا فورًا من المثلث القائم $A \circ B$ نجد $AB = 5$

$$A \circ B \Rightarrow \frac{A \circ}{C \circ D} = \frac{B \circ}{D \circ} = \frac{AB}{DC} = k$$

$$\frac{3}{C \circ} = \frac{4 \div 4}{8 \div 4} = \frac{5}{D \circ} = k \Rightarrow k = \frac{1}{2}$$

(2*) من النسبتين الأولى والثانية نجد:

$$\frac{3}{C \circ} = \frac{1}{2} \Rightarrow C \circ = 6$$

من النسبتين الثانية والثالثة نجد:

$$\frac{1}{2} = \frac{5}{D \circ} \Rightarrow D \circ = 10$$

نظام أن نسبة $A \circ B$ هي k أي مربع نسبة التثابة
 [نريد م $A \circ B$ و $A \circ B$ أي نريد نسبة
 تصغير وهي $k = \frac{1}{2}$]

$$\frac{S(A \circ B)}{S(C \circ D)} = k^2 \Rightarrow \frac{S(A \circ B)}{S(C \circ D)} = \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$$

(ط م 1)

$$S(A \circ B) = \frac{3 \times 4}{2} = 6 \quad ; \quad S(C \circ D) = \frac{6 \times 8}{4} = 24$$

$$\frac{S(A \circ B)}{S(C \circ D)} = \frac{6 \div 6}{24 \div 6} = \frac{1}{4}$$

وهي نفس النسبة التي حصلنا عليها.