

"أعداد فريق الأفق التعليمي"

"اختبار أسئلة"

1] في معلم متجانس لدينا المستوى $P: 2x + 3y - z + 4 = 0$ والمستقيم d عندئذ: $\begin{cases} x=t \\ y=t \\ z=t+8 \end{cases}$

[A] d يقطع P ولا يعامده [B] P يوازي d [C] d يحتوي على P [D] d يعامد P

2] في معلم متجانس لدينا $P: 4x + 3y = 0$ ، إن نصف قطر الكرة التي مركزها $A(5, 0, 0)$ ولامستها المستوى P سيادي:

[A] 5 [B] 25 [C] 16 [D] 4

3] في معلم متجانس إن المستوى اللام بالنقطة $A(1, 2, 3)$ ويوازي كل من محور الفواصل ومحور الترتيب يعطى بالمعادلة:

[A] $y = 2$ [B] $x = 1$ [C] $z = 3$ [D] $x + y = 3$

4] في معلم متجانس تتأصل المستويين $P: 2x - y = 2$ و $Q: 4x - 2y + 5z = 4$ عند دراسة تقاطع المستويات الثلاث P و Q و $(z, 0, 0)$ نجد أنها:

[A] تشترك بمستقيم [B] لا تشترك بأي نقطة [C] تشترك بنقطة واحدة [D] لا شيء مما سبق

5] تتأصل في معلم النقطة $A(1, 0, 2)$ الدائقة على مخروط رأسه O ومركز قاعدته $I(0, 0, 10)$ إن نصف قطر قاعدته هو:

[A] 6 [B] 5 [C] 3 [D] 7

6] لدينا النقاط $A(1, 0, 0)$ و $B(4, 3, -3)$ و $C(-1, 1, 2)$ إن إحداثيات النقطة $K(x, y, z)$ بحيث يكون $ABCK$ متوازي أضلاع هي:

[A] $K(4, -5, 0)$ [B] $K(-5, 3, 1)$ [C] $K(-4, -2, 5)$ [D] $K(0, 0, 1)$

7] إذا كانت A نقطة من محور الفواصل و B نقطة من محور الترتيب و C نقطة من محور الرواقم والنقطة $I(1, -1, 0)$ منتصف $[AB]$ والنقطة $K(0, -1, 2)$ منتصف $[BC]$ عندئذ إحداثيات K منتصف $[AC]$ هي:

[A] $K(0, 1, 2)$ [B] $K(1, 0, 2)$ [C] $K(-1, 1, 3)$ [D] $K(2, 0, 5)$

8) ليكن لدينا المستويان (ABC) و (ADF) المتقاطعان بفصل مشترك d ولنفرض K النقطة المشتركة بين المستقيمين (BC) و (AD) عندئذ يكون d هو المستقيم:

- (A) (AD) (B) (AK) (C) (AF) (D) (AB)

9) $ABCD$ رباعي وهو فيه النقطة I منتصف (BC) والنقطة K منتصف $[DC]$ والنقطة M منتصف IK وأيضاً النقطة G منتصف (AM) عندئذ G مركز ثقل للنقطة المثقلة

- (A) $(D, 1)$ $(C, 1)$ $(B, 1)$ $(A, 4)$ (B) $(D, 1)$ $(C, 1)$ $(B, 1)$ $(A, 3)$
 (C) $(D, -1)$ $(C, 5)$ $(B, 0)$ $(A, 6)$ (D) $(D, 1)$ $(C, 2)$ $(B, 1)$ $(A, 4)$

20) في معلم متجانس لدينا النقطة $A(1, 1, 1)$ وليكن d الفاصل المشترك للمستويين P و Q صيغته $Q: 2x - y + 2z + 9 = 0$ و P بعد A عن المستوي P سيارى 3 عندئذ بعد A عن d سيارى:

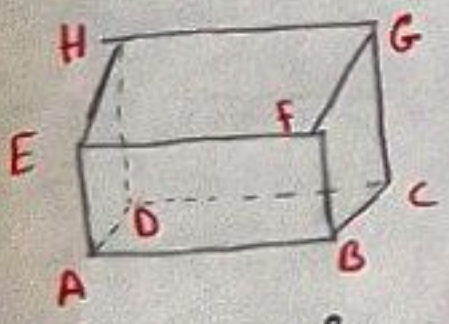
- (A) 7 (B) 2 (C) 5 (D) 3

21) في معلم متجانس معادلة الكرة التي تمر بالنقطتين $A(2, -1, 3)$ و $B(0, 5, -1)$ ومركزها يقع على محور z هو

- (A) $(x+3)^2 + y^2 + z^2 = 35$ (B) $(x+3)^2 + (y+1)^2 + (z)^2 = \sqrt{35}$
 (C) $x^2 + y^2 + z^2 = 25$ (D) $(x+2)^2 + (y)^2 + z^2 = 5$

12) لدينا النقاط $A(1, 2, 3)$ و $B(3, -2, -1)$ و $C(m, \sqrt{m+1}, 1)$ صيغته $m \in [-1, 0]$ فإن صيغ m التي تجعل النقطة C تنتمي إلى المستوي المحوري للنقطة $[AB]$ هي:

- (A) $m \in [0, 8]$ (B) $m \in [0]$ (C) $m \in [8]$ (D) $m \in [1]$



13) الشكل المجاور متوازي سطوح فيه Q تحقق العلاقة الشعاعية $\vec{AQ} = \frac{1}{2}\vec{AB} + \frac{1}{2}\vec{AD} + \vec{AE}$ عندئذ النقطة Q تقع

- (A) منتصف AC (B) منتصف AH (C) منتصف HF (D) منتصف Bf

14) أي زوج من الأزواج التالية ملك شعاعان مرتبطان خطياً:

- (A) $\vec{u}(1, 2, 3)$ و $\vec{v}(-1, -2, 3)$ (B) $\vec{u}(1, 0, 1)$ و $\vec{v}(1, 1, 0)$
 (C) $\vec{u}(1, 1, 2)$ و $\vec{v}(2, 2, 1)$ (D) $\vec{u}(1, 0, 0)$ و $\vec{v}(-3, 0, 0)$

15) إذا كانت النقطة M تقع خارج المستقيم (AB) وليكن M' نقطة دارمة على المستقيم AB وكانت $MM' = \sqrt{(k-3)^2 + 16}$ عندئذ بعد النقطة M عن المستقيم (AB) هو:

- (A) 4 (B) 9 (C) 3 (D) 0

16] لتكن النقطة $A(3, 2, 1)$ و $B(1, 2, 0)$ و $C(3, 1, -2)$ وليكن النقطة $M(m, 1, 3)$ عندئذٍ قيمة m التي تجعل M تنتمي إلى المستوى (ABC) هي:

- (A) 12 (B) -12 (C) 13 (D) لا يوجد قيمة لـ m

17] لتكن النقطة $A(3, 2, 1)$ و $B(1, 2, 0)$ و $C(3, 1, -2)$ و عندئذٍ العلاقة بين x و y التي تجعل النقطة $D(x, y, z)$ تنتمي إلى المستوى (ABC) هي:

- (A) $x - 6y = 19$ (B) $-x - 6y + 19 = 0$ (C) $-x - 6y = 19$ (D) $x + 6y = -19$

18] في معلم متجانس لتكن النقطة $A(3, 1, -3)$ و $B(-1, 5, -3)$ و $C(-1, 1, \alpha)$ عندئذٍ قيمة α التي تجعل ABC مثلثاً متساوي الأضلاع هي:

- (A) $\alpha = -7$ (B) $\alpha = 1$ (C) $\alpha = 7$ (D) $\alpha = -1$ و $\alpha = 7$

19] لتكن مجموعة النقطة M التي تحقق $f(M) = 2x^2 + 2y^2 + 2z^2 + 18 = 0$ عندئذٍ الشرط على العدد الحقيقي k لتكون $f(M) = k$ تمثل المجموعة الخالية هو:

- (A) $k < 18$ (B) $k > 0$ (C) $k > 18$ (D) $k < -18$

20] إن معادلة الأبرطوانة التي مركزها $A(0, 3, 0)$ و $B(0, 7, 0)$ وترها بالنقطة $M(3, 5, 4)$ هي:

- (A) $3 \leq y \leq 7$ و $x^2 + z^2 = 25$ (B) $3 \leq z \leq 7$ و $x^2 + y^2 = 25$

- (C) $3 \geq y \geq 7$ و $x^2 + z^2 = 25$ (D) $3 \leq x \leq 7$ و $y^2 + z^2 = 25$

21] إذا كانت المستويات P_1 و P_2 و P_3 هي المستويات المحورية للقطع $[AB]$ و $[BC]$ و $[CD]$ على التوالي وكانت المستويات الثلاثة تشترك بنقطة واحدة R عندئذٍ:

- (A) النقطة A, B, C, D تقع في مستوى واحد (B) النقطة R تقع في المستوى المار بالنقطة A, B, C, D

- (C) النقطة A, B, C, D تقع على كرة واحدة مركزها R (D) الرباعي $ABCD$ متوازي أضلاع

22] مجموعة النقطة التي تحقق $\vec{AM} \cdot \vec{AB} = 0$ هي:

- (A) مستوى مار من B ويقبل \vec{AM} ناظراً (B) كرة $[AB]$ قطر فيها

- (C) مستوي محوري للقطعة $[AB]$ (D) مستوي مار من A ويقبل AB ناظراً عليه

23

في معلم متجانس لدينا المستويات الثلاث P_1 و P_2 و P_3 التي معادلاتها

$P_1: x+z=1$ و $P_2: y+z=2$ و $P_3: x+y-z=3$

عندئذ تتقاطع المستويات الثلاثة بنقطة إحدائياتها :

- (A) (0, 1, 2) (B) (-2, -1, 3) (C) (2, 3, -1) (D) (1, 2, 0)

24

في معلم متجانس لتكن النقطة $A(1, 0, 0)$ و $B(0, 2, 0)$ و $C(0, 0, 1)$ عندئذ بعد النقطة $O(0, 0, 0)$ عن المستوى (ABC) يساوي :

- (A) $\frac{1}{2}$ (B) 1 (C) $\frac{2}{3}$ (D) $\frac{3}{2}$

$\vec{AE} - 3\vec{AB} + 4\vec{AC} = 0$ وتحقق ABC مثلث والنقطة E تقع في المستوى (ABC) وهي مركز أبعاد متساوية للنقطة

(A, α) (B, β) (C, γ) عندئذ فإن قيم α و β و γ هي

- (A) $\alpha = -4, \beta = 2, \gamma = 3$ (B) $\alpha = -4, \beta = 3, \gamma = 1$ (C) $\alpha = 2, \beta = 3, \gamma = -4$ (D) $\alpha = -4, \beta = 3, \gamma = 2$

26

في معلم متجانس ليكن المستوى P الذي معادلته $x+y-z+1=0$ وليكن d المتقيم المار من $A(1, 2, 3)$ ويعامد P عندئذ التمثيل الوسيط لـ d هو :

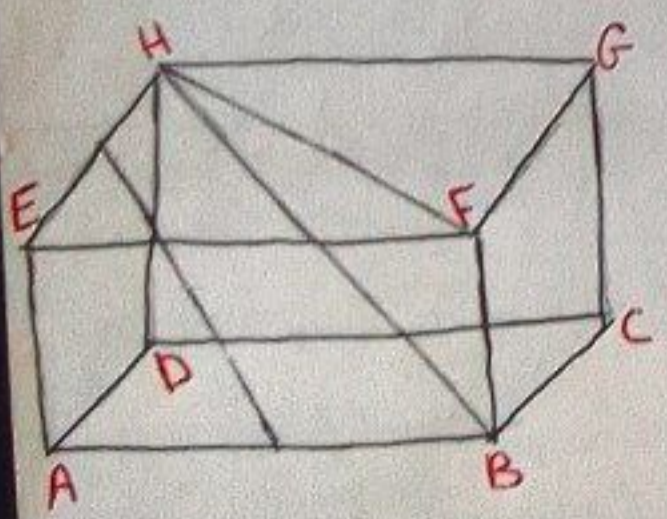
(A) $d: \begin{cases} x = t+1 \\ y = t+2 \\ z = -t+3 \end{cases} ; t \in \mathbb{R}$ (B) $d: \begin{cases} x = t+1 \\ y = t+1 \\ z = -t-1 \end{cases} ; t \in \mathbb{R}$

(C) $d: \begin{cases} x = -t+1 \\ y = -t+2 \\ z = -t+3 \end{cases} ; t \in \mathbb{R}$ (D) $d: \begin{cases} x = 1 \\ y = t+1 \\ z = 4t+3 \end{cases} ; t \in \mathbb{R}$

27

هي نقطة C من محور الرواق متساوية البعد عن النقطتين $A(1, 4, 1)$ و $B(2, 1, 3)$

- (A) $x = \frac{7}{2}$ (B) $y = \frac{7}{2}$ (C) $z = \frac{7}{2}$ (D) $z = -\frac{7}{2}$



28 I منتصف AB و J منتصف EH وضع النقطة P التي تحققت

$\vec{AP} = \frac{1}{2}\vec{AB} + \frac{1}{2}\vec{CG} + \vec{EJ}$

- (A) منتصف AH (B) منتصف AG (C) منتصف AF (D) منتصف AC

29 ليكن $Q: x+2y-z+1=0$ و $P: 2x+y-z+2=0$ فتكون معادلة R المستوي العمودي على P و Q و مارعة النقطة $D(1,2,-1)$ هي:

$x+y+3z=0$ [A]
 $-x+y-3z=0$ [B]
 $x-y-3z=0$ [C]
 $x+y+3z+1=0$ [D]

30 ان نقطة تقاطع المستقيم d مع المستوي (ABC) عدلاً ان
 $d: \begin{cases} x=t+2 \\ y=t+3 \\ z=-2t+1 \end{cases}; t \in \mathbb{R}$ و $(ABC): x+y-2z+1=0$

$(\frac{4}{3}, \frac{7}{3}, \frac{7}{3})$ [A] $(\frac{4}{3}, \frac{11}{3}, \frac{7}{3})$ [B] $(-\frac{4}{3}, 2, \frac{2}{3})$ [C] $(-\frac{4}{3}, -\frac{11}{3}, -\frac{7}{3})$ [D]

31 لتكن النقاط $A(1,-1,-1)$ و $B(2,-1,1)$ و النقطة $G(1,-2,0)$ هي مركز ثقل المثلث ABC عندئذٍ إحداثيات النقطة C هي:

$(\frac{4}{3}, -2, 0)$ [A] $(2, 1, -2)$ [B] $(0, -4, 0)$ [C] $(4, 1, -3)$ [D]

32 ان معادلة الكرة التي مركزها $\Omega(-2, 1, -1)$ وبتن المستقيم d الذي معادلته

$d: \begin{cases} x=2t+1 \\ y=-1 \\ z=-2t-2 \end{cases}$ و $t \in \mathbb{R}$ هي:

$(x-2)^2 + (y-1)^2 + (z+1)^2 = 7$ [B] $(x-2)^2 + (y-1)^2 + (z+1)^2 = 14$ [A]

$(x+2)^2 + (y-1)^2 + (z+1)^2 = 6$ [D] $(x+2)^2 + (y-1)^2 + (z+1)^2 = 13$ [C]

33 اذا علمت ان $\vec{u} = -2\vec{i} + \vec{k}$ و $\vec{v} = -\vec{i} + \vec{j}$ عندئذٍ $\|\vec{u} + \vec{v}\|$ يساوي:

$\sqrt{19}$ [A] $\sqrt{11}$ [B] $\sqrt{13}$ [C] $2\sqrt{2}$ [D]

34 في معلم متجانس لتكن Σ مجموعة النقاط $M(x, y, z)$ التي تحققت المعادلة

$x^2 + y^2 + z^2 + k - 2x - 4y = 0$ حيث k عدد حقيقي عندئذٍ فإن مجموعة قيم k التي تجعل Σ تمثل المجموعة الخالية هي:

$]0, \infty[$ [A] $]5, \infty[$ [B] $]0, \infty[$ [C] $]5, \infty[$ [D]

35 في معلم متجانس لتكون Σ مجموعة النقط $M(x, y, z)$ التي تحقق المعادلة
 $x^2 + y^2 + z^2 + by + 9 = 0$ فهي تمثل:

- (A) كرة مركزها $(0, -3, 0)$ **(B)** مجموعة قالية **(C)** نقطة وصية **(D)** نقطة وصية $(0, -3, 0)$

36 في معلم متجانس لدينا المستوي P الذي معادلته $x + 2y + 2z + \lambda = 0$ حيث λ عدد حقيقي موجب تماماً و الكرة S التي معادلتها $x^2 + y^2 + (z-1)^2 = 4$ اذا علت Σ المستوي P ليس الكرة S عندئذ قيمة λ سادس:

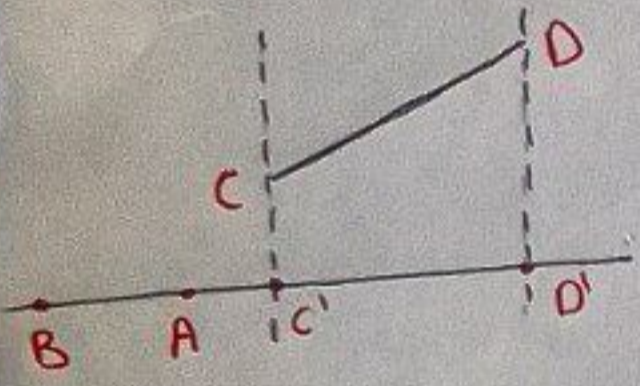
- (A) 1 **(B)** 2 **(C)** 4 **(D)** 6

37 في معلم متجانس لدينا النقط $A(2, 0, -1)$ و $B(0, 4, 3)$ و $M(x, y, z)$ اذا علت Σ $\vec{MA} \cdot \vec{MB} = 0$ فان مجموعة النقط $M(x, y, z)$ تمثل كرة مركزها ونصف قطرها R :

- (A) $R = \sqrt{3}$ **(B)** $R = 3$ **(C)** $R = 3$ **(D)** $R = 3$
 $(1, 2, 1)$ $(-1, 2, 1)$ $(-1, -2, -1)$ $(1, 2, 1)$

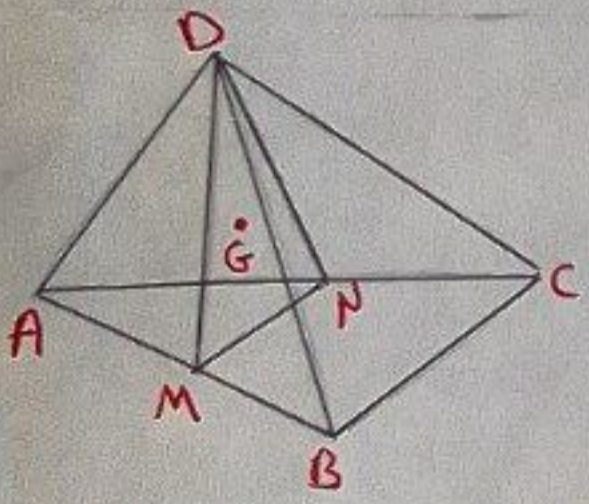
38 في صوي P اذا علت Σ الشعاع $\vec{C'D'}$ للنقط القائم \vec{CD} على (AB) وان $\|\vec{AB}\| = 5$ و $\vec{AB} \cdot \vec{CD} = -10$ فان قيمة $\|\vec{C'D'}\|$ هي

- (A) $\frac{1}{10}$ **(B)** $\frac{1}{5}$ **(C)** $\frac{1}{2}$ **(D)** 2



39 اربعي وجوه M تنتمي الى الكرف $[AB]$ و N تنتمي الى الكرف $[AC]$ و G مركز ابعاد متساوية للنقط المتقلة $(D, 3)$ (A, α) $(B, 1)$ $(C, 2)$ عندئذ فان قيمة α هي:

- (A) 1 **(B)** $\frac{3}{2}$ **(C)** 2 **(D)** 3



40 اربعي وجوه $ABCDEF$ FGH I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V