

# اختبارات رياضيات مؤتمتة للبكالوريا السورية

الجزء الأول: الوحدة السادسة

اختبار وحدة التابع الأسي

إشراف الأستاذ: عبد الحميد السيد

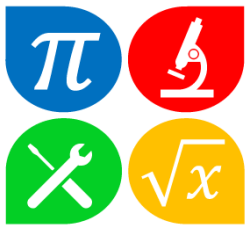
كتابة الأساتذة:

حسام قاسم - مهند حرقة - صلاح أحمد سالم

تنسيق وإخراج: المهندس حسام خضر قاسم

التدقيق العلمي واللغوي الأساتذة

محمد السيد علي	فيصل خالد	مروان بركة	محي الدين إسماعيل
نرينب يوسف	بشار كنعان	صفوح الأفتدي	هيثم ديوب
يوسف منصور	فادي المحمد	خالد الحداد	حسام قاسم
نركي طحاوي	فادي طنوس	محمد نزين جعمور	نادم أبو ماس
محمد العيسى	مهند حرقة	علي جمول	أمين الحايك
	عبد السلام حسن	صلاح سالم	مصطفى الرزوق



**Me En**  
Math Team

تمّ التحميل بواسطة بوت ملفات قناة

∞ X-Math πac ∞

MeEn Math Team فريق

يهتمّ بمادة الرياضيات لطلاب البكالوريا

للوصول إلى بوت الملفات: [اضغط هنا](#)

للوصول إلى قناة التلغرام الخاصة: [اضغط هنا](#)

للوصول إلى قناة التلغرام العامة: [اضغط هنا](#)

للوصول إلى صفحة الفيس بوك: [اضغط هنا](#)





للوصول إلى قناة اليوتيوب: [اضغط هنا](#)


MeEn Math Team


X-Math πac






**X-Math πac**


1	عند حساب نهاية التابع $f(x) = x - 1 + e^{1-x}$ عند $-\infty$ كانت :						
A	$-\infty$	B	0	C	1	D	$+\infty$
نوع الحل	$f(x) = e^{-x}(xe^x - e^x + e)$ بما أن $\lim_{x \rightarrow -\infty} e^{-x} = +\infty$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} xe^x = 0$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} e^x = 0$ فإن $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$						
إعداد: أ. محسن القصير		الجواب: D			كتابة وتنسيق: م. صلاح سالم		
2	إن العدد $L = \frac{3 \ln 5}{5 \ln 3}$ يساوي :						
A	1	B	$\ln \frac{5}{3}$	C	$\frac{\ln 5}{\ln 3}$	D	$\ln 5 \cdot \ln 3$
نوع الحل	$L = \frac{e^{\ln 5 \cdot \ln 3}}{e^{\ln 3 \cdot \ln 5}} = 1$						
إعداد: أ. زكريا الزعبي		الجواب: A			كتابة وتنسيق: م مهند حريقة		
3	ليكن التابع $f$ المعرف على $]0, +\infty[$ وفق : $f(x) = e^x - \ln x - x$ فإن نهاية $f$ عند $+\infty$ هي :						
A	$-\infty$	B	-1	C	0	D	$+\infty$
نوع الحل	$f(x) = x \left( \frac{e^x}{x} - \frac{\ln x}{x} - 1 \right)$ $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$						
إعداد: أ. مرعي المصلح		الجواب: D			كتابة وتنسيق: المهندس حسام قاسم		
4	لتكن (E) المعادلة التفاضلية : $y' + y = 2e^x$						
A	-2	B	-1	C	1	D	2
نوع الحل	إن قيمة العدد الحقيقي $a$ التي من أجلها يكون التابع $f(x) = ae^x$ حلاً للمعادلة (E) هي : $y' = ae^x$ ومنه $y = ae^x$ $ae^x + ae^x = 2e^x$ إذن : $a = 1$						
إعداد: أ. مازن الزعبي		الجواب: C			كتابة وتنسيق: م. صلاح سالم		


العبارة $F = 7^{-\frac{2}{\ln 7}}$ يمكن تبسيطها لتكتب وفق الصيغة:							5
$e^7$	<b>D</b>	$e^2$	<b>C</b>	$\frac{1}{e^2}$	<b>B</b>	$\frac{1}{e^7}$	<b>A</b>
$F = e^{\ln 7 \cdot (-\frac{2}{\ln 7})} = e^{-2} = \frac{1}{e^2}$							
إعداد: أ. أنطوان جلوف		الجواب: <b>B</b>		كتابة وتنسيق: م مهند حريقة			


مجموعة تعريف التابع $f$ المعطى وفق: $f(x) = \sqrt{\ln(e^x - 1)}$ هي:							6
$[\ln 2, +\infty[$	<b>D</b>	$]0, +\infty[$	<b>C</b>	$] \ln 2, +\infty[$	<b>B</b>	$[0, +\infty[$	<b>A</b>
$\ln(e^x - 1) \geq 0$ $e^x - 1 \geq 1$ $e^x \geq 2$ $x \geq \ln 2$							
إعداد: أ. أحمد البنية		الجواب: <b>D</b>		كتابة وتنسيق: المهندس حسام قاسم			


$\lim_{x \rightarrow -\infty} (1 + e^x)e^{-x}$ تساوي:							7
$+\infty$	<b>D</b>	$e$	<b>C</b>	1	<b>B</b>	$\frac{1}{e}$	<b>A</b>
$\lim_{x \rightarrow -\infty} (1 + e^x)e^{-x} = \lim_{t \rightarrow 0} (1 + t)t^{\frac{1}{t}} = e$							
إعداد: أ. محمود الأحمد		الجواب: <b>C</b>		كتابة وتنسيق: المهندس حسام قاسم			


نهاية التابع $f(x) = x(1 - e^{\frac{1}{x}})$ المعرف على $R^*$ عند $+\infty$ هي:							8
$e$	<b>D</b>	1	<b>C</b>	0	<b>B</b>	-1	<b>A</b>
لدينا حالة عدم تعيين من الشكل $(0)(+\infty)$							
$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1 - e^{\frac{1}{x}}}{\frac{1}{x}} = \lim_{t \rightarrow 0} \frac{1 - e^t}{t} = -1$							
إعداد: أ. رابعة سليمان		الجواب: <b>A</b>		كتابة وتنسيق: م مهند حريقة			


9	لتكن المتتالية $(u_n)_{n \geq 1}$ حيث : $u_n = \frac{1-n}{n \cdot e^n}$ نهايتها تساوي :						
A	-1	B	0	C	1	D	$+\infty$
لجابة	$\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = \lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\frac{1}{n} - 1}{e^n} = 0$ 						
إعداد: أ. عبد الحميد السيد		الجواب: B			كتابة وتنسيق: المهندس حسام قاسم		


10	ليكن التابع $f$ المعرف على $R$ وفق : $f(x) = e^x$ والتابع $g$ المعرف على $]0, +\infty[$ وفق : $g(x) = \ln x$ عندها $(f \circ g)(x)$ تساوي :						
A	$-\frac{1}{x}$	B	$\frac{1}{x}$	C	$-x$	D	$x$
لجابة	$f(g(x)) = f(\ln x) = e^{\ln x} = x$ 						
إعداد: أ. حسام قاسم		الجواب: D			كتابة وتنسيق: المهندس حسام قاسم		


11	إن $\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{x+2}{x+1}\right)^{\frac{x}{2}}$ تساوي :						
A	$\frac{1}{e}$	B	$\frac{1}{\sqrt{e}}$	C	$\sqrt{e}$	D	$e$
لجابة	$\frac{x+2}{x+1} = 1 + \frac{1}{x+1}$ <p>نضع <math>\frac{1}{x+1} = t</math> فيكون <math>x = \frac{1}{t} - 1</math></p> $\frac{x}{2} = \frac{1}{2t} - \frac{1}{2}, x \rightarrow +\infty \Rightarrow t \rightarrow 0$ $L = \lim_{t \rightarrow 0} (1+t)^{\frac{1}{2t} - \frac{1}{2}}$ $= \lim_{t \rightarrow 0} \left[ (1+t)^{\frac{1}{t}} \right]^{\frac{1}{2}} \cdot \lim_{t \rightarrow 0} (1+t)^{-\frac{1}{2}} = \sqrt{e}$ 						
إعداد: أ. محمد مصطفى اختيار		الجواب: C			كتابة وتنسيق: م مهند حريقة		


12	مجموعة حلول المتراجحة : $9^x - \frac{3^x}{27} \geq 0$ هي :						
A	$[-3, +\infty[$	B	$] -9, -3[$	C	$] -\infty, -9]$	D	خالية
نوع الحل	$3^{2x} \geq 3^{-3} \times 3^x$ $2x \geq -3 + x$ $x \geq -3$ 						
إعداد: أ. هيثم ديوب		الجواب: A			كتابة وتنسيق: المهندس حسام قاسم		

13	ليكن التابع $f$ المعرفة على $R$ وفق : $f(x) = x e^x - e^x$ وليكن جدول اطراده :																	
A	$(0, e)$	B	$(1, -1)$	C	$(0, -1)$	D	$(1, 0)$											
نوع الحل	<table border="1" data-bbox="178 840 710 1048"> <tr> <td><math>x</math></td> <td><math>-\infty</math></td> <td><math>m</math></td> <td><math>+\infty</math></td> </tr> <tr> <td><math>f'(x)</math></td> <td>-</td> <td>0</td> <td>+</td> </tr> <tr> <td><math>f(x)</math></td> <td><math>\searrow</math></td> <td><math>n</math></td> <td><math>\nearrow</math></td> </tr> </table> <p>عندئذ <math>(m, n)</math> تساوي :</p> $f'(x) = e^x + x e^x - e^x = x e^x$ $f'(x) = 0 \Leftrightarrow x e^x = 0 \Leftrightarrow x = 0$ $f(0) = -1$ 						$x$	$-\infty$	$m$	$+\infty$	$f'(x)$	-	0	+	$f(x)$	$\searrow$	$n$	$\nearrow$
$x$	$-\infty$	$m$	$+\infty$															
$f'(x)$	-	0	+															
$f(x)$	$\searrow$	$n$	$\nearrow$															
إعداد: أ. محمد السيد علي		الجواب: C			كتابة وتنسيق: المهندس حسام قاسم													

14	لدينا في $R^2$ جملة المعادلتين : $\begin{cases} x + y = 0 & \dots (1) \\ e^x + e^{-y} = 4 & \dots (2) \end{cases}$ إن الحل الوحيد لجملة المعادلتين هو الثنائية $(x, y)$ تساوي :						
A	$(\ln 2, -\ln 2)$	B	$(-\ln 2, \ln 2)$	C	$(0, 0)$	D	$(2, -2)$
نوع الحل	<p>من (1) نجد <math>y = -x</math></p> <p>نعوض في (2) نجد <math>e^x + e^x = 4</math></p> <p>ومنه <math>e^x = 2</math> بالتالي فإن <math>x = \ln 2</math></p> 						
إعداد: أ. نادر أبو راس		الجواب: A			كتابة وتنسيق: المهندس حسام قاسم		

15	إذا علمت أن التابع $f(x) = xe^x$ حلاً للمعادلة التفاضلية $y' + 2y = (ax + b)e^x$ فإن الثنائية $(a, b)$ تساوي :
A	(1, 2)    B    (1, 3)    C    (2, 1)    D    (3, 1)
مؤتمتة	$f'(x) = e^x + xe^x = (1 + x)e^x$ <p>نعوض <math>f</math> و <math>f'</math> في المعادلة التفاضلية <math>(1 + x)e^x + 2xe^x = (ax + b)e^x</math></p> $(3x + 1)e^x = (ax + b)e^x$ <p>بالمطابقة نجد : <math>a = 3, b = 1</math></p> 
إعداد: أ. أحمد الكلش	الجواب : D
كتابة وتنسيق : م. صلاح سالم	

16	ليكن التابع $f(x) = \left(\frac{x+1}{x}\right)^{2x}$ معرف على $]0, +\infty[$ ، فإن $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ تساوي :
A	$\frac{1}{e}$ B    e    C $e^2$ D $e^3$
مؤتمتة	$f(x) = \left[ \left(1 + \frac{1}{x}\right)^x \right]^2$ <p>نعلم أن : <math>\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(1 + \frac{1}{x}\right)^x = e</math> فإن <math>\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = e^2</math></p> 
إعداد: أ. عبدالله الكناوي	الجواب : C
كتابة وتنسيق : م. صلاح سالم	

17	ليكن $C$ الخط البياني للتابع $f$ المعرف على $R$ وفق : $f(x) = (1 - x)e^x$ وليكن المستقيم الذي معادلته $d: y = \frac{1}{e}x + a$ حيث $a \in R$ إن قيمة $a$ التي من أجلها يكون $d$ مماساً لـ $C$ في نقطة منه فاصتها بعدم $f''(x)$ هي :
A	$-\frac{3}{e}$ B $-\frac{1}{e}$ C $\frac{1}{e}$ D $\frac{3}{e}$
مؤتمتة	$f'(x) = -e^x + e^x(1 - x) = -xe^x$ $f''(x) = -e^x - xe^x = -(1 + x)e^x$ $f''(x) = 0 \Rightarrow x = -1, f(-1) = \frac{2}{e}$ <p>نعوض في المماس <math>d</math></p> $\frac{2}{e} = -\frac{1}{e} + a \Rightarrow a = \frac{3}{e}$ 
إعداد: أ. رزان البديوي	الجواب : D
كتابة وتنسيق : م. مهند حريقة	

18	ليكن التابع $f$ المعرف على $R$ وفق: $f(x) = (x-1)^3 e^x$ إن عدد القيم الحدية المحلية للتابع $f$ يساوي:						
A	0	B	1	C	2	D	3
م ل م	$f'(x) = 3(x-1)^2 e^x + e^x(x-1)^3 = (x-1)^2(x+2)e^x$ ولأن $(x-1)^2 e^x \geq 0$ فإن إشارة $f'(x)$ تماثل إشارة $x+2$ الذي ينعدم عند $x = -2$ والمشتق يغير اشارته عندها .. لذلك له قيمة حدية واحدة						
إعداد: أ. نور الدين صندفي		الجواب: B			كتابة وتنسيق: م مهند حريقة		

19	إن حلول المعادلة: $16^x - 6 \times 4^x + 8 = 0$ هي:						
A	$\left\{ \frac{1}{2}, 1 \right\}$	B	$\left\{ \frac{1}{2}, 4 \right\}$	C	$\{ \ln 2, 1 \}$	D	$\{ 1, 8 \}$
م ل م	$4^{2x} - 6 \times 4^x + 8 = 0 \Leftrightarrow (4^x - 4)(4^x - 2) = 0$ إما $4^x - 4 = 0 \Leftrightarrow 4^x = 4^1 \Leftrightarrow x = 1$ أو $4^x - 2 = 0 \Leftrightarrow 2^{2x} = 2^1 \Leftrightarrow 2x = 1 \Leftrightarrow x = \frac{1}{2}$						
إعداد: أ. حسين رشيد		الجواب: A			كتابة وتنسيق: المهندس حسام قاسم		

20	$g$ تابع معرف على $[1, +\infty[$ ويحقق: $x \leq g(x) \leq x^2$ و $f$ تابع معرف على $[1, +\infty[$ وفق: $f(x) = \frac{g(x)}{e^x}$ عندئذ نهاية $f$ عند $+\infty$ هي:						
A	0	B	1	C	2	D	$+\infty$
م ل م	$\frac{x}{e^x} \leq f(x) \leq \frac{x^2}{e^x}$ $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x}{e^x} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2}{e^x} = 0$ ومنه حسب ميرهنة الإحاطة $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$						
إعداد: أ. محي الدين إسماعيل		الجواب: A			كتابة وتنسيق: المهندس حسام قاسم		

21	ليكن التابعان $f$ و $g$ المعرفان على $R$ وفق: $f(x) = \frac{1}{2}e^{2x} + a \quad \text{و} \quad g(x) = 2x - e^x$ إذا علمت أن خطيهما البيانيين متماسان في نقطة منهما، فإن قيمة العدد الحقيقي $a$ تساوي:						
A	$-\frac{3}{2}$	B	$-\frac{1}{2}$	C	$\frac{1}{2}$	D	$\frac{3}{2}$
لجنة	$f'(x) = g'(x) \Rightarrow e^{2x} = 2 - e^x \Rightarrow e^{2x} + e^x - 2 = 0$ $(e^x + 2)(e^x - 1) = 0 \Rightarrow e^x = 1 \Rightarrow x = 0$ $f(0) = g(0) \Rightarrow \frac{1}{2} + a = -1 \rightarrow a = -\frac{3}{2}$						
إعداد: أ. باسل سظمة		الجواب: A		كتابة وتنسيق: م مهند حريقة			

22	لنكن لدينا المعادلة التفاضلية $(\ln 3)y - y' = \ln 9$ إذا علمت أن الخط البياني للتابع $f$ الذي يمثل حل المعادلة يمر بالنقطة $(0,3)$ عندئذٍ حل المعادلة التفاضلية هو:						
A	$y = 3^x - 2$	B	$y = 3^x + 2$	C	$y = 2(3^x) + 1$	D	$y = 4(3^x) - 1$
لجنة	$y' = \ln 3 \cdot y - 2\ln 3$ $y = k e^{x \cdot \ln 3} - \frac{-2\ln 3}{\ln 3} = k 3^x + 2$						
إعداد: أ. عبد الرحمن الرفاعي		الجواب: B		كتابة وتنسيق: م مهند حريقة			

23	ليكن $C$ الخط البياني للتابع $f$ المعرف على $R$ وفق : $f(x) = x - \ln(e^{3x} + 1)$ إن معادلة المقارب المائل للخط $C$ بجوار $+\infty$ هي :						
A	$y = x$	B	$y = -x$	C	$y = -2x$	D	$y = 3x$
لجنة	$f(x) = x - \ln[e^{3x}(1 + e^{-3x})] = x - 3x - \ln(1 + e^{-3x})$ $f(x) = -2x - \ln(1 + e^{-3x})$ $\lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) + 2x] = 0 \quad \text{فإن} \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \ln(1 + e^{-3x}) = \ln 1 = 0$ بما أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} \ln(1 + e^{-3x}) = \ln 1 = 0$ إذن $y = -2x$ هي معادلة المقارب المائل						
إعداد: أ. أحمد ذياب الرفاعي		الجواب: C		كتابة وتنسيق: م. صلاح سالم			

24	<p><math>f</math> تابع معرف على <math>R</math> وفق : <math>f(x) = (x^2 + 1)e^x</math></p> <p>وخطه البياني <math>C</math> يقبل مماساً أفقياً <math>T</math> معادلته <math>y = \frac{2}{e}</math></p> <p>إن <math>C</math> يقع بكامله فوق <math>T</math> في المجال :</p>																					
A	B	C	D	R	] <td style="text-align: center;">]-1, +\infty[</td> <td style="text-align: center;">]-e, e[</td>	]-1, +\infty[	]-e, e[															
نموذج الحل	<p><math>f'(x) = 2xe^x + e^x(x^2 + 1) = (x + 1)^2 e^x \geq 0</math></p> <p><math>f'(x) = 0 \Rightarrow x = -1, f(-1) = \frac{2}{e}</math></p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="text-align: center;"><math>x</math></td> <td style="text-align: center;"><math>-\infty</math></td> <td style="text-align: center;"><math>-1</math></td> <td style="text-align: center;"><math>+\infty</math></td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;"><math>f'(x)</math></td> <td style="text-align: center;">+</td> <td style="text-align: center;">0</td> <td style="text-align: center;">+</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;"><math>f(x)</math></td> <td style="text-align: center;">↗</td> <td style="text-align: center;"><math>\frac{2}{e}</math></td> <td style="text-align: center;">↗</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;"><math>f - y</math></td> <td style="text-align: center;">⊖</td> <td style="text-align: center;">0</td> <td style="text-align: center;">⊕</td> </tr> </table> <p>من الجدول نلاحظ أن <math>C</math> فوق <math>T</math> على المجال <math>]-1, +\infty[</math></p>						$x$	$-\infty$	$-1$	$+\infty$	$f'(x)$	+	0	+	$f(x)$	↗	$\frac{2}{e}$	↗	$f - y$	⊖	0	⊕
$x$	$-\infty$	$-1$	$+\infty$																			
$f'(x)$	+	0	+																			
$f(x)$	↗	$\frac{2}{e}$	↗																			
$f - y$	⊖	0	⊕																			
إعداد: أ. غياث منصور	الجواب: B			كتابة وتنسيق: م مهند حريقة																		



25	<p>ليكن التابع <math>f</math> المعرف على <math>R</math> وفق: <math>f(x) = \frac{e^{-x}+2}{e^{-x}+1}</math> ، نعلم أن <math>\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2</math> ،</p> <p>عندها تكون أصغر قيمة للعدد <math>A</math> التي تحقق الشرط أيأ كان <math>x &gt; A</math> فإن <math>f(x) \in ]1.9, 2.1[</math> هي :</p>						
A	B	C	D	9	3ln2	2ln3	ln3
نموذج الحل	<p><math> f(x) - 2  &lt; 0.1</math></p> <p><math>\left  \frac{e^{-x} + 2}{e^{-x} + 1} - 2 \right  &lt; \frac{1}{10}</math></p> <p><math>\left  \frac{-e^{-x}}{e^{-x} + 1} \right  &lt; \frac{1}{10}</math></p> <p><math>\frac{e^{-x}}{e^{-x} + 1} &lt; \frac{1}{10}</math></p> <p><math>\frac{1}{e^x + 1} &lt; \frac{1}{10}</math></p> <p><math>e^x + 1 &gt; 10</math></p> <p><math>e^x &gt; 9 \Rightarrow x &gt; \ln 9 \Rightarrow x &gt; 2\ln 3 \Rightarrow \boxed{A = 2\ln 3}</math></p>						
إعداد: أ. وائل عيزان	الجواب: C			كتابة وتنسيق: م. صلاح سالم			



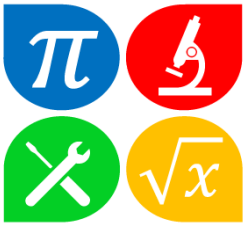
	<p>26 يبين الشكل المجاور الخط <math>C</math> للتابع <math>f</math> المعروف على <math>R</math> وفق</p>								
	$f(x) = (ax - 1)e^{x-b}$								
	<p>حيث <math>a, b</math> عدنان حقيقيان فإن قيمة <math>(a, b)</math> هي :</p>								
$(\frac{2}{3}, 2 - 2\ln 3)$	<b>D</b>	$(1, 2 - \ln 2)$	<b>C</b>	$(2, 2)$	<b>B</b>	$(2, 0)$	<b>A</b>		
$f'(x) = ae^{x-b} + e^{x-b}(ax - 1)$ $f'(x) = e^{x-b}(a + ax - 1)$ $f'(-\frac{1}{2}) = 0 \Rightarrow a + a(-\frac{1}{2}) - 1 = 0 \Rightarrow \boxed{a = 2}$ $f(2) = 3 \Rightarrow (2a - 1)e^{2-b} = 3$ $3e^{2-b} = 3 \Rightarrow 2 - b = 0 \Rightarrow \boxed{b = 2}$									<b>نحو الحل</b>
كتابة وتنسيق : م. صلاح سالم			<b>الجواب : B</b>			إعداد : أ. وائل أبو الخير			

لتكن المعادلة التفاضلية $E: 3y' - y = x^2 - 3x + 2$								<b>27</b>	
نفترض أن $f$ كثير حدود من الدرجة الثانية يحقق $E$ . عندئذٍ يكتب بالشكل:									
$f(x) = -x^2 - 3x - 11$	<b>B</b>	$f(x) = x^2 + 9x + 25$						<b>A</b>	
$f(x) = x^2 + 9x - 25$	<b>D</b>	$f(x) = -x^2 - 3x - 7$						<b>C</b>	
بفرض $f(x) = ax^2 + bx + c$ وبالتالي $f'(x) = 2ax + b$									<b>نحو الحل</b>
نعوض في $E$ لنجد : $3(2ax + b) - (ax^2 + bx + c) = x^2 - 3x + 2$									
$-ax^2 + (6a - b)x + 3b - c = x^2 - 3x + 2$									
$\begin{cases} -a = 1 \\ 6a - b = -3 \\ 3b - c = 2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = -1 \\ b = -3 \\ c = -11 \end{cases}$									
$f(x) = -x^2 - 3x - 11$									
كتابة وتنسيق : م مهند حريقة			<b>الجواب : B</b>			إعداد : أ. ريم بوظان			

28	ليكن التابع $f$ المعرف على $R^*$ وفق : $f(x) = x e^{\frac{1}{x}}$ إن معادلة المقارب المائل ل $C$ بجوار $+\infty$ هي :
A	$y = x - 1$ B $y = -x + 1$ C $y = x + 1$ D $y = -x - 1$
الإجابة	$a = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = \lim_{x \rightarrow +\infty} e^{\frac{1}{x}} = 1$ $b = \lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) - ax] = \lim_{x \rightarrow +\infty} (x e^{\frac{1}{x}} - x)$ $= \lim_{x \rightarrow +\infty} x (e^{\frac{1}{x}} - 1) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \left( \frac{e^{\frac{1}{x}} - 1}{\frac{1}{x}} \right) = \lim_{t \rightarrow 0} \left( \frac{e^t - 1}{t} \right) = 1$ <p>ومنه نجد <math>y = x + 1</math> هي معادلة المقارب المائل</p>
إعداد: أ. باسل سمير الحسين	الجواب: C
كتابة وتنسيق: م. صلاح سالم	

29	ليكن $C$ الخط البياني للتابع $f$ المعرف على $R$ وفق: $f(x) = x - 3 - \frac{3}{e^{x+1}}$ إن معادلة المستقيم المقارب المائل للخط $C$ في جوار $-\infty$ هي :
A	$y = x$ B $y = 6 - x$ C $y = -x - 3$ D $y = x - 6$
الإجابة	<p>بما أن: <math>\lim_{x \rightarrow -\infty} -\frac{3}{e^{x+1}} = -3</math> فإن: <math>\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) - (x - 3)] = -3</math></p> <p>ومنه <math>\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) - (x - 6)] = 0</math></p> <p>إذن: <math>y = x - 6</math> معادلة المقارب المائل</p> <p><b>ملاحظة:</b> يمكن الحل بالطريقة العامة بحساب <math>a, b</math> للمستقيم <math>y = ax + b</math></p>
إعداد: أ. ماهر المحمد	الجواب: D
كتابة وتنسيق: م. صلاح سالم	

30	ليكن التابع $f$ المعرف على $R$ وفق : $f(x) = (x - 2)e^x$ ، تابعه المشتق $f'(x) = (x - 1)e^x$ عندئذٍ جميع قيم العدد الحقيقي $m$ التي تجعل للمعادلة $f(x) = m$ حلين مختلفين تنتمي إلى المجال :												
A	$] -e, 0[$ B $] e, +\infty[$ C $] 0, e[$ D $] -\infty, -e[$												
الإجابة	$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} (x e^x - 2e^x) = 0$ $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ <p><math>f(1) = -e</math> وبالتالي <math>x = 1</math> ومنه <math>f'(x) = 0</math></p> <p>حسب الجدول نجد للمعادلة <math>f(x) = m</math> حلين مختلفين عندما <math>m \in ] -e, 0[</math></p> <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td><math>x</math></td> <td><math>-\infty</math></td> <td>1</td> <td><math>+\infty</math></td> </tr> <tr> <td><math>f'(x)</math></td> <td>-</td> <td>0</td> <td>+</td> </tr> <tr> <td><math>f(x)</math></td> <td>0</td> <td><math>-e</math></td> <td><math>+\infty</math></td> </tr> </table>	$x$	$-\infty$	1	$+\infty$	$f'(x)$	-	0	+	$f(x)$	0	$-e$	$+\infty$
$x$	$-\infty$	1	$+\infty$										
$f'(x)$	-	0	+										
$f(x)$	0	$-e$	$+\infty$										
إعداد: أ. رياض الزامل	الجواب: A												
كتابة وتنسيق: م. صلاح سالم													



**Me En**  
Math Team

تمّ التحميل بواسطة بوت ملفات قناة

∞X-Math πac∞

MeEn Math Team فريق

يهتمّ بمادة الرياضيات لطلاب البكالوريا

للوصول إلى بوت الملفات: [اضغط هنا](#)

للوصول إلى قناة التلغرام الخاصة: [اضغط هنا](#)

للوصول إلى قناة التلغرام العامة: [اضغط هنا](#)

للوصول إلى صفحة الفيس بوك: [اضغط هنا](#)

للوصول إلى قناة اليوتيوب: [اضغط هنا](#)

MeEn Math Team

X-Math πac



**X-Math πac**