



- نقدم بين يديكم هذا العمل الذي يتضمن طريقة إزالة عدم التعيين بطريقة مبسطة وسريعة مع التمارين التدريبية.
- ننوه أن هذا العمل هو عمل بشري من قبل زميلكم علاء بيضة ضمن فريق خلاصة.
- يمكنكم متابعة قناتنا على التلغرام من خلال الضغط [هنا](#) وصفحتنا على الانستغرام من [هنا](#).

إزالة عدم تعيين حالة $\frac{0}{0}$

- نستخدم قاعدة لوبيتال : وهي أن نشتق البسط ونشتق المقام ونعوض النهاية نشتق مرة اذا ما قدرنا نحسب النهاية من اول مرة نشتق المرة الثانية ونعوض النهاية.

نستطيع تطبيق قاعدة لوبيتال على التابع الكسري والمثلثي والأسّي واللوغاريتمي والجزري أي في جميع حالات ال $\frac{0}{0}$.

١. التابع الكسري:

مثال :

$$\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2 - 4x - 12}{x^2 - 4} = \frac{0}{0}$$

نطبق قاعدة لوبيتال فنجد :

$$\frac{(x^2 - 4x - 12)'}{(x^2 - 4)'} = \frac{2x - 4}{2x}$$

نعوض النهاية :

$$\lim_{x \rightarrow -2} \frac{2x - 4}{2x} = \frac{-8}{-4} = 2$$

ملاحظة: نأخذ مشتق البسط على مشتق المقام وليس مشتق الكسور

١. إن قيمة : $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{x-5}{x^2-6x+5}$

-1 -D

$\frac{4}{3}$ -C

$\frac{1}{4}$ -B

$\frac{17}{6}$ -A

٢. إن قيمة : $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x^3 - x^2 - 1}{x^2 + x - 2}$

-1 -D

$\frac{4}{3}$ -C

$\frac{1}{4}$ -B

$\frac{17}{6}$ -A

٣. إن قيمة : $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^4 - 1}{x^3 - 1}$

-1 -D

$\frac{4}{3}$ -C

$\frac{1}{4}$ -B

$\frac{17}{6}$ -A

٤. إن قيمة : $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 - 7x + 12}$

-1 -D

$\frac{4}{3}$ -C

$\frac{1}{4}$ -B

$\frac{17}{6}$ -A

٥. إن قيمة : $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^3 - x^2 - 4x - 6}{x^2 - 9}$

-1 -D

$\frac{4}{3}$ -C

$\frac{1}{4}$ -B

$\frac{17}{6}$ -A

٣. التابع الجذري:

مثال :

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x-1}}{x-1} = \frac{0}{0}$$

نطبق قاعدة لوبيتال فنجد :

$$\frac{(\sqrt{x-1})'}{(x-1)'} = \frac{1}{2\sqrt{x-1}}$$

نعوض النهاية :

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{2\sqrt{x-1}} = \frac{1}{0^+} = +\infty$$

تذكير : مشتق التابع الجذري هو مشتق ما داخل الجذر على ضعفي الجذر .

٦. إن قيمة : $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x+1}-2}{x-3}$

4 -D

$\frac{1}{4}$ -C

$-\frac{1}{2}$ -B

$\frac{1}{2}$ -A

٧. إن قيمة : $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x}{\sqrt{x+1}-1}$

4 -D

$\frac{1}{4}$ -C

$-\frac{1}{2}$ -B

$\frac{1}{2}$ -A

٨. إن قيمة : $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x}-x}{x-1}$

4 -D

$\frac{1}{4}$ -C

$-\frac{1}{2}$ -B

$\frac{1}{2}$ -A

٩. إن قيمة : $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x+1}{\sqrt{x^2-1}}$

2 -D

0 -C

$-\frac{1}{2}$ -B

$\frac{1}{2}$ -A

١٠. إن قيمة : $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1+x}-\sqrt{1-x}}{2x}$

4 -D

$\frac{1}{4}$ -C

$-\frac{1}{2}$ -B

$\frac{1}{2}$ -A

٣. التابع المثلثي :

مثال :

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x - \sin 2x}{5x} = \frac{0}{0}$$

نطبق قاعدة لوبيتال فنجد :

$$\frac{(3x - \sin 2x)'}{(5x)'} = \frac{3 - 2\cos 2x}{5}$$

نعوض النهاية :

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3 - 2\cos 2x}{5} = \frac{3 - 2}{5} = \frac{1}{5}$$

تذكير :

مشتق النسبة المثلثية هو مشتق الزاوية بمشتق النسبة مع المحافظة على الزاوية.

١١. إن قيمة : $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x}{7x - 2 \sin 5x}$

-A 2 -B 1 -C 0 -D -1

١٢. إن قيمة : $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 - x}{\sin x}$

-A 2 -B 1 -C 0 -D -1

١٣. إن قيمة : $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos x}{\sin x}$

-A 2 -B 1 -C 0 -D -1

١٤. إن قيمة : $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \sin x}{1 - \cos x}$

-A 2 -B 1 -C 0 -D -1

١٥. إن قيمة : $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{\cos x}{x - \frac{\pi}{2}}$

-A 2 -B 1 -C 0 -D -1

٤. التابع الأسّي :

مثال :

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{e^x - e}{2x - 2} = \frac{0}{0}$$

نطبق قاعدة لوبيتال فنجد :

$$\frac{(e^x - e)'}{(2x - 2)'} = \frac{e^x}{2}$$

نعوض النهاية :

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{e^x}{2} = \frac{e}{2}$$

تذكير: مشتق التابع الأسّي هو مشتق الأس بالتابع الأسّي ذاته.

١٦. إن قيمة : $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - 1}{4x}$

- A $\frac{1}{5}$ -B $\frac{1}{2}$ -C $-\frac{1}{2}$ -D $-\frac{1}{3}$

١٧. إن قيمة : $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{\sin x} - 1}{5x}$

- A $\frac{1}{5}$ -B $\frac{1}{2}$ -C $-\frac{1}{2}$ -D $-\frac{1}{3}$

١٨. إن قيمة : $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - e^x}{3x - 3}$

- A $\frac{1}{5}$ -B $\frac{1}{2}$ -C $-\frac{1}{2}$ -D $-\frac{1}{3}$

١٩. إن قيمة : $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1}{2x}$

- A $\frac{1}{5}$ -B $\frac{1}{2}$ -C $-\frac{1}{2}$ -D $-\frac{1}{3}$

٢٠. إن قيمة : $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{e^{\cos x} - 1}{2x - \pi}$

- A $\frac{1}{5}$ -B $\frac{1}{2}$ -C $-\frac{1}{2}$ -D $-\frac{1}{3}$

٥. التابع اللوغاريتمي :

مثال :

$$\lim_{x \rightarrow -1} \frac{\ln(x+2)}{x^2-1} = \frac{0}{0}$$

نطبق قاعدة لوبيتال فنجد :

$$\frac{[\ln(x+2)]'}{(x^2-1)'} = \frac{1}{x+2} = \frac{1}{2x^2+4x}$$

نعوض النهاية :

$$\lim_{x \rightarrow -1} \frac{1}{2x^2+4x} = \frac{1}{-2} = -\frac{1}{2}$$

تذكير: مشتق التابع اللوغاريتمي هو مشتق ما داخل اللوغاريتم على ما داخل اللوغاريتم

٢١. إن قيمة : $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(7x+1)}{5x}$

- 1 -D $\frac{1}{2}$ -C $\frac{1}{3}$ -B $\frac{7}{5}$ -A

٢٢. إن قيمة : $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\ln(x)}{2x-2}$

- 1 -D $\frac{1}{2}$ -C $\frac{1}{3}$ -B $\frac{7}{5}$ -A

٢٣. إن قيمة : $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\ln(x-1)}{3x-6}$

- 1 -D $\frac{1}{2}$ -C $\frac{1}{3}$ -B $\frac{7}{5}$ -A

٢٤. إن قيمة : $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\ln(3x-2)}{3x-3}$

- 1 -D $\frac{1}{2}$ -C $\frac{1}{3}$ -B $\frac{7}{5}$ -A

٢٥. إن قيمة : $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\ln(x)}{x-1}$

- 1 -H $\frac{1}{2}$ -G $\frac{1}{3}$ -F $\frac{7}{5}$ -E

التوضيح	الحل	رقم السؤال
نشتق مرة واحدة ونعوض النهاية .	B	1
نشتق مرة واحدة ونعوض النهاية .	C	2
نشتق مرة واحدة ونعوض النهاية .	C	3
نشتق مرة واحدة ونعوض النهاية .	D	4
نشتق مرة واحدة ونعوض النهاية .	A	5
نشتق مرة واحدة ونعوض النهاية .	C	6
نشتق مرة واحدة ونعوض النهاية .	D	7
نشتق مرة واحدة ونعوض النهاية .	B	8
نشتق مرة واحدة ونعوض النهاية .	C	9
نشتق مرة واحدة ونعوض النهاية .	A	10
نشتق مرة واحدة ونعوض النهاية .	C	11
نشتق مرة واحدة ونعوض النهاية .	D	12
نشتق مرة واحدة ونعوض النهاية .	C	13
لا يكفي اشتقاق مرة واحدة بل نشتق مرتين ونعوض النهاية .	A	14
نشتق مرة واحدة ونعوض النهاية .	D	15
نشتق مرة واحدة ونعوض النهاية .	B	16
نشتق مرة واحدة ونعوض النهاية .	A	17
نشتق مرة واحدة ونعوض النهاية .	D	18
نشتق مرة واحدة ونعوض النهاية .	B	19
نشتق مرة واحدة ونعوض النهاية .	C	20
نشتق مرة واحدة ونعوض النهاية .	A	21
نشتق مرة واحدة ونعوض النهاية .	C	22
نشتق مرة واحدة ونعوض النهاية .	B	23

نشتق مرة واحدة ونعوض النهاية .	D	24
نشتق مرة واحدة ونعوض النهاية .	D	25