

نهاية المتتالية

محدودية متتالية

- 1- من الأعلى
 $M \leftarrow U_n \leq M$ راجع
- 2- من الأدنى
 $M \leftarrow U_n \geq M$ قاصر

تقارب متتالية

- 1- متزايدة و محدودة من الأعلى
- 2- متناقصة و محدودة من الأدنى
- 3- $\lim U_n = \text{عدد}$

التجاور

- 1- الشرط الأول: $\lim[U_n - V_n] = 0$
- 2- الشرط الثاني: احدهما متزايدة و لاخرة متناقصة
- 3- او لهما نفس النهاية

قوانين للنهاية

- 1- $-1 < q < 1 \leftarrow \lim U_n = 0$
- 2- $q > 1 \leftarrow \lim U_n = +\infty$
- 3- $q \leq -1 \leftarrow$ ليس لها نهاية
- 4- $q = 1 \leftarrow$ تكون المتتالية ثابتة
 $\lim(q)^n = 1$ وبالتالي

كمان ملاحظات

1- اذا كان $[-a, +a]$:

الحل $|U_n| < a$

2- اذا كان $[2.98, 3.01]$

$$|U_n - l| < 0.02$$

$$u_n = \frac{1}{(2n-1)(2n+1)}$$

وطلب حساب $s_n = u_0 + \dots + u_n$

نفرق البسط عن المقام من خلال قيم تعدم البسط الطرف الأول وقيم تعدم الطرف الثاني وبشتغل عادي بعدها

$$\frac{1}{(2-1)(2n+1)} = \frac{a}{2n-1} + \frac{b}{2n+1}$$

ونكفي

نهاية متتالية

1- بشكل صريح: تعتبر تابع عادي ونحل

2- U_{n+1} : نحل $f(x) = x$

3- سلسلة: نحول الى حدود مجموع هندسية

4- $x_n = \frac{3^n - 2^n}{3^n - 1}$: اسحب الحد الأكبر عامل

مشترك من البسط و المقام

ملاحظات

- 1- اذا كانت المتتالية متزايدة و محدودة من الأعلى فهي متقاربة
- 2- اذا كانت المتتالية متناقصة و محدودة من الأدنى فهي متقاربة
- 3- اذا كانت المتتالية متزايدة و محدودة من الأدنى فهي متباعدة
- 4- اذا كانت المتتالية متناقصة و محدودة من الأعلى فهي متباعدة