

خيارك الانسب نحو التفوق .

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

تم تحميل هذا الملف بواسطة: **بوت أختبارات بكوريا مؤتممة**.



تم التحميل بواسطة: <https://t.me/FFYY79>

انقر هنا للوصول الى (بوت بكوريا مؤتمت)

وهو عبارة عن بوت تعليمي شامل لمواد الطلاب البكوريا بفرعيها العلمي و الادبي.

يقدم هذا البوت:

أختبارات مؤتممة لطلاب العلمي و الأدبي وفق المنهاج الحديث .



نتمنى لكم دوام التفوق و النجاح.

2025

منبر الرياضيات

تمارين مؤتممة للثالث الثانوي العلمي
التوابع: النهايات والاستمرار

إعداد الأساتذة:

أمين الحايك محمد أحمد العيسى ورود حسينو

الإشراف العلمي:

الأستاذ: عبد الحميد السيد

(1) ليكن C الخط البياني للتابع f المعرف على $R \setminus \{-1\}$ وفق: $f(x) = \frac{2x-1}{x+1}$

عندئذ نقول أن للخط C مقاربين أحدهما أفقي والآخر شاقولي معادلتهما:

$x = 2$ $y = -1$	D	$x = -1$ $y = 2$	C	$x = 1$ $y = -1$	B	$x = -1$ $y = -2$	A
---------------------	----------	---------------------	----------	---------------------	----------	----------------------	----------

(2) ناتج $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{4\sin 2x}{3x}$ يساوي:

2	D	$\frac{8}{3}$	C	$\frac{4}{3}$	B	$\frac{2}{3}$	A
---	----------	---------------	----------	---------------	----------	---------------	----------

(3) ناتج $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x + \cos x}{x-2}$ يساوي:

-2	D	2	C	$+\infty$	B	$-\infty$	A
----	----------	---	----------	-----------	----------	-----------	----------

(4) ليكن التابع f المعرف على المجال $]1, +\infty[$ وفق: $f(x) = \frac{3x-2}{x-1}$ عندئذ $f(f(x))$ يساوي:

$\frac{7x-1}{3x-2}$	D	$\frac{4x-5}{x+1}$	C	$\frac{7x-4}{2x-1}$	B	$\frac{7x-1}{2x+3}$	A
---------------------	----------	--------------------	----------	---------------------	----------	---------------------	----------

(5) ليكن التابع f المعرف على المجال $] -1, +\infty[$ وفق: $f(x) = \frac{2x-1}{x+1}$ عندئذ $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(f(x))$ يساوي:

-1	D	1	C	$+\infty$	B	2	A
----	----------	---	----------	-----------	----------	---	----------

(6) ليكن التابع f المعرف على R^* وجدول تغيراته هو التالي:

x	$-\infty$	-1	0	1	$+\infty$
$f(x)$	$+\infty$	2	$+\infty$	-2	$-\infty$

عندئذ تكون $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(f(x))$

2	D	-2	C	$-\infty$	B	$+\infty$	A
---	----------	----	----------	-----------	----------	-----------	----------

(7) ليكن التابع f المعرف على $R \setminus \{3\}$ وفق: $f(x) = \frac{2x+1}{x-3}$

إن أصغر قيمة للعدد L يحقق الشرط: أيًا كان $x > L$ كان $f(x)$ في المجال $]1.9, 2.1[$ هي:

57	D	73	C	63	B	78	A
----	----------	----	----------	----	----------	----	----------

(8) ليكن التابع f المعرف على R وفق: $f(x) = \begin{cases} \frac{\sqrt{x^2+1}-2}{x-\sqrt{3}} & x \neq \sqrt{3} \\ \sin \theta & x = \sqrt{3} \end{cases}$

حيث $\theta \in [0, \frac{\pi}{2}]$ عندئذ قيمة θ التي تجعل التابع f مستمراً على R تساوي:

$\frac{\pi}{3}$	D	$\frac{\pi}{6}$	C	$\frac{\pi}{2}$	B	$\frac{\pi}{4}$	A
-----------------	----------	-----------------	----------	-----------------	----------	-----------------	----------

9) ليكن التابع f المعرف على المجال $[-2, +\infty[$ وفق: $f(x) = \sqrt{x+2}$ عندئذ يمكن القول أن التابع f :

غير مشتق عند $x = 2$	D	غير مشتق عند $x = -2$	C	مشتق عند $x = -2$	B	غير مستمر عند $x = -2$	A
----------------------	---	-----------------------	---	-------------------	---	------------------------	---

10) ليكن التابع f المعرف على R وفق: $f(x) = \frac{2}{4+3\cos x}$

عندئذ فإن قيم $f(x)$ تنتمي إلى المجال:

$[2, \frac{7}{2}]$	D	$[\frac{2}{7}, 2]$	C	$[3, 4]$	B	$[\frac{1}{3}, 1]$	A
--------------------	---	--------------------	---	----------	---	--------------------	---

11) ليكن التابع f المعرف على R وفق: $f(x) = \frac{3\sin x + 1}{\sin x + 2}$

عندئذ فإن قيم $f(x)$ تنتمي إلى المجال:

$[-1, 1]$	D	$[-2, 1]$	C	$[-2, \frac{4}{3}]$	B	$[\frac{-1}{3}, 2]$	A
-----------	---	-----------	---	---------------------	---	---------------------	---

12) ليكن التابع f المعرف على المجال $[0, 2[$ وفق: $f(x) = (x - E(x))^2 + 1$ حيث E تابع الجزء الصحيح.

عندئذ يمكن التعبير عن f بعبارة مستقلة عن E بالشكل:

$\begin{cases} x^2 & ; 0 \leq x < 1 \\ (x-1)^2 + 1 & ; 1 \leq x < 2 \end{cases}$	B	$\begin{cases} x^2 - 1 & ; 0 \leq x < 1 \\ (x-1)^2 + 1 & ; 1 \leq x < 2 \end{cases}$	A
$\begin{cases} x^2 + 1 & ; 0 \leq x < 1 \\ (x-2)^2 + 1 & ; 1 \leq x < 2 \end{cases}$	D	$\begin{cases} x^2 + 1 & ; 0 \leq x < 1 \\ (x-1)^2 + 1 & ; 1 \leq x < 2 \end{cases}$	C

13) ليكن التابع f المعرف على $I = [0, 2]$ وفق: $f(x) = (x + E(x))^2 - 1$ حيث E تابع الجزء الصحيح.

عندئذ يمكن القول أن التابع f :

غير مستمر على I	D	مستمر على I	C	مستمر عند $x = 2$	B	مستمر عند $x = 1$	A
-------------------	---	---------------	---	-------------------	---	-------------------	---

14) ليكن التابع f المعرف على R وفق: $f(x) = x - E(x)$ حيث E تابع الجزء الصحيح.

عندئذ فإن قيم $f(x)$ تنتمي إلى المجال:

$[0, \frac{1}{2}[$	D	$[0, 1[$	C	$[\frac{1}{2}, \frac{3}{2}[$	B	$[1, 2[$	A
--------------------	---	----------	---	------------------------------	---	----------	---

15) الجدول الآتي يمثل تغيرات للتابع f المعرف على المجال $I = [0, +\infty[$

x	0	2	$+\infty$
$f'(x)$	-	0	+
$f(x)$	1	-1	2

عندئذ تكون $f(I)$

$[1, 2[$	D	$[-1, 1]$	C	$[-1, 2[$	B	$] -1, 2]$	A
----------	---	-----------	---	-----------	---	------------	---

(16) ليكن التابع f المعرّف على المجال $I = [1, 3[$ وفق: $f(x) = 2 - E(x)$ حيث E تابع الجزء الصحيح. عندئذ تكون $f(I)$ تساوي:

$\{1,2,3\}$	D	$\{2,3\}$	C	$\{0,1\}$	B	$\{1,2\}$	A
-------------	----------	-----------	----------	-----------	----------	-----------	----------

(17) ليكن التابع f المعرّف على R وفق: $f(x) = x^3 - 12x + 1$ عندئذ يكون للمعادلة $f(x) = 0$

أربعة حلول	D	ثلاثة حلول	C	حلان	B	حل وحيد	A
------------	----------	------------	----------	------	----------	---------	----------

(18) ليكن التابع f المعرّف على R^* وفق: $f(x) = x + \frac{1}{x}$

عندئذ فإن $f(]0, +\infty[)$ يساوي:

R	D	$] -\infty, -2[$	C	$]0, +\infty[$	B	$[2, +\infty[$	A
-----	----------	------------------	----------	----------------	----------	----------------	----------

(19) ليكن التابع f المعرّف والمستمر على R وجدول تغيراته هو التالي:

x	$-\infty$	-2	3	$+\infty$	
$f'(x)$	$+$	0	$-$	0	$+$
$f(x)$	$-\infty$	1	-1	3	

عندئذ يكون عدد حلول المعادلة $f(x) - 1 = 0$

3	D	2	C	1	B	0	A
---	----------	---	----------	---	----------	---	----------

(20) ليكن التابع f المعرّف على R وفق: $f: x \mapsto x - \cos x$

عندئذ فإن عدد حلول المعادلة $f(x) = 0$ في المجال $I =]0, \frac{\pi}{2}[$ يساوي:

3	D	2	C	1	B	0	A
---	----------	---	----------	---	----------	---	----------

(21) ليكن C الخط البياني للتابع f المعرّف على R وفق: $f(x) = ax^2 - 2x + 1$ (حيث $a \in R^*$)

عندئذ فإن قيم a التي من أجلها لا يتقاطع C مع محور الفواصل بأية نقطة هي:

$0 < a < 1$	D	$a < -2$	C	$a > 1$	B	$a < 0$	A
-------------	----------	----------	----------	---------	----------	---------	----------

(22) ليكن C الخط البياني للتابع f المعرّف على $R \setminus \{2\}$ وفق: $f(x) = \frac{x^2 - 4x}{x - 2}$

عندئذ فإن C يقبل مقارباً مائلاً في جوار $+\infty$ معادلته:

$y = x + 2$	D	$y = x - 1$	C	$y = x - 2$	B	$y = x - 6$	A
-------------	----------	-------------	----------	-------------	----------	-------------	----------

(23) ليكن C الخط البياني للتابع f المعرّف على R^* وفق: $f(x) = x - 3 - \frac{1}{x^2}$

والمستقيم الذي معادلته $y = x - 3$ Δ : مقارب مائل للخط C في جوار $+\infty$ وجوار $-\infty$ عندئذ يكون:

C تحت Δ على R_+^*	B	C فوق Δ على R_+^*	A
C فوق Δ على R_-^*		C تحت Δ على R_-^*	
C تحت Δ على R^*	D	C فوق Δ على R^*	C

(24) ليكن C الخط البياني للتابع f المعرف على R وفق: $f(x) = \sqrt{x^2 + 3}$
 إذا علمت أن C يقبل مقارباً مائلاً في جوار $+\infty$ يرمز له Δ
 عندئذ تكون معادلة المسقيم d العمودي على Δ في النقطة $(2, 1)$ هي:

$y = -x - 1$	D	$y = -x + 3$	C	$y = 2x - 3$	B	$y = x - 1$	A
--------------	----------	--------------	----------	--------------	----------	-------------	----------

(25) ليكن C الخط البياني للتابع f المعرف على R^* وفق: $f(x) = 2x - \frac{\sin^2 x}{x}$

والمستقيم الذي معادلته $y = 2x$: Δ مقارب مائل للخط C في جوار $+\infty$ وجوار $-\infty$ عندئذ يكون:

R^* تحت Δ على C	B	R^* فوق Δ على C	A
R_+^* تحت Δ على C	D	R_+^* فوق Δ على C	C
R_-^* فوق Δ على C		R_-^* تحت Δ على C	

(26) ليكن C الخط البياني للتابع f المعرف بالعلاقة: $f(x) = ax + b + \frac{c}{x-d}$

وتحقق الخواص الآتية:

- المسقيم الذي معادلته $x = 2$ مقارب شاقولي للخط C
- المستقيم الذي معادلته $y = x - 3$ مقارب للخط C في جوار $+\infty$ وجوار $-\infty$
- $f(0) = \frac{1}{2}$ وذلك من أجل قيم (a, b, c, d) الحقيقية:

$(1, -3, -7, 2)$	D	$(1, -3, 2, -7)$	C	$(1, -3, 7, 2)$	B	$(1, -3, -2, 7)$	A
------------------	----------	------------------	----------	-----------------	----------	------------------	----------

(27) ليكن C الخط البياني للتابع f المعرف على R^* وفق: $f(x) = |x + 2| + \frac{1}{x}$

إذا علمت أن C يقبل مقارباً مائلاً d_1 في جوار $-\infty$ ويقبل مقارباً مائلاً d_2 في جوار $+\infty$
 عندئذ المسقيمان d_1 و d_2 يتقاطعان في النقطة:

$(0, -2)$	D	$(-2, 0)$	C	$(2, 0)$	B	$(0, 2)$	A
-----------	----------	-----------	----------	----------	----------	----------	----------

(28) ليكن C الخط البياني للتابع f المعرف على $]-\infty, -2] \cup [0, +\infty[$ وفق: $f(x) = \sqrt{x^2 + 2x}$
 عندئذ الخط C يقبل مقارباً مائلاً في جوار $-\infty$ معادلته:

$y = x - 1$	D	$y = -x + 1$	C	$y = -x - 1$	B	$y = x + 1$	A
-------------	----------	--------------	----------	--------------	----------	-------------	----------

(29) إن نهاية التابع f المعين بالعلاقة $f(x) = \frac{1}{x} - \sin x$ عندما تسعى x إلى $+\infty$

غير موجودة	D	$+\infty$	C	1	B	-1	A
------------	----------	-----------	----------	---	----------	----	----------

(30) إن نهاية التابع f المعرف على R وفق: $f(x) = \begin{cases} |x| \cdot \sin\left(\frac{1}{x}\right) & : x \neq 0 \\ 1 & : x = 0 \end{cases}$ عند الصفر:

غير موجودة	D	$+\infty$	C	1	B	0	A
------------	----------	-----------	----------	---	----------	---	----------

السؤال	الإجابة الصحيحة
1	C
2	C
3	C
4	B
5	C
6	B
7	C
8	D
9	C
10	C
11	B
12	C
13	D
14	C
15	B
16	B
17	C
18	A
19	C
20	B
21	B
22	B
23	D
24	C
25	D
26	D
27	C
28	B
29	D
30	D