

تم تحميل الملف بواسطة : بوت مكتبتى التعليمية



انقر هنا للوصول إلى بوت مكتبتى التعليمية



بوت مكتبتى التعليمية : عبارة عن مكتبة إلكترونية تعليمية شاملة لغالبية ملفات المراحل الدراسية على تطبيق تيليجرام - يمكن الوصول لها عن طريق الرابط :

https://t.me/Science_2022bot

في كل مما يلي إجابة صحيحة واحدة اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يلي :

لدينا ABCD رباعي وجوه ، فيه I منتصف AC و G مركز الأبعاد المتناسبة للنقاط (A,1) (B,4) (C,1) (D,3) اجب على (1) و (2) و (3):

1- إن H مركز الأبعاد المتناسبة للنقاط (D,3) و (B,4) عندها :

A	$\overrightarrow{DH} = \frac{4}{3}\overrightarrow{DB}$	B	$\overrightarrow{DH} = \frac{4}{7}\overrightarrow{DB}$	C	$\overrightarrow{DH} = \frac{3}{4}\overrightarrow{BH}$	D	$\overrightarrow{DH} = \frac{3}{7}\overrightarrow{BH}$
---	--	---	--	---	--	---	--

2- G مركز الأبعاد المتناسبة للنقطتين :

A	(I, 1)(H, 1)	B	(I, 3)(H, 4)	C	(I, 4)(H, 2)	D	(I, 2)(H, 7)
---	--------------	---	--------------	---	--------------	---	--------------

3- لدينا في معلم متجانس $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ النقطتين $A(2, -1, 2)$ $B(-2, 1, -2)$ نقرن بكل نقطة $M(x, y, z)$ من الفراغ المقدار $MA^2 + MB^2 = K$ إن قيمة K التي تجعل مجموعة النقاط M تمثل كرة هي :

A	$K \geq 18$	B	$K \leq 18$	C	$K = 18$	D	$K > 18$
---	-------------	---	-------------	---	----------	---	----------

4- في معلم متجانس $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ لدينا النقطتين $A(2, -1, 3)$ $B(1, 0, 3)$ إن احداثيات النقطة $M(0, 1, 3)$ يحققها واحدة من العلاقات :

A	$\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} = 0$	B	$\overrightarrow{MA} = \overrightarrow{MB}$	C	$\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB} = \overrightarrow{AB}$	D	$2\overrightarrow{BM} - \overrightarrow{AM} = 0$
---	---	---	---	---	---	---	--

5- نعرف G مركز الأبعاد المتناسبة للنقاط (A,1) (B,3) (C,1) (D,2) إن مجموعة النقاط $M(x, y, z)$ التي تحقق إحداثياتها العلاقة $\|\overrightarrow{MA} + 3\overrightarrow{MB} + 2\overrightarrow{MD} + \overrightarrow{MC}\| = 14$ هي نقاط:

A	كرة مركزها G ونصف قطرها $\sqrt{2}$	B	كرة مركزها M ونصف قطرها 2	C	مستوي يحوي على القطعة [AB]	D	كرة مركزها G ونصف قطرها 2
---	------------------------------------	---	---------------------------	---	----------------------------	---	---------------------------

في معلم متجانس للفراغ $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ نتأمل النقطة $A(4, 0, 0)$ اجب عن (6) و (7) و (8) و (9)

6- إن معادلة المخروط الذي رأسه O وقاعدته الدائرة التي مركزها A ونصف قطرها 3 :

A	$y^2 + z^2 - \frac{16}{9}x^2 = 0$ $0 \leq x \leq 4$	B	$y^2 + z^2 - \frac{4}{3}x^2 = 0$ $0 \leq x \leq 4$
C	$y^2 + z^2 + \frac{16}{9}x^2 = 0$ $0 \leq x \leq 4$	D	$y^2 + z^2 - \frac{9}{16}x^2 = 0$ $0 \leq x \leq 4$

7- إن معادلة المستوي المحوري للقطعة [OA]:

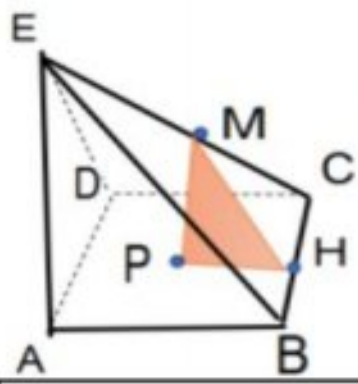
A	$x = 2$	B	$x = 0$	C	$y + z = 0$	D	$y = 2$
---	---------	---	---------	---	-------------	---	---------

8- إن المعادلة الديكارية لمجموعة النقاط الناتجة عن تقاطع المخروط السابق مع المستوي المحوري للقطعة [OA] هي:

A	$y^2 + x^2 = \frac{9}{4}$	B	$y^2 + z^2 = \frac{9}{4}$	C	$x^2 + y^2 + z^2 = \frac{9}{4}$	D	$y^2 + z^2 = 0$
---	---------------------------	---	---------------------------	---	---------------------------------	---	-----------------

9- إن تقاطع المخروط السابق مع المستوي yoz هو نقطة إحداثياتها :

A	(3, 0, 0)	B	(0, 3, 3)	C	(0, 0, 0)	D	(3, 3, 3)
---	-----------	---	-----------	---	-----------	---	-----------



لدينا هرم $ABCDE$ رأسه E وقاعدته $ABCD$ مربع و EA عمودي على المستوي $ABCD$ ، $AB=3$ ،
 $AE=4$ ، و M نقطة من EC تحقق العلاقة $EM = \frac{1}{4} EC$ و P المسقط القائم ل M على $ABCD$ ،
 و H مسقط P على BC أجب عن (10) و (11) و (12) :
 10- إن طول القطعة $[MH]$ هي :

A	$\frac{5}{2}$	B	$\frac{15}{4}$	C	$\frac{15}{2}$	D	$\frac{25}{4}$
---	---------------	---	----------------	---	----------------	---	----------------

11- إن حجم الهرم $EABCD$ هو :

A	4	B	12	C	3	D	24
---	---	---	----	---	---	---	----

12- إن حجم الهرم $EABD$ هو :

A	$\frac{14}{\sqrt{6}}$	B	12	C	$6\sqrt{2}$	D	6
---	-----------------------	---	----	---	-------------	---	---

13- إن معادلة المخروط التي محوره (Oj) ونصف قطر قاعدته $R=3$ ومركز قاعدته $(0,5,0)$ ورأسه المبدأ O هي :

A	$x^2 + z^2 - \frac{9}{25}y^2 = 0$ $0 \leq y \leq 5$	B	$x^2 + z^2 - \frac{25}{9}y^2 = 0$ $0 \leq y \leq 5$
C	$x^2 + y^2 - \frac{9}{25}z^2 = 0$ $0 \leq z \leq 5$	D	$x^2 + y^2 - \frac{25}{9}z^2 = 0$ $0 \leq z \leq 5$

14- قيمة العدد الحقيقي x التي تجعل الأشعة $\vec{w}(3, 0, 4)$ ، $\vec{v}(-1, -2, 0)$ ، $\vec{u}(4, x, 4)$ مرتبطة خطياً :

A	$x = 0$	B	$x = 1$	C	$x = 2$	D	$x = 3$
---	---------	---	---------	---	---------	---	---------

15- المعادلة $x^2 + y^2 = 9$ ، $0 \leq z \leq 4$ هي معادلة :

A	اسطوانة مركز قاعدتها $(0,0,4)$ نصف قطرها 3 ومحورها OZ	B	معادلة كرة مركزها $(0,0,0)$ ونصف قطرها 3	C	اسطوانة مركز قاعدتها $(0,4,0)$ قطرها 4 ومحورها Oy	D	اسطوانة مركز قاعدتها $(4,0,0)$ قطرها 4 ومحورها OX
---	---	---	--	---	---	---	---

16- نتأمل في معلم متجانس النقاط $A(2,1,-1)$ ، $B(0,-1,3)$ ، $M(-1,-4,4)$ ان احداثيات النقطة N التي تجعل $ABMN$ متوازي أضلاع :

A	$N(-3, -6, 8)$	B	$N(1, 2, 0)$	C	$N(0, -2, 1)$	D	$N(1, -2, 0)$
---	----------------	---	--------------	---	---------------	---	---------------

17- $ABCD$ رباعي وجوه فيه I نقطة تحقق العلاقة $2\vec{IA} = \vec{DA} + \vec{BC} + \vec{CA}$ عندئذ النقطة I :

A	تنطبق على A	B	تقع في منتصف $[AC]$	C	تقع منتصف $[BD]$	D	تقع في مركز ثقل الرباعي $ABCD$
---	---------------	---	---------------------	---	------------------	---	--------------------------------

في الشكل الآتي التدرجات متساوية أجب على (18) و (19) و (20)



18- إن النقطة B مركز الابعاد المتناسبة للنقطتين المتقلتين :

A	$(A,3)$ $(C,2)$	B	$(A,4)$ $(C,3)$	C	$(A,3)$ $(C,4)$	D	$(A,2)$ $(C,3)$
---	-----------------	---	-----------------	---	-----------------	---	-----------------

19- إن النقطة A مركز الابعاد المتناسبة للنقطتين المتقلتين :

A	$(C,-2)$ $(B,5)$	B	$(C, 2)$ $(B,5)$	C	$(C,5)$ $(B,-2)$	D	$(C,5)$ $(B,2)$
---	------------------	---	------------------	---	------------------	---	-----------------

20- إن النقطة C مركز الابعاد المتناسبة للنقطتين المتقلتين :

A	$(A,5)$ $(B,-3)$	B	$(A,3)$ $(B,5)$	C	$(A,-3)$ $(B,5)$	D	$(A,-5)$ $(B,3)$
---	------------------	---	-----------------	---	------------------	---	------------------

المدرس : عامر ملحيس

$$y^2 + z^2 - \frac{9}{16}x^2 = 0 \quad (6)$$

$$0 \leq x \leq 4$$

$$\Rightarrow \underline{|D|}$$

$$\|7\vec{MG}\| = 14 \quad (5)$$

$$7MG = 14 \Rightarrow$$

$$MG = 2$$

صبوعت النقاط تمثل كرة مركزها G
و نصف قطرها (2)

$$OM^2 = AM^2 \quad (7)$$

$$x^2 + y^2 + z^2 = (x-4)^2 + y^2 + z^2$$

$$x^2 + y^2 + z^2 = x^2 - 8x + 16 + y^2 + z^2$$

$$8x = 16 \Rightarrow \underline{|x=2|}$$

(8) نفوض معادلتنا المتسوية بمبادلتنا
المحورين

$$y^2 + z^2 - \frac{9}{16}(4) = 0$$

$$y^2 + z^2 = \frac{9}{4} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \underline{|B|}$$

$$\underline{|C|} \quad (9)$$

(10) باختيار المعلم المتجانس

$$(A, \frac{1}{3}\vec{AB}, \frac{1}{3}\vec{AD}, \frac{1}{4}\vec{AE})$$

$$A(0,0,0) B(3,0,0) C(3,3,0)$$

$$D(0,3,0) E(0,0,4)$$

$$\vec{EM} = \frac{1}{4}\vec{EC}$$

$$\begin{bmatrix} x-0 \\ y-0 \\ z-4 \end{bmatrix} = \frac{1}{4} \begin{bmatrix} 3 \\ 3 \\ -4 \end{bmatrix} \Rightarrow M(3/4, 3/4, 3)$$

$$\vec{DH} = \frac{4}{7}\vec{DB} \Rightarrow \underline{|B|} \quad (1)$$

(2) لدينا G مركز الابدال المناسنة
للقاط (A,1) (B,4) (C,1)
(D,3)

ولدينا (I,2) مركز (A,1) (C,1)
ولدينا (H,7) .. (D,3) (B,4)

حسب الخاصية التجريبية
G مركز (I,2) (H,7)

$$\Rightarrow \underline{|D|}$$

$$MB^2 = (x+2)^2 + (y-1)^2 + (z+2)^2 \quad (3)$$

$$MA^2 = (x-2)^2 + (y+1)^2 + (z-2)^2$$

$$= 2x^2 + 2y^2 + 2z^2 + 18 = k$$

$$2x^2 + 2y^2 + 2z^2 = k - 18$$

$$x^2 + y^2 + z^2 = \frac{k-18}{2}$$

$$\frac{k-18}{2} > 0 \Rightarrow$$

$$k > 18$$

$$2\vec{BM} - \vec{AM} = 0 \quad (4)$$

$$2 \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} -2 \\ 2 \\ 0 \end{bmatrix} = 0$$

$$-2 + 2 = 0$$

$$2 - 2 = 0$$

$$0 - 0 = 0$$

$$\underline{|D|}$$

صفت

من (3) $\beta = 1$
 مفوض من (1) $\alpha = -1$

$\Rightarrow x = 2 \Rightarrow |C|$

$P(3/4, 3/4, 0) H(3, 3/4, 0)$

$MH = \sqrt{\frac{81}{16} + 9} = \sqrt{\frac{81+144}{16}}$

$MH = \frac{15}{4} \Rightarrow |B|$

$V = \frac{1}{3} S \cdot h \quad (11)$

$h = EA = 4$

$S = 3 \times 3 = 9$

$V = \frac{1}{3} \times 9 \times 4 = 12 \Rightarrow |B|$

$V = \frac{1}{3} S \cdot h \quad (12)$

$h = EA = 4$

$S = \frac{1}{2} \times AB \times AD = \frac{1}{2} \times 3 \times 3 = \frac{9}{2}$

$V = \frac{1}{3} \times \frac{9}{2} \times 4 = 6 \Rightarrow |D|$

$x^2 + z^2 - \frac{9}{25} y^2 = 0 \quad (13)$
 $0 \leq y \leq 5$

$\Rightarrow |A|$

$\vec{u} = \alpha \vec{v} + \beta \vec{w} \quad (14)$

$\begin{bmatrix} 4 \\ x \\ 4 \end{bmatrix} = \alpha \begin{bmatrix} -1 \\ -2 \\ 0 \end{bmatrix} + \beta \begin{bmatrix} 3 \\ 0 \\ 4 \end{bmatrix}$

$-\alpha + 3\beta = 4 \quad (1)$

$-2\alpha = x \quad (2)$

$4\beta = 4 \quad (3)$

(15) ا طوانتے مرکزها (0,0,4)

و نصف قطرها (3) و محورها

$|A| \leftarrow 0z$

$\vec{AB} = \vec{NM} \quad (16)$

$\begin{bmatrix} -2 \\ -2 \\ 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1-x \\ -4-y \\ 4-z \end{bmatrix}$

$\Rightarrow x = 1$

$y = -2 \Rightarrow N(1, -2, 0)$

$z = 0 \Rightarrow |D|$

$2\vec{IA} = \vec{DA} + \vec{BC} + \vec{CA} \quad (17)$

$2\vec{IA} = \vec{DA} + \vec{BA}$

$2\vec{AI} = \vec{AD} + \vec{AB}$

د علاقت المتوسط

$|C| \leftarrow BD \text{ في } I \text{ في } I$

$|A| \quad (18)$

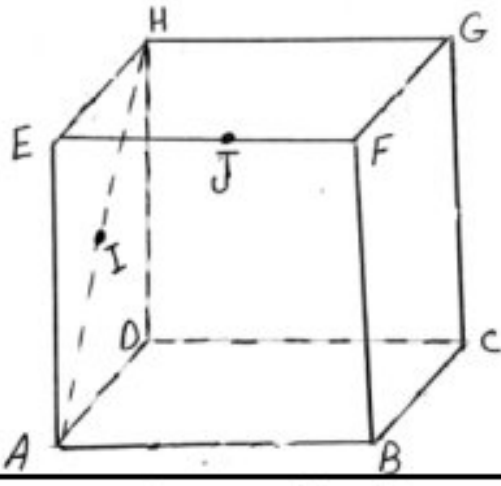
$|A| \quad (19)$

$|C| \quad (20)$

في كل مما يلي إجابة صحيحة واحدة اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يلي :

1- نجد جانباً مكعب ABCDEFGH منتصف [AH] I و J منتصف [EF] إن

$$\text{إن النقطة L التي تحقق } \vec{CL} = \frac{1}{2}\vec{AE} - \vec{AB} - \frac{1}{2}\vec{AD}$$



A	تنطبق على احد رؤوس المكعب	B	تنطبق على مبدأ الاحداثيات	C	تنطبق على I	D	تنطبق على J
---	---------------------------	---	---------------------------	---	-------------	---	-------------

2- واحدة من الحالات التالية لا تشكل مستوي :

A	ثلاث نقاط ليست على استقامة واحدة	B	مستقيمان متقاطعان	C	مستقيمان متخالفان	D	مستقيمان متوازيان
---	----------------------------------	---	-------------------	---	-------------------	---	-------------------

3- إن قيمة x التي تجعل الاشعة $\vec{w}(3, 0, 4)$ $\vec{v}(-1, -2, 0)$ $\vec{u}(4, x, 4)$ مرتبطة خطياً :

A	$x = 0$	B	$x = 1$	C	$x = 2$	D	$x = 3$
---	---------	---	---------	---	---------	---	---------

4- في معلم $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ إن احداثيات النقطة C من محور الفواصل والمتساوية البعد عن

النقطتين $A(2, 3, 0)$ $B(0, 2, 1)$ هي :

A	$(0, 0, 0)$	B	$(2, 0, 0)$	C	$(1, \frac{5}{2}, \frac{1}{2})$	D	$(2, 5, 1)$
---	-------------	---	-------------	---	---------------------------------	---	-------------

5- نتأمل في معلم متجانس $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ الرباعي ABCD حيث النقاط الآتية

$A(0, \alpha, -1)$ $B(1, 1, -2)$ $C(3, \beta, 0)$ $D(2, -3, 1)$ إن قيمة α و β والتي تجعل ABCD معين :

A	$\alpha = -1$ و $\beta = 1$	B	$\alpha = -\frac{3}{5}$ و $\beta = -\frac{7}{5}$	C	$\alpha = -\frac{7}{4}$ و $\beta = -\frac{1}{4}$	D	$\alpha = \frac{3}{5}$ و $\beta = \frac{7}{5}$
---	-----------------------------	---	--	---	--	---	--

6- في معلم متجانس $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ نتأمل النقطتين $D(0, 0, 0)$ $F(2, 2, 2)$ إن معادلة الكرة S التي مركزها النقطة Ω

منتصف القطعة المستقيمة [DF] وتمر من D :

A	$(x - 1)^2 + (y - 1)^2 + (z - 1)^2 = \sqrt{3}$	B	$(x - 1)^2 + (y - 1)^2 + (z - 1)^2 = 1$
C	$(x - 1)^2 + (y - 1)^2 + (z - 1)^2 = 3$	D	$(x - 1)^2 + (y - 1)^2 + (z - 1)^2 = 2$

المعادلة $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 4y = -4$ هي معادلة كرة S أجب عن (7) و (8) و (9) :

7- إن نصف قطر S

A	$r = 1$	B	$r = 2$	C	$r = 3$	D	$r = 4$
---	---------	---	---------	---	---------	---	---------

8- إن مركز S :

A	$(1, -2, 0)$	B	$(1, 1, 1)$	C	$(-1, 2, 1)$	D	$(1, -1, 0)$
---	--------------	---	-------------	---	--------------	---	--------------

9- أي النقاط التالية لا تنتمي ل S :

A	$(2, -1, 1)$	B	$(2, -2, 0)$	C	$(0, -2, 0)$	D	$(1, -1, 0)$
---	--------------	---	--------------	---	--------------	---	--------------

لدينا معادلة المخروط : $x^2 + y^2 - \frac{25}{16}z^2 = 0$ ، $0 \leq z \leq 4$ أجب عن (10) و (11)

10- أي النقاط التالية لا تنتمي للمخروط :

A	$(4, 3, 4)$	B	$(0, 2, 2)$	C	$(0, 0, 0)$	D	$(0, \frac{5}{2}, 2)$
---	-------------	---	-------------	---	-------------	---	-----------------------

11- إذا علمت أن حجم المخروط يعطى بالقانون $V = \frac{\pi}{3} R^2 h$ فإن حجم المخروط السابق :

A	$V = \frac{10\pi}{3}$	B	$V = \frac{25\pi}{3}$	C	$V = \frac{90\pi}{3}$	D	$V = \frac{100\pi}{3}$
---	-----------------------	---	-----------------------	---	-----------------------	---	------------------------

12- ABCD رباعي وجوه ، النقطة G تحقق $\vec{AG} = 2\vec{AB} + 3\vec{BC}$ عندئذ :

A	النقطة G منتصف [AB]	B	G تقع في المستوي ABC	C	G تحقق $\vec{DG} = \vec{AD} + \vec{BD} + 3\vec{CD}$	D	G تقع في المستوي BCD
---	---------------------	---	----------------------	---	---	---	----------------------

في المعلم المتجانس $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ لدينا النقاط $A(2, 1, -1)$ $B(1, -1, 3)$ $C(\frac{-3}{2}, -2, 1)$ $D(\frac{7}{2}, -3, 0)$ عن (13) و (14)

13- ان احداثيات I منتصف AB:

A	$I(\frac{-3}{2}, 0, 1)$	B	$I(\frac{-3}{2}, 1, 1)$	C	$I(\frac{3}{2}, 0, 1)$	D	$I(\frac{-3}{2}, 0, -1)$
---	-------------------------	---	-------------------------	---	------------------------	---	--------------------------

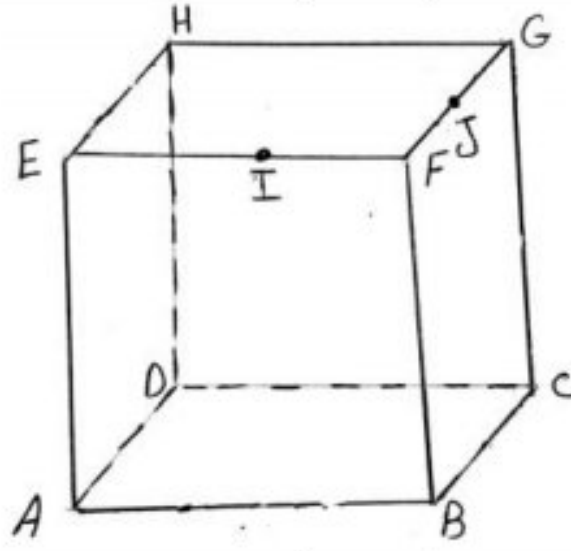
14- المثلث ICE قائم في E حيث $E(\frac{-7}{6}, \frac{-4}{3}, -\frac{1}{3})$ إن مساحة ICE هي:

A	$S = \frac{\sqrt{14}}{3}$	B	$S = \frac{4\sqrt{14}}{3}$	C	$S = \frac{5\sqrt{14}}{3}$	D	$S = \frac{2\sqrt{14}}{3}$
---	---------------------------	---	----------------------------	---	----------------------------	---	----------------------------

15- ليكن لدينا النقاط $A(3, -2, 2)$ $B(6, 1, 5)$ $C(6, -2, 1)$ عندئذ المثلث ABC :

A	قائم	B	متساوي الاضلاع	C	متساوي الساقين	D	مختلف الأضلاع
---	------	---	----------------	---	----------------	---	---------------

تأمل الشكل المجاور واجب على (16) و (17)



16- النقطة M التي تحقق $\vec{AM} = \frac{1}{2}\vec{AB} + \frac{1}{2}\vec{AC} - \vec{DJ} + \vec{AE}$

A	تنطبق على D	B	تنطبق على E	C	تنطبق على I	D	تنطبق على J
---	-------------	---	-------------	---	-------------	---	-------------

17- إن العبارة $\vec{ED} + \vec{CF}$ تكافئ:

A	$2\vec{ED}$	B	$-2\vec{ED}$	C	$\vec{0}$	D	$2\vec{CF}$
---	-------------	---	--------------	---	-----------	---	-------------

في المعلم المتجانس $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ لدينا النقاط $F(3, 0, 2)$ $C(0, 0, 2)$ $D(3, 0, 0)$ اجب على (18) و (19) و (20)

18- إن معادلة الاسطوانة الناتجة عن دوران المستطيل ODFC حول xx' دورة كاملة هي :

A	$y^2 + z^2 = 9$ $0 \leq x \leq 3$	B	$y^2 + z^2 = 4$ $0 \leq x \leq 2$	C	$y^2 + z^2 = 4$ $0 \leq x \leq 3$	D	$y^2 + z^2 = 10$ $0 \leq x \leq 3$
---	--------------------------------------	---	--------------------------------------	---	--------------------------------------	---	---------------------------------------

19- إذا علمت أن حجم الاسطوانة يعطى بالقانون $V = \pi R^2 h$ فإن حجم الاسطوانة السابقة:

A	$V = 12\pi$	B	$V = 27\pi$	C	$V = 300\pi$	D	$V = 18\pi$
---	-------------	---	-------------	---	--------------	---	-------------

20- أي من النقاط التالية تنتمي للاسطوانة السابقة :

A	$(2, 2, 2)$	B	$(4, 0, 2)$	C	$(1, 0, 2)$	D	$(-1, 3, 2)$
---	-------------	---	-------------	---	-------------	---	--------------

المدرس : عامر ملحيس

$$I \left(\frac{2+1}{2}, \frac{1-1}{2}, \frac{-1+3}{2} \right) \quad (13)$$

$$I \left(\frac{3}{2}, 0, 1 \right) \Rightarrow \underline{|C|}$$

$$IC = \sqrt{13} \quad (14)$$

$$IE = \sqrt{\frac{96}{9}} = \frac{4\sqrt{6}}{3}$$

$$EC = \sqrt{\frac{21}{9}}$$

$$S = \frac{1}{2} \times EC \times EI \Rightarrow$$

$$S = \frac{1}{2} \times \frac{\sqrt{21}}{3} \times \frac{4\sqrt{6}}{3} = \frac{2\sqrt{14}}{3}$$

$$\Rightarrow \underline{|D|}$$

$$AB = \sqrt{9+9+9} = \sqrt{27} \quad (15)$$

$$AC = \sqrt{9+0+1} = \sqrt{10}$$

$$BC = \sqrt{0+9+16} = \sqrt{25} = 5$$

$$\vec{AM} = \frac{1}{2} \vec{AB} + \frac{1}{2} \vec{AC} - \vec{DJ} + \vec{AE} \quad (16)$$

$$= \frac{1}{2} \vec{AB} + \frac{1}{2} \vec{AC} + \vec{JD} + \vec{AE}$$

$$= \frac{1}{2} \vec{AB} + \frac{1}{2} \vec{AC} + \vec{JG} + \vec{GD} + \vec{AE}$$

$$(9) \text{ نفرض } (1, -1, 2)$$

$$1 + 1 + 1 \stackrel{?}{=} 1$$

$$3 \neq 1$$

$$\underline{|A|} \text{ أي لا تقع في}$$

$$x^2 + y^2 - \frac{25}{16} z^2 = 0 \quad (10)$$

$$0 \leq 4 \leq 4 \quad (4, 3, 4)$$

صحيفة

نفرض إحداثيات النقطة في

المعادلة

$$16 + 9 - \frac{25}{16} 16 = 0$$

$$25 - 25 = 0 \quad \text{صحيفة}$$

$$0 \leq 2 \leq 4 \quad (0, 2, 2)$$

$$0 + 4 - \frac{25}{16} 4 = 0$$

$$4 - \frac{25}{4} \neq 0$$

غير صحفية

$$\underline{|B|} \text{ أي}$$

$$h = 4, R = 5 \quad (11)$$

$$V = \frac{\pi}{3} 25 \times 4 \Rightarrow V = \frac{100\pi}{3}$$

$$\Rightarrow \underline{|D|}$$

$$G \text{ تقع في المستوى } ABC \quad (12)$$

$$\Rightarrow \underline{|B|}$$

$$\frac{1}{2} \vec{AB} + \frac{1}{2} \vec{AC} + \vec{JG} + \vec{FA} + \vec{AE}$$

$$= \frac{1}{2} \vec{AB} + \frac{1}{2} \vec{AC} + \vec{JG} + \vec{FE}$$

$$= \vec{EI} + \vec{FE} + \vec{JG} + \frac{1}{2} \vec{AC}$$

$$= \vec{FI} + \vec{JG} + \frac{1}{2} \vec{AC}$$

$$= \frac{1}{2} \vec{CD} + \frac{1}{2} \vec{AC} + \vec{JG}, \vec{FI} = \frac{1}{2} \vec{CD}$$

$$= \frac{1}{2} \vec{AD} + \frac{1}{2} \vec{AD} = \vec{AD}, \vec{JG} = \frac{1}{2} \vec{AD}$$

D'Orb $\vec{C} = \vec{M} \cdot \vec{C}_i$

$$\vec{A} \quad \vec{ED} + \vec{CF} \quad (17)$$

$$\vec{ED} + \vec{DE} = 0 \Rightarrow \vec{C}$$

$$r = DF = OC = 2 \quad (18)$$

$$y^2 + z^2 = 4$$

$$0 \leq x \leq 3$$

$$\Rightarrow \vec{C} \quad (19)$$

$$V = \pi R^2 h$$

$$h = 3, R = 2$$

$$V = \pi \times 4 \times 3 = 12\pi$$

$$\Rightarrow \vec{A}$$

$$0 \leq l \leq 3 \quad (1, 0, 2) \quad (20)$$

$$0 + 4 = 4 \quad \vec{C}$$

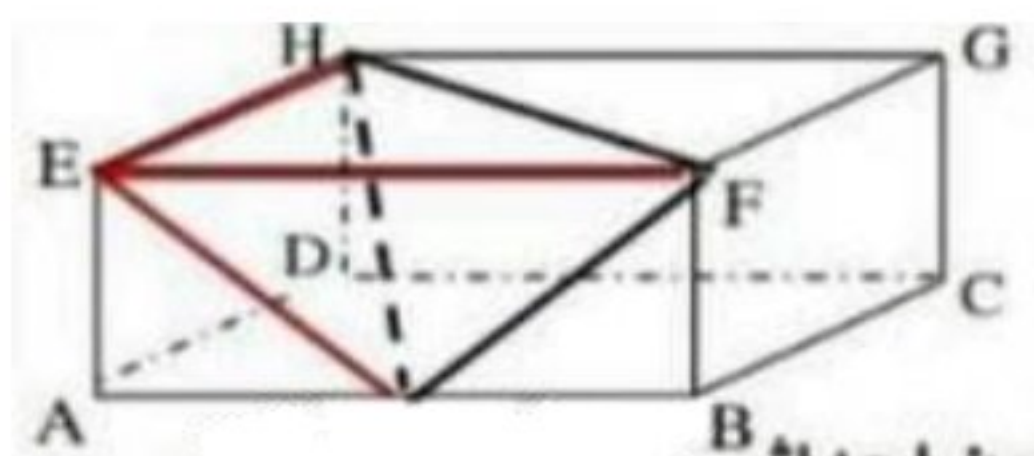
$$\Rightarrow \vec{C}$$

في كل مما يلي إجابة صحيحة واحدة اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يلي :

1- في الشكل المجاور لدينا متوازي مستطيلات فيه $AD = AE = 1$ ،

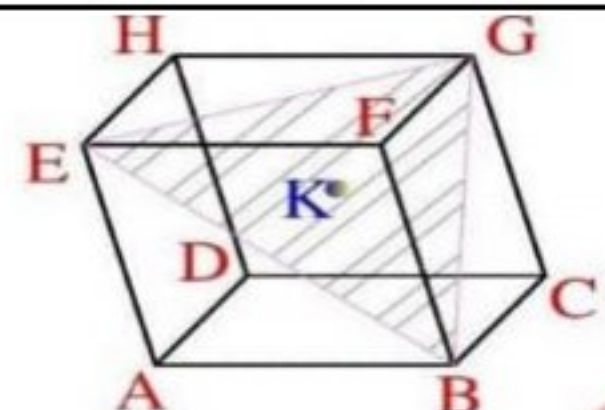
$\overline{AB} = 2$ والنقطة I منتصف $[AB]$ إن موقع النقطة M التي تحقق

$$\overline{AM} = 2\overline{AI} + \frac{1}{2}\overline{AD}$$



A	تنطبق على F	B	تنطبق على G	C	تنطبق على منتصف $[BC]$	D	تنطبق على منتصف $[AH]$
---	-------------	---	-------------	---	------------------------	---	------------------------

2- ABCDEFGH متوازي سطوح و K مركز ثقل المثلث BEG عندئذ تكون \overline{DK} مساوياً:



A	$\frac{1}{2}\overline{DF}$	B	$\frac{1}{3}\overline{DF}$	C	$\frac{2}{3}\overline{DF}$	D	$\frac{3}{4}\overline{DF}$
---	----------------------------	---	----------------------------	---	----------------------------	---	----------------------------

في معلم متجانس $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ لدينا النقاط $A(0, -1, 0)$ $B(1, 2, 3)$ $C(3, 4, 5)$ أجب عن (3) و (4) :

3- إن إحداثيات G مركز الابعاد المتناسبة للنقاط المثقلة $(A, 1)$ $(B, -1)$ $(C, 1)$

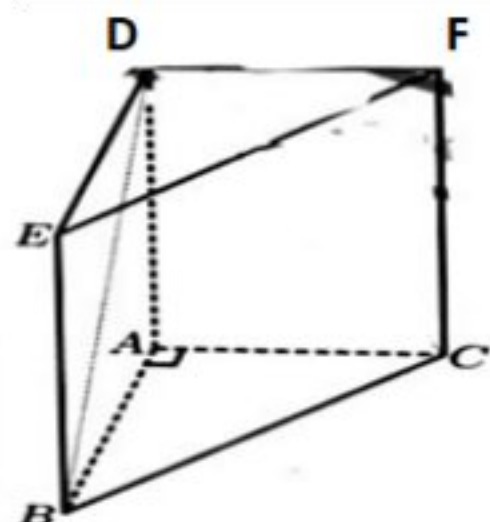
A	$G(3, 1, 2)$	B	$G(2, 1, 3)$	C	$G(2, 1, 2)$	D	$G(1, 2, 3)$
---	--------------	---	--------------	---	--------------	---	--------------

4- إن مجموعة النقاط $M(x, y, z)$ التي تحقق العلاقة $\|\overline{MA} - \overline{MB} + \overline{MC}\| = \|\overline{MA}\|$:

A	مستوي محوري للقطعة $[GA]$	B	مستوي محوري للقطعة $[MG]$	C	كرة مركزها G ونصف قطرها $[GA]$	D	محور القطعة المستقيمة $[GA]$
---	---------------------------	---	---------------------------	---	--------------------------------	---	------------------------------

في الشكل المجاور ABCDEF موشور ثلاثي قائم قاعدته ABC مثلث قائم في A و بفرض المعلم

المتجانس $(A; \frac{1}{3}\overline{AB}, \frac{1}{4}\overline{AC}, \frac{1}{6}\overline{AD})$ حيث $AD = 6$ $AC = 4$ $AB = 3$.



5- إن معادلة المخروط الذي رأسه A ومحوره (\overline{OK}) وقاعدته الدائرة التي مركزها D ونصف قطرها

$[DF]$:

A	$x^2 + y^2 - \frac{16}{36}z^2 = 0$ $0 \leq z \leq 4$	B	$x^2 + y^2 - \frac{16}{36}z^2 = 0$ $0 \leq z \leq 6$
C	$x^2 + y^2 - \frac{9}{36}z^2 = 0$ $0 \leq z \leq 3$	D	$x^2 + y^2 - \frac{25}{36}z^2 = 0$ $0 \leq z \leq 6$

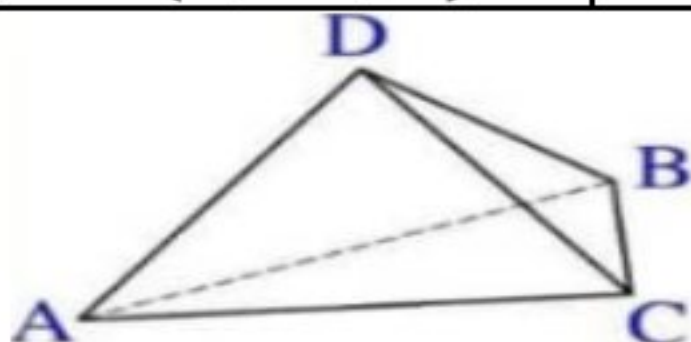
6- نتأمل في معلم متجانس النقاط $A(2, 1, -1)$ $B(0, -1, 3)$ $M(-1, -4, 4)$ إن إحداثيات النقطة N التي تجعل

ABMN متوازي أضلاع:

A	$N(-3, -6, 8)$	B	$N(1, 2, 0)$	C	$N(0, -2, 1)$	D	$N(1, -2, 0)$
---	----------------	---	--------------	---	---------------	---	---------------

7- ABCD رباعي وجوه فيه I نقطة تحقق العلاقة $2\overline{IA} = \overline{DA} + \overline{BC} + \overline{CA}$ عندئذ

النقطة I :



A	تنطبق على A	B	تقع في منتصف $[AC]$	C	تقع منتصف $[BD]$	D	تقع في مركز ثقل الرباعي ABCD
---	-------------	---	---------------------	---	------------------	---	------------------------------

8- إن الشعاعين \vec{u} و \vec{v} غير الصفرين مرتبطان خطياً:

A	$\vec{u}(1, 2, -1), \vec{v}(2, 4, 2)$	B	$\vec{u}(2, 0, 2), \vec{v}(1, 3, 1)$
---	---------------------------------------	---	--------------------------------------

$\vec{u}(0, 1, 2, 0), \vec{v}(0, 5, 0)$	D	$\vec{u}(0, 4, 3), \vec{v}(2, 2, 0)$	C
---	---	--------------------------------------	---

9- لدينا في معلم متجانس $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ النقطتين $A(2, -1, 2)$ $B(-2, 1, -2)$ نقرن بكل نقطة $M(x, y, z)$ من الفراغ المقدار $MA^2 + MB^2 = K$ إن قيمة K التي تجعل مجموعة النقاط M تمثل كرة هي :

$K > 18$	D	$K = 18$	C	$K \leq 18$	B	$K \geq 18$	A
----------	---	----------	---	-------------	---	-------------	---

10- في المعلم المتجانس لتكن لدينا النقاط $A(1, 3, -1)$ $B(3, 6, -2)$ $C(0, 4, 0)$ إن المثلث (ABC) :

قائم	A	متساوي الساقين	B	متساوي الأضلاع	C	$B + A$	D
------	---	----------------	---	----------------	---	---------	---

11- المعادلة $x^2 + y^2 = 9$, $0 \leq z \leq 4$ هي معادلة :

اسطوانة مركز قاعدتها $(0, 0, 4)$ نصف قطرها 3 و محورها OZ	A	اسطوانة مركزها $(0, 0, 0)$ ونصف قطرها 3	B	اسطوانة مركز قاعدتها $(0, 4, 0)$ قطرها 4 و محورها Oy	C	اسطوانة مركز قاعدتها $(4, 0, 0)$ قطرها 4 و محورها OX	D
--	---	---	---	--	---	--	---

12- $ABCM$ متوازي أضلاع عند M هي مركز الأبعاد المتناسبة للنقاط :

$(A, 1)$ $(B, 1)$ $(C, 1)$	A	$(A, 1)$ $(B, 1)$ $(C, -1)$	B	$(A, -1)$ $(B, 1)$ $(C, 1)$	C	$(A, 1)$ $(B, -1)$ $(C, 1)$	D
----------------------------	---	-----------------------------	---	-----------------------------	---	-----------------------------	---

لتكن النقاط $A(2, 0, 1)$ $B(1, -2, 1)$ $C(5, 0, 5)$ $D(6, 2, 5)$ أجب عن (13) و (14)

13- إن قيمة a و b التي تحقق العلاقة $\vec{AD} = a\vec{AB} + b\vec{AC}$:

$a=1, b=-1$	A	$a=-1, b=-1$	B	$a=-1, b=1$	C	لا يمكن تحديد a, b	D
-------------	---	--------------	---	-------------	---	----------------------	---

14- إن التآويل الهندسي للعلاقة $\vec{AD} = a\vec{AB} + b\vec{AC}$ هو :

على استقامة واحدة	A	D, C, B, A تقع على كرة واحدة	B	D, C, B, A تقع في مستوي واحد	C	كل ما سبق خاطئ	D
-------------------	---	--------------------------------	---	--------------------------------	---	----------------	---

15- إن النقاط C, B, A التي تقع على استقامة واحدة هي:

$A(1, 1, 2)$ $B(1, 0, 2)$ $C(1, -1, 2)$	A	$A(1, -1, 3)$ $B(1, 0, 5)$ $C(0, 1, 0)$	B	$A(0, -1, 2)$ $B(0, 3, 5)$ $C(4, -1, 1)$	C	$A(-4, 3, 2)$ $B(1, 2, 5)$ $C(-1, 3, 0)$	D
---	---	---	---	--	---	--	---

16- ثلاث نقاط لا تقع على استقامة واحدة و النقطتين D, E يحققان $\vec{AD} = 2\vec{AC}$, $\vec{BE} = \frac{3}{2}\vec{BC}$ فإن :

ليست جميعها في مستوي واحد	A	$(BD) \parallel (AB)$	B	E, D, C, B, A تقع في مستوي واحد	C	E تقع على المستقيم (AD)	D
---------------------------	---	-----------------------	---	-----------------------------------	---	-----------------------------	---

17- في معلم متجانس $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ بفرض لدينا النقطتين $A(1, -2, 1)$ $B(-1, 2, 0)$ فإن معادلة المستوي المحوري للقطعة المستقيمة $[AB]$ هي :

$-2x + 4y - z + 1 = 0$	A	$-4x + 8y - 2z + 1 = 0$	C	$-4x + 8y - 2z + 3 = 0$	D	$-2x + 4y - z + 3 = 0$	B
------------------------	---	-------------------------	---	-------------------------	---	------------------------	---

في معلم متجانس $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ليكن لدينا النقاط $A(4, 0, 0)$ $B(4, 0, 5)$ $C(0, 0, 5)$ $D(2, 1, -3)$ أجب على (18) و (19) و (20)

18- إن إحداثيات C' نظيرة C بالنسبة ل D :

$C'(1, \frac{1}{2}, 1)$	A	$C'(4, 2, -11)$	B	$C'(2, 4, 11)$	C	$C'(4, 2, 11)$	D
-------------------------	---	-----------------	---	----------------	---	----------------	---

19- إن إحداثيات D' نظيرة D بالنسبة للمستوي (oxy) :

$D'(2, 1, 3)$	A	$D'(0, 0, 3)$	B	$D'(0, 0, -3)$	C	$D'(2, 1, -3)$	D
---------------	---	---------------	---	----------------	---	----------------	---

20- إن إحداثيات النقطة L التي تقع على محور الرواقم ومتساوية البعد عن A و B هي :

$L(0, 0, 5)$	A	$L(0, 0, \frac{5}{2})$	B	$L(4, 0, \frac{5}{2})$	C	$L(0, 0, \frac{25}{2})$	D
--------------	---	------------------------	---	------------------------	---	-------------------------	---

$$x_G = \frac{\alpha x_A + \beta x_B + \gamma x_C}{\alpha + \beta + \gamma} \quad -3$$

$$x_G = \frac{0 - 1 + 3}{1} = 2$$

$$y_G = \frac{-1 - 2 + 4}{1} = 1$$

$$z_G = \frac{0 - 3 + 5}{1} = 2$$

$$G(2, 1, 2) \quad -c$$

$$\|\vec{MG}\| = \|\vec{MA}\| \quad (4)$$

$$MG = MA \quad -A$$

$$[G-A] \perp \vec{u}, \vec{v}, \vec{w}$$

5

$$A(0,0,0) \quad B(3,0,0)$$

$$C(0,4,0) \quad D(0,0,6)$$

$$E(3,0,6) \quad F(0,4,6)$$

$$r = DF = \sqrt{16+0} = 4$$

$$h = AD = 6$$

$$x^2 + y^2 - \frac{16}{36} z^2 = 0 \quad [B]$$

$$0 \leq z \leq 6$$

$$-1 \text{ فرض المثلث } (A, \vec{AI}, \vec{AD}, \vec{AE})$$

$$A(0,0,0) \quad B(2,0,0) \quad I(1,0,0)$$

$$C(2,1,0) \quad D(0,1,0) \quad E(0,0,1)$$

$$F(2,0,1) \quad G(2,1,1) \quad H(0,1,1)$$

$$\vec{AM} = 2\vec{AI} + \frac{1}{2}\vec{AD} \quad -1$$

$$\begin{bmatrix} x-0 \\ y-0 \\ z-0 \end{bmatrix} = 2 \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$x = 2 \quad y = \frac{1}{2}$$

$$z = 0$$

$$M(2, \frac{1}{2}, 0)$$

$$[BC] \perp \vec{u}, \vec{v}, \vec{w}$$

2

$$\vec{KB} + \vec{KE} + \vec{KG} = 0$$

$$3\vec{KD} + \vec{DB} + \vec{DE} + \vec{DG} = 0$$

$$3\vec{KD} + 3\vec{DF} + \vec{FB} + \vec{FE} + \vec{FG} = 0$$

$$3\vec{KD} + 3\vec{DF} + \vec{FD} = 0$$

$$3\vec{KD} + 2\vec{DF} = 0$$

$$3\vec{DK} = 2\vec{DF}$$

$$\vec{DK} = \frac{2}{3}\vec{DF} \quad -c$$

$$MA^2 = (x-2)^2 + (y+1)^2 + (z-2)^2 - 9$$

$$MB^2 = (x+2)^2 + (y-1)^2 + (z+2)^2$$

$$MA^2 + MB^2 = K$$

$$x^2 - 4x + 4 + y^2 + 2y + 1 + z^2 - 4z + 4 + x^2 + 4x + 4 + y^2 - 2y + 1 + z^2 + 4z + 4 = K$$

$$2x^2 + 2y^2 + 2z^2 + 18 = K$$

$$2(x^2 + y^2 + z^2) + 18 = K$$

$$x^2 + y^2 + z^2 = \frac{K}{2} - 9$$

$$\frac{K}{2} - 9 > 0$$

$$\frac{K - 18}{2} > 0$$

$$K - 18 > 0$$

$$K > 18 - D$$

$$AB = \sqrt{4+9+1} = \sqrt{14} - 10$$

$$AC = \sqrt{1+1+1} = \sqrt{3} - 7$$

$$BC = \sqrt{9+4+4} = \sqrt{17}$$

$$BC^2 = 17$$

$$AC^2 + AB^2 = 14 + 3$$

$$BC^2 = AC^2 + AB^2$$

صفاك صفاك، قاتم A C P

$$\boxed{\frac{5}{2} \bar{A}}$$

$$\vec{AB} = \vec{NM} - 6$$

$$\begin{pmatrix} -2 \\ 2 \\ 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1-x \\ -4-y \\ 4-z \end{pmatrix}$$

$$-1-x = -2$$

$$-4-y = -2$$

$$4-z = 4$$

$$\therefore x = 1$$

$$y = -2$$

$$z = 0$$

$$N(1, -2, 0) - D$$

$$2\vec{IA} = \vec{DA} + \vec{BC} + \vec{CA}$$

$$2\vec{IA} = \vec{DA} + \vec{BA}$$

$$\vec{IA} = \frac{1}{2}(\vec{DA} + \vec{BA})$$

(BD) تقع منتصف I

8 - نسب المركبات

$$\frac{1.2}{5}$$

في المركبات قضاة

$$\vec{u}(0, 1.2, 0) \vec{v}(0, 5, 0) - D$$

14 - c - A, B, C, D تقع على

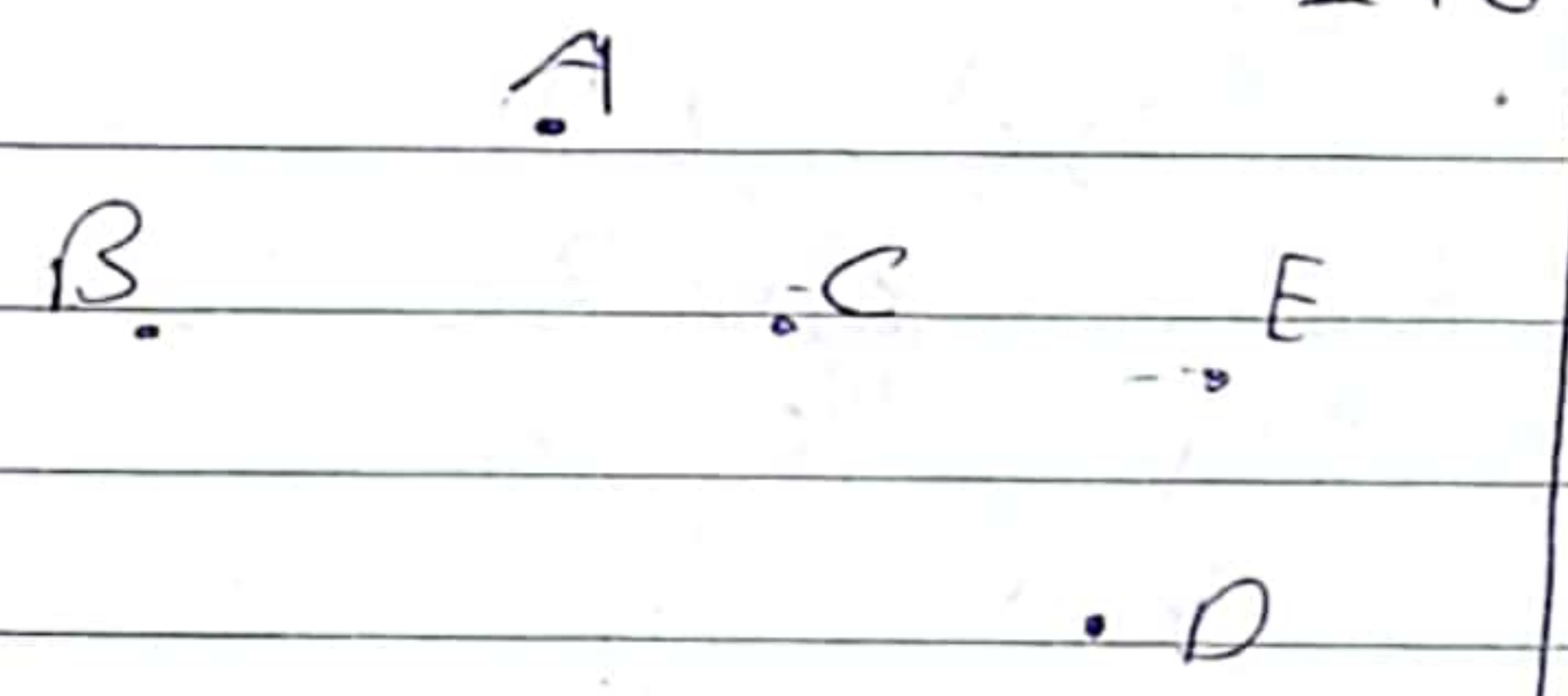
خط مستقيم واحد

15 - $\vec{AB} (0, -1, 0)$

$\vec{AC} (0, -2, 0)$
نصف المتجهين

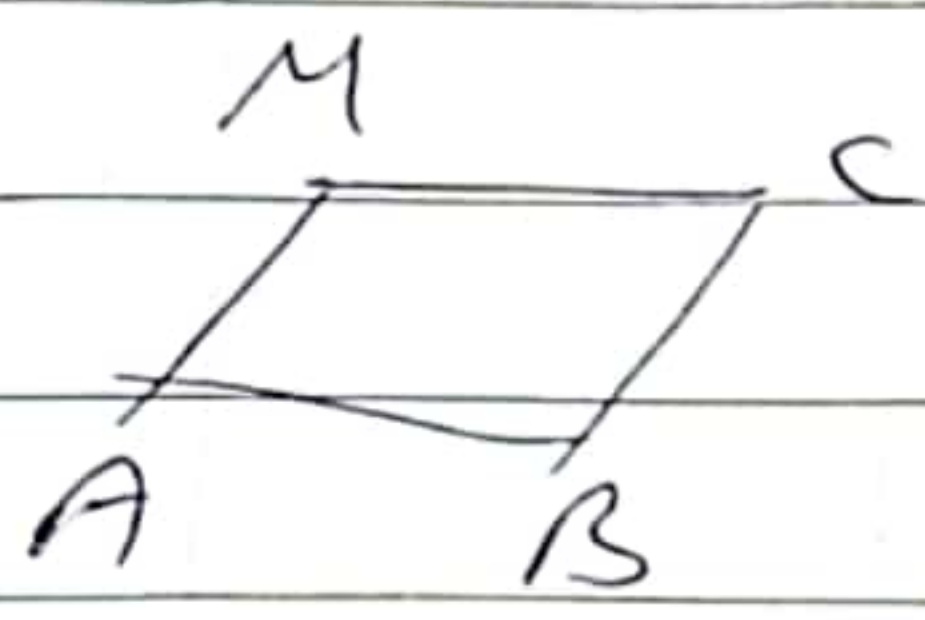
أي $\vec{AB} > \vec{AC}$ مرتبةً من حيث
والنقاط A, B, C تقع على استقامة
واحدة

A (1, 1, 2) B (1, 0, 2)
C (1, -1, 2)



16 - c - A, B, C, D, E تقع على
خط مستقيم واحد

11 - A - أ - نقطة مركز قوس $(0, 0, 4)$
نصف قطرها 3 و... $0 < 2$



12 - $\vec{AB} + \vec{AM} = \vec{AC}$
 $\vec{AM} = \vec{AC} - \vec{AB}$
 $(A, 1) (B, -1) (C, 1) - 10$

13 - $\vec{AD} = a\vec{AB} + b\vec{AC}$

$$\begin{bmatrix} 9 \\ 2 \\ 4 \end{bmatrix} = a \begin{bmatrix} -1 \\ -2 \\ 0 \end{bmatrix} + b \begin{bmatrix} 3 \\ 0 \\ 4 \end{bmatrix}$$

$-a + 3b = 4$

$-2a = 2$

$4b = 4$

$a = -1$

$b = 1$

$1 + 3 = 4$

مفتحة

$a = -1, b = 1 - c$

$$z = \frac{25}{10}$$

$$L(0, 0, \frac{5}{2}) - B$$

$$\vec{AB}(-2, 4, -1) - 17$$

AB ineq

$$(0, 0, \frac{1}{2})$$

$$-2(x-0) + 4(y-0) - 1(z-\frac{1}{2}) = 0$$

$$-2x + 4y - z + \frac{1}{2} = 0$$

x2

$$-4x + 8y - 2z + 1 = 0 - C$$

$$x_D = \frac{x_C + x_C'}{2} - 18$$

$$x_C' = 2x_D - x_C$$

$$x_C' = 4 - 0$$

$$x_C' = 4$$

$$y_C' = 2y_D - y_C$$

$$y_C' = 2 - 0$$

$$y_C' = 2$$

$$z_C' = 2z_D - z_C$$

$$z_C' = -6 - 5$$

$$z_C' = -11$$

$$C'(4, 2, -11) - B$$

$$D(2, 1, 3) - 19$$

-20

$$(0, 0, z)$$

$$AL = BL$$

$$AL^2 = BL^2$$

$$16 + z^2 = 16 + (z-5)^2$$

$$16 + z^2 = 16 + z^2 - 10z + 25$$

$$10z = 25$$