



Grade :9

YAMAN ASFARI



# تاسع سوريا 2025

- ملفات لشرح كامل المنهاج
- الإجابة على كافة الاستفسارات
- أتمتات متنوعة وملاحظات
- متابعة حتى يوم الامتحان



# رياضيات الصف التاسع-نظامي+أحرار. شروحات كتاب الهندسة

الوحدة الثالثة

الدرس الأول  
القسم الرابع

المحتويات:

مهم جداً  
صح أو خطأ+  
اختيار من متعدد

- **أولاً:** الأوضاع المختلفة لمستقيم مع دائرة.
- **ثانياً:** الوضع النسبي لدائرتين.

# الأوضاع المختلفة لمستقيم مع دائرة

## أولاً:

إذا كانت  $C(O, R)$  و  $(d)$  مستقيماً وبفرض أن  $[ON]$  يمثل بعد المستقيم  $(d)$  عن مركز الدائرة  $O$ ، عندئذٍ نميز الأوضاع المختلفة للمستقيم  $(d)$  مع الدائرة  $C(O, R)$  موضحة بالجدول التالي:

العلاقة	الشكل	الوضع النسبي
$R < ON$ $(d)$ لا يشترك مع الدائرة بأية نقطة		خارج الدائرة
$R > ON$ $(d)$ يشترك مع الدائرة بنقطتين مختلفتين منها		قاطع للدائرة
$R = ON$ $(d)$ يشترك مع الدائرة بنقطة منها فقط تدعى نقطة التماس		مماس للدائرة <b>تذكر: المماس يعامد نصف القطر في نقطة التماس</b>

## ثانياً: الوضع النسبي لدائرتين (صح أو خطأ + اختيار من متعدد)

إذا كانت  $C(O, R)$  و  $C'(O', R')$  بحيث  $R' > R$  عندئذٍ نميز الأوضاع المختلفة لهما وفق الجدول التالي:

العلاقة	الشكل	الوضع النسبي
<p>هما دائرتان تشتركان بنقطة وحيدة ندعوها نقطة التماس ويحققان:</p> $R + R' = OO'$		<p>تماستان خارجياً</p>

**مثال** — دائرتان  $C(O, 3), C'(O', 5)$  متماستان خارجياً عندئذٍ فإن البعد بين مركزيهما يساوي؟

$$OO' = R + R' = 3 + 5 = 8$$

**أو بالعكس:** دائرتان  $C(O, 3), C'(O', 5)$

البعد بين مركزيهما  $OO' = 8$  عندئذٍ الدائرتان.....

$$\left. \begin{array}{l} R + R' = 3 + 5 = 8 \\ OO' = 8 \end{array} \right\} \Rightarrow OO' = R + R'$$

فالدائرتان  
تماستان خارجياً

العلاقة	الشكل	الوضع النسبي
<p>هما دائرتان تشتركان بنقطة وحيدة ندعوها نقطة التماس ويحققان:</p> $OO' = R' - R$		<p>متماستان داخلاً</p>

**مثال** - دائرتان  $C'(O', 5), C(O, 3)$  متماستان داخلاً. عندئذ فإن البعد بين مركزيهما يساوي؟؟

$$OO' = R' - R = 5 - 3 = 2$$

**وبالعكس:** دائرتان  $C'(O', 5), C(O, 3)$  البعد بين مركزيهما  $OO' = 2$  فإن الدائرتين.....

$$\left. \begin{array}{l} R' - R = 5 - 3 = 2 \\ OO' = 2 \end{array} \right\} \Rightarrow OO' = R' - R$$

فالدائرتان متماستان داخلاً

العلاقة	الشكل	الوضع النسبي
<p>هما دائرتان لا تشتركان بأية نقطة وتحققان:</p> $OO' > R + R'$		<p>متباعدتان خارجاً</p>

**مثال** - دائرتان  $C'(O', 6), C(O, 4)$  البعد بين مركزيهما  $OO' = 12$  فالوضع النسبي للدائرتين.....

$$\left. \begin{array}{l} R + R' = 6 + 4 = 10 \\ OO' = 12 \end{array} \right\} \Rightarrow OO' > R + R'$$

فالدائرتان متباعدتان خارجاً

العلاقة	الشكل	الوضع النسبي
<p>هما دائرتان لا تشتركان بأية نقطة وتحققان:</p> $OO' < R' - R$		متباعدتان داخلاً

**مثال** - دائرتان  $C'(O', 9), C(O, 4)$  البعد بين مركزيهما  $OO' = 3$   
فالوضع النسبي للدائرتين.....

$$\left. \begin{array}{l} R' - R = 9 - 4 = 5 \\ OO' = 3 \end{array} \right\} \Rightarrow OO' < R' - R$$

فالدائرتان متباعدتان داخلاً

العلاقة	الشكل	الوضع النسبي
<p>هما دائرتان تشتركان بنقطتين مختلفتين وتحققان:</p> $R' - R < OO' < R' + R$		متقاطعتان

**مثال** - دائرتان  $C'(O', 12), C(O, 4)$  البعد بين مركزيهما  $OO' = 14$   
فالوضع النسبي للدائرتين.....

$$\left. \begin{array}{l} OO' = 14 \\ R' + R = 12 + 4 = 16 \\ R' - R = 12 - 4 = 8 \end{array} \right\} \Rightarrow R' - R < OO' < R' + R$$

فالدائرتان متقاطعتان