



موقع سوريا التعليمية

قناة التيلجرام

<https://t.me/syriaST>

أولاً: أوجد مجموعة تعريف كل من التوابع التالية ثم أوجد مشتق كل منها:

$$f(x) = \sqrt{\frac{x+1}{x-2}}, \quad g(x) = \sqrt{x^2-1}, \quad h(x) = \frac{1}{x^2+x+1}$$

ثانياً: ليكن لدينا التوابع التالية: $f(x) = x+1$, $g(x) = \sqrt{x}$, $h(x) = \frac{1}{x}$ والمطلوب:

- (1) عيّن مجموعة قيم x التي يكون عندها المقدار gof موجوداً ، ثم أوجد gof .
- (2) عيّن مجموعة قيم x التي يكون عندها المقدار hof موجوداً ، ثم أوجد hof .
- (3) استتج أن التابع fog متزايد تماماً على مجموعة تعريفه (دون إيجاد التابع).
- (4) أثبت أن التابع h فردي ، ما الصفة الهندسية لحظه البياني.

ثالثاً: ليكن f التابع المعرف على المجال $[0, +\infty[$ بالعلاقة $f(x) = x\sqrt{x}$ والمطلوب:

- (1) أثبت أن f اشتقاقي عند الصفر ، فسر النتيجة هندسياً.
- (2) اكتب معادلة المماس للحظ البياني للتابع f في النقطة التي فاصلتها (1).

رابعاً: f تابعاً من الدرجة الثانية يحقق $f(1) = 2$ وحظه البياني يقبل مماساً في النقطة $A(0,3)$ يوازي المستقيم الذي معادلته

$$y = -2x + 1 \text{ والمطلوب: عيّن هذا التابع.}$$

خامساً: ليكن C الخط البياني للتابع f المعرف بالعلاقة $f(x) = \frac{x^2+x-1}{x-1}$ والمطلوب:

- (1) عيّن مجموعة تعريف هذا التابع ، ثم ادرس اطراده على مجموعة تعريفه.
- (2) عيّن القيم الحدية للتابع f وبيّن نوعها.
- (3) عيّن الأعداد الحقيقية a, b, c التي تحقق $f(x) = ax + b + \frac{c}{x-1}$.
- (4) أثبت أن النقطة $A(1,3)$ مركز تناظر للحظ C .

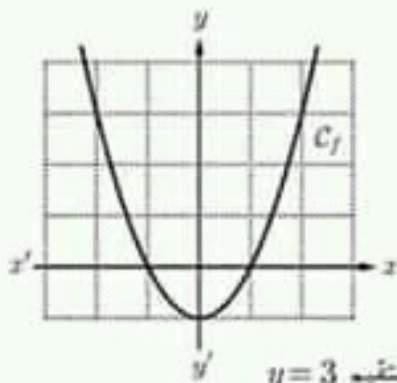
(5) أثبت أن للمعادلة $f(x) = 0$ حل وحيد في المجال $]-2, -1[$.

سادساً: الشكل الماور هو الخط البياني للتابع f والمطلوب:

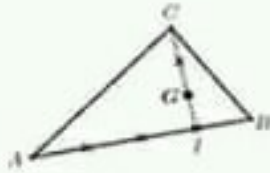
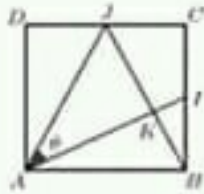
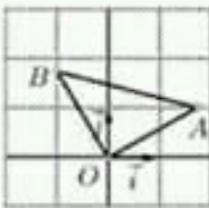
(1) للتابع f قيمة حدية ، عينها وبيّن نوعها.

(2) هل يكون التابع فردي أو زوجي ؟ برر إجابتك.

(3) حل بيانياً المعادلة $f(x) = 3$ ، ثم استتج الوضع النسبي للحظ البياني C مع المستقيم $y = 3$



أولاً: حل التمرينات التالية:

1) تأمل الشكل المجاور ثم جد الأعداد α, β, γ التي تجعل G مركز الأبعاد المتناسبة للنقاط $(A, \alpha), (B, \beta), (C, \gamma)$ 2) عيّن قيمة m ليكون الشعاعين $v(m+3, 2m)$, $w(1-2m, m+2)$ متعامدان.3) حل المعادلة $\sin(x + \frac{\pi}{3}) = \cos(2x)$ على المجال $[0, 2\pi]$.4) اختصر العبارة التالية: $\sin(\frac{\pi}{2} - x) + \sin(\pi + x) + \cos(3\pi - x) + \sin(-x)$ ثانياً: $ABCD$ مربع طول ضلعه (a) فيه I منتصف $[BC]$ و J منتصف $[CD]$ و K نقطة تقاطع المستقيمين (AI) و (BJ) والمطلوب:1) أثبت أن المستقيمين (AI) , (BJ) متعامدين.2) احسب $\overline{AI} \cdot \overline{AK}$ ثم استج $\cos \theta$.3) أثبت أن $\overline{AI} \cdot \overline{AK} = \overline{AI} \cdot \overline{AK}$ ثم استج طول $[AK]$.ثالثاً: ABC مثلث فيه النقاط I, J, K تحقق $\overline{AI} = \frac{3}{2}\overline{AB}$, $\overline{BJ} = \frac{2}{5}\overline{BC}$, $\overline{CK} = \overline{AC}$ و G مركز الأبعاد المتناسبة للنقاطللنقطة $(A, -1), (B, 3), (C, 2)$ ، والمطلوب:1) ارسم شكلاً مناسباً ووضح عليه النقاط I, J, K .2) أثبت أن I مركز أبعاد متناسبة للنقطتين $(A, -1), (B, 3)$ ، ثم استج أن G تقع على (CI) .3) أثبت أن المستقيمات $(AI), (BK), (CI)$ تلتقي في نقطة واحدة ، بطلب تعيينها ، أنشئ هذه النقطة على الرسم.رابعاً: نعطي النقطتين $A(\sqrt{3}, 1), B(-1, \sqrt{3})$ والمطلوب:1) احسب الإحداثيات القطبية للنقطتين A, B .2) احسب قياس الزاوية $(\overline{OA}, \overline{OB})$.3) استج طبيعة المثلث AOB .4) فكّر بطريقة أخرى لاستنتاج طبيعة المثلث AOB .



موقع سوريا التعليمية

قناة التيلجرام

<https://t.me/syriaST>