



سَمّ تصحيح مادّة الرياضيات  
لشهادة التّعليم الأساسي والإعدادية الشرعيّة  
الدورة الاستثنائية عام 2020

## ملاحظات عامة

1- في ركن تسجيل الدرجات على القسيمة تخصص الحقول على التالي كما يأتي :

الحقل	رقم السؤال	موضوع السؤال
1	<u>السؤال الأول</u>	اختيار من متعدد
2	<u>السؤال الثاني</u>	صح أو غلط
3	<u>السؤال الثالث/ التمرين الأول</u>	تحليل + حساب قيمة العدد
4	<u>السؤال الرابع/ التمرين الثاني</u>	هندسة
5	<u>السؤال الخامس / التمرين الثالث</u>	احتمالات
6	<u>السؤال السادس/ التمرين الرابع</u>	التابع + متراجعة
7	<u>السؤال السابع/ التمرين الخامس</u>	هندسة
8	<u>السؤال الثامن/ المسألة الأولى</u>	حلّ جملة معادلتين
9	<u>السؤال التاسع/ المسألة الثانية</u>	هندسة/ دائرة

- 2- تُحذف (درجة واحدة) لكل خطأ حسابي من الدرجات المخصصة للخطوة التي وقع فيها الخطأ.
- 3- في التمارين الاختيارية تصحح جميعها ويُمنح الطالب الدرجة الأعلى منها.
- 4- إذا دمج الطالب خطوتين أو أكثر وكان باستطاعة الطالب الجيد أن يقوم بذلك الدمج، يعطى الطالب مجموع الدرجات المخصصة لما دمج من خطوات .
- 5- لا يجوز تجزئة الدرجات المخصصة للخطوة الواحدة إلا عند وجود خطأ حسابي .
- 6- إذا أخطأ الطالب في خطوة من خطوات الحلّ ثمّ تابع الحلّ بمنطق سليم ومفيد يعطى عن الخطوات التي تليها ما يستحقّ من درجات وفق السلم بشرط ألاّ يؤدي خطؤه إلى خفض سوية السؤال أو تغيير مضمونه .
- 7- إذا أجاب الطالب عن موقف بطريقة غير واردة في السلم ومبرراً خطوات حلّه، فعلى المصحح أن يعرض الطريقة على ممثّل الفرع الذي عليه أن يقوم والموجهون الاختصاصيون بدراسة هذه الطريقة والتأكد من صحتها علمياً ومن ثمّ توزيع الدرجات لتلك الطريقة بما يكافئ التوزيع الوارد على الطريقة الواردة في السلم ثمّ يعمّم هذا التوزيع بعد أخذ موافقة التوجيه الأول لمادة الرياضيات في وزارة التربية.
- 8- عند الاضطرار إلى تعديل درجة حصل عليها الطالب عن سؤال ما، يجب على كلّ من المصحح والمدقق تسجيل اسمه مقروناً بتوقيعه بجوار الدرجة المعدّلة مرفقاً بمهر خاتم الامتحانات.
- 9- إذا حلّ الطالب سؤالاً بأكثر من طريقة تصحح حلوله كافة وتعتمد الدرجة الأعلى.
- 10- إذا لم يُجب الطالب عن سؤال ما، تُكتب (إلى جانب السؤال) العبارة الآتية: (صفر للسؤال.... ؛ لأنه بلا إجابة)
- 11- تُكتب الدرجات الجزئية لكلّ سؤال ضمن دائرة وبالأرقام العربية (1,2,3,4,....)
- 12- تُسجل الدرجات التي يستحقها الطالب عن طلبات السؤال ومراحل (رقماً) وبوضوح على الهامش، أمّا الدرجة المستحقّة عن السؤال كاملاً فتُسجّل على الهامش الأيمن (مقابل بداية الإجابة) رقماً وكتابةً.

**مثال ذلك :** الآحاد العشرات المئات

1                      1                      2

بعد استبدال حقل الكسور بالآحاد.

حقل الآحاد بالعشرات.

حقل العشرات بالمئات.

الدرجة: ستمئة

سَلَم درجات مادّة: الرياضيات

أولاً: أجب عن السؤالين الآتيين:

(60 درجة)

**السؤال الأول:** اختر الإجابة الصحيحة وانقلها إلى ورقة إجابتك في كلّ بند ممّا يأتي:

(1) العدد  $\frac{\pi}{3}$  هو

A	عدد غير عادي	B	عدد عادي	C	عدد عشري
---	--------------	---	----------	---	----------

(2) المقدار  $(\frac{2}{3}x)^2$  يساوي

A	$\frac{4}{6}x^2$	B	$\frac{4}{9}x^2$	C	$\frac{4}{9}x$
---	------------------	---	------------------	---	----------------

(3) الكسر المختزل بين الكسور الآتية هو

A	$\frac{33}{270}$	B	$\frac{2574}{1272}$	C	$\frac{34}{35}$
---	------------------	---	---------------------	---	-----------------

(4) قيمة  $\cos(15^\circ)$  تساوي

A	$\cos(75^\circ)$	B	$\sin(75^\circ)$	C	$\tan(75^\circ)$
---	------------------	---	------------------	---	------------------

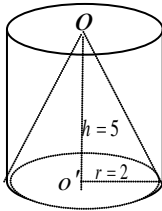
الملاحظات	الخيارات	الدرجة	الإجابة
	أو عدد غير عادي	15	A
	أو $\frac{4}{9}x^2$	15	B
	أو $\frac{34}{35}$	15	C
	أو $\sin(75^\circ)$	15	B
		60	مجموع

**السؤال الثاني:**

(40 درجة)

ضع في ورقة إجابتك كلمة صح أمام العبارة الصحيحة و كلمة غلط أمام العبارة المغلوطة في كل مما يأتي :

نتأمل الشكل المجاور ، أسطوانة و مخروط دوراني يشتركان بالقاعدة ، و رأس المخروط النقطة  $O$  هو مركز القاعدة العلوية للأسطوانة ، نصف قطر القاعدة  $r = 2cm$  و الارتفاع  $h = 5cm$



(1) حجم الأسطوانة هو  $20\pi cm^3$ .

(2) حجم المخروط يساوي  $\frac{1}{2}$  حجم الأسطوانة

(3) المساحة الجانبية للأسطوانة تساوي  $20\pi cm^2$ .

(4) المساحة الكلية للأسطوانة تساوي  $40 cm^2$ .

الملاحظات	الخيارات	الدرجة	الإجابة
		10	صح -1
		10	غلط -2
		10	صح -3
		10	غلط -4
		40	مجموع

( لكل تمرين 75 درجة )

ثانياً: حل أربعة فقط من التمارين الخمسة الآتية:

**السؤال الثالث:** التمرين الأول: ليكن المقدار:  $A = (x + 2)^2 - 3(x + 2)$  و المطلوب:

(1) انشر  $A$  ثم اختزله ، (2) حل  $A$  إلى جداء عاملين ، ثم حل المعادلة  $A = 0$ .

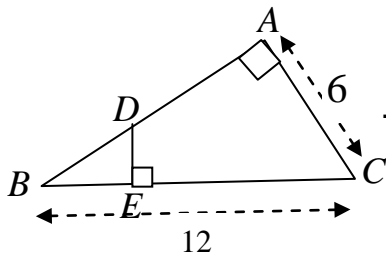
الملاحظات	الخيارات	الدرجة	الإجابة
	لكل حد 5 درجات	25	$A = x^2 + 4x + 4 - 3x - 6$ -1
		10	$A = x^2 + x - 2$ -2
		15	$A = (x + 2)[(x + 2) - 3]$ -3
		5	$A = (x + 2)(x - 1)$ -4
		10	$(x + 2)(x - 1) = 0$ -5
		10	إما $x = -2$ أو $x = +1$ -6
		75	مجموع

**السؤال الرابع:** التمرين الثاني: في الشكل المجاور  $ABC$  مثلث قائم في  $A$  فيه :

$AC = 6$  و  $DE = 2$  و  $BC = 12$  المطلوب :

(1) اكتب عبارة  $\sin \hat{B}$  في كل من المثلثين  $BDE$  و  $ABC$  ، واستنتج الطول  $DB$ .

(2) احسب الطولين  $BE$  و  $EC$ .



الملاحظات	الخيارات	الدرجة	الإجابة
		5×3	$\sin B = \frac{AC}{BC} = \frac{6}{12} = \frac{1}{2}$ -1
		10	$\sin B = \frac{DE}{BD}$ -2
		5×3	$\frac{2}{BD} = \frac{1}{2}$ ومنه $BD = 4$ -3
		10	$BE^2 = BD^2 - ED^2$ -4
		10+5	$BE^2 = 16 - 4 = 12$ -5
		5	$BE = \sqrt{12}$ -6
		5	$EC = 12 - 2\sqrt{3}$ -7
		75	مجموع

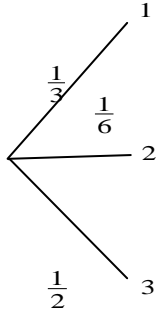
**ملاحظة:** في الخطوات 4 و 5 و 6 إذا اتبع الطالب الطريقة الآتية:

ينال الدرجات المخصصة للخطوات 4 و 5 و 6

$$\cos B = \frac{BE}{BD} \text{ ثم } \cos 30^\circ = \frac{BE}{4} \text{ ومنه } \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{BE}{4} \text{ ومنه } BE = \sqrt{12}$$

### التمرين الثالث : السؤال الخامس :

تلقي حجر نرد متجانس أوجهه تحمل الأرقام 1,2,3,3,3,3 و نعرّف الأحداث الآتية :  
الحدث  $A$  : "ظهور عدد أصغر تماماً من 3" ، الحدث  $B$  : "ظهور عدد فردي" ، الحدث  $C$  : "ظهور عدد زوجي".  
المطلوب : (1) ارسم شجرة الإمكانات مزوداً فروعها باحتمالات النتائج الممكنة .



- (2) ما هو الحدث المعاكس للحدث  $B$  .  
(3) احسب احتمال كل من الحدثين  $A$  و  $B$  .

ملاحظات	الدرجة	الإجابة
	$5 \times 3$	-1 لكل فرع
	$5 \times 3$	احتمال كل فرع
	15	2 - الحدث المعاكس للحدث $B$ $C = \{2\}$ أو ظهور عدد زوجي
	$5 \times 3$	-3 $B = \{1,3\}$ $P(B) = P(3) + P(1)$ $= \frac{3}{6} + \frac{2}{6} = \frac{5}{6}$
	$5 \times 3$	$A = \{1,2\}$ $P(A) = P(2) + P(1)$ $= \frac{1}{6} + \frac{2}{6} = \frac{1}{2}$
	75	مجموع

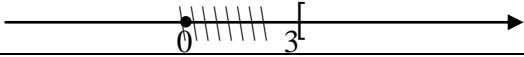
**ملاحظة:** إذا عبّر الطالب عن معرفته للحدث من خلال حسابه للاحتمال ينال الدرجات المخصصة لكتابة الحدث ضمناً.

### السؤال السادس:

التمرين الرابع :

(1) حل المتراجحة  $2x - 5 \geq 1$

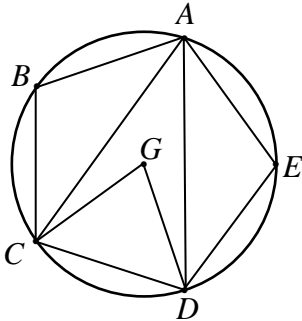
(2) لدينا التابع  $f$  المعطى بالصيغة  $f(x) = -4(x - 2)^2$  ، و المطلوب جد  $f(3)$  ، و عين أسلاف العدد (0) .

الملاحظات	الدرجة	الإجابة
	10	$2x \geq 1+5$ - 1
	5	$2x \geq 6$ -2
	10	$x \geq 3$ -3
	5+5	 - 4
	10	$f(3) = -4(3-2)^2$ -5
إذا كتب الطالب النتيجة مباشرة ينال الدرجات المخصصة لهذه الخطوات	5+5	$f(3) = -4(-1)^2 = -4$ -6
	5	$-4(x-2)^2 = 0$ -7
	5	$(x-2)^2 = 0$ -8
	5+5	$x-2=0$ ومنه $x=2$ -9
	75	مجموع

### السؤال السابع:

التمرين الخامس : في الشكل المجاور:  $ABCDE$  خماس منتظم مرسوم في دائرة مركزها  $G$  ونصف قطرها  $3\text{cm}$  و

المطلوب :



(1) احسب قياس الزاوية  $\widehat{CGD}$  و استنتج قياس الزاوية  $\widehat{CDG}$

(2) احسب قياس الزاوية  $\widehat{CAD}$

الملاحظات	الدرجة	الإجابة
	20+10	$\widehat{CGD} = \frac{360^\circ}{5} = 72^\circ$ -1
	5	$CGD$ مثلث متساوي الساقين زاويتا القاعدة متساويتان -2
	10+10	$\widehat{CDG} = \frac{180^\circ - 72^\circ}{2}$ -3
	5	$\widehat{CDG} = 54^\circ$ -4
	5	$\angle CAD$ محيطية $= \frac{1}{2}$ المركزية -5
	5+5	$\widehat{CAD} = \frac{72^\circ}{2} = 36^\circ$ -6
	75	مجموع

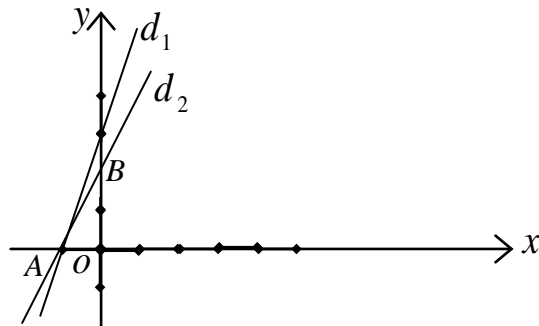
ثالثاً: حل المسألتين الآتيتين: ( لكل مسألة 100 درجة )

السؤال الثامن: المسألة الأولى: المستقيمان  $(d_1)$  و  $(d_2)$  معادلتهما  $d_1: 3x - y + 3 = 0$  و  $d_2: y = 2x + 2$  والمطلوب:

- (1) حل جملة المعادلتين جبرياً .
- (2) جد إحداثيتي النقطة  $B$  نقطة تقاطع المستقيم  $(d_2)$  مع محور الترتيب .
- (3) في معلم متجانس ارسم كلاً من المستقيمين  $(d_1)$  و  $(d_2)$  وعين إحداثيتي نقطة تقاطعهما  $A$  .
- (4) احسب مساحة المثلث  $OAB$  .

الملاحظات	الدرجة	الإجابة									
	5	-1 تعويض احدي المعادلتين في الثانية									
	5+5	-2 اصلاح المعادلة و حساب و الوصول إلى $x + 1 = 0$									
	5	-3 $x = -1$									
	5+5	-4 تعويض قيمة $x = -1$ و حساب قيمة $y = 0$									
	5+5	-5 حساب إحداثيتي النقطة $B$ فرض $x = 0$ ثم حساب $y = 2$									
(إعطاء قيمة لـ $(x)$ 5 درجات حساب $(y)$ درجتان $2 \times$ أو أية نقطتين	5 2 5 2	-6 <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr><td><math>x</math></td><td><math>y</math></td><td><math>(x, y)</math></td></tr> <tr><td><math>-1</math></td><td><math>0</math></td><td><math>(-1, 0)</math></td></tr> <tr><td><math>0</math></td><td><math>3</math></td><td><math>(0, 3)</math></td></tr> </table>	$x$	$y$	$(x, y)$	$-1$	$0$	$(-1, 0)$	$0$	$3$	$(0, 3)$
$x$	$y$	$(x, y)$									
$-1$	$0$	$(-1, 0)$									
$0$	$3$	$(0, 3)$									
(إعطاء قيمة لـ $(x)$ 5 درجات حساب $(y)$ درجتان $2 \times$ أو أية نقطتين	5 2 5 2	-8 <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr><td><math>x</math></td><td><math>y</math></td><td><math>(x, y)</math></td></tr> <tr><td><math>-1</math></td><td><math>0</math></td><td><math>(-1, 0)</math></td></tr> <tr><td><math>0</math></td><td><math>2</math></td><td><math>(0, 2)</math></td></tr> </table>	$x$	$y$	$(x, y)$	$-1$	$0$	$(-1, 0)$	$0$	$2$	$(0, 2)$
$x$	$y$	$(x, y)$									
$-1$	$0$	$(-1, 0)$									
$0$	$2$	$(0, 2)$									

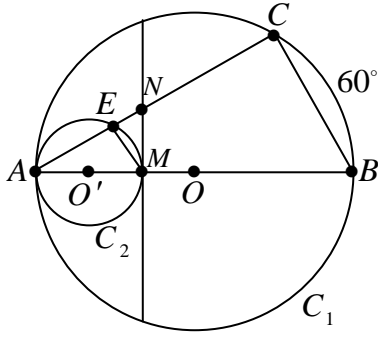
محاور: 5+5 ،  
 $d_1$  : 2 نقط + 4 مستقيم ،  
 $d_2$  : 2 نقط + 4 مستقيم ،  
 نقطة التقاطع  $A(-1, 0)$  : 5 درجات



-9

	2+3	مساحة المثلث $S_{(OAB)} = \frac{1 \times 2}{2} = 1$	-10
	100	المجموع	

**المسألة الثانية: السؤال التاسع:**



في الشكل المجاور : دائرتان متماستان داخلاً في النقطة  $A$  هما  $C_1$  مركزها  $O$  ونصف قطرها  $6$  و  $C_2$  مركزها  $O'$  ونصف قطرها  $2$  و المستقيم  $(MN)$  مماس للدائرة في  $M$  و قياس القوس  $\widehat{BC} = 60^\circ$  المطلوب:

- (1) بين أن  $\widehat{BAC} = 30^\circ$  ، واحسب الطولين  $AC$  و  $BC$ .
- (2) لماذا تشمل مبرهنة النسب الثلاث المثلثين  $ABC$  و  $AME$  و اكتب النسب الثلاث المتساوية ثم احسب الطول  $ME$
- (3) أثب أن  $CNMB$  رباعي دائري عين مركز الدائرة المارة برؤوسه .
- (4) احسب قياس الزاوية  $\widehat{NME}$  و استنتج الطول  $NE$ .

الملاحظات	الدرجة	الإجابة
	5	1- $\widehat{BAC}$ محيطية تقابل القوس $\widehat{BC} = 60^\circ$
	5	2- $\widehat{BAC} = 30^\circ$
	5+5	3- المثلث $BAC$ قائم في $\widehat{C}$ وفيه $\widehat{BAC} = 30^\circ$ $BC = 6$
	5+5	4- $\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{AC}{12}$ ، $\cos 30^\circ = \frac{AC}{AB}$
	5	5- $AC = 6\sqrt{3}$
	5	6- $ME \perp AC$ و $CB \perp AC$ العمودان على مستقيم واحد متوازيان $ME // BC$
	10	7- $\frac{AE}{AC} = \frac{AM}{AB} = \frac{EM}{CB}$
	5+5	8- $EM = 2$ و منه $\frac{4}{12} = \frac{EM}{6}$
	5+5	9- $M = 90^\circ$ ، $C = 90^\circ$
	10	10- $CNMB$ رباعي دائري لوجود زاويتان متقابلتان و متكاملتان
	5	11- مركز الدائرة هو منتصف الوتر المشترك $NB$

	<b>3</b>	$\widehat{EM} = 60$ مماسية تقاس بنصف قياس القوس	- 12
	<b>2</b>	$\widehat{NME} = 30^\circ$	- 13
	<b>3</b>	$\tan 30^\circ = \frac{EN}{EM}$	- 14
	<b>5+2</b>	$EN = \frac{2\sqrt{3}}{3}$ ومنه $\frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{EN}{2}$	- 15
	<b>100</b>	المجموع	

- انتهى السّلم -