

6) الشكل المتأني للعدد العقدي  $Z = \sin \frac{\pi}{5} + i \cos \frac{\pi}{5}$  هو:

$Z = 2 \left( \cos \frac{\pi}{8} + i \sin \frac{\pi}{8} \right)$	<b>C</b>	$Z = \cos \frac{\pi}{5} + i \sin \frac{\pi}{5}$	<b>B</b>	$Z = \cos \frac{3\pi}{10} + i \sin \frac{3\pi}{10}$	<b>A</b>
$Z = \cos \frac{2\pi}{7} + i \sin \frac{2\pi}{7}$	<b>E</b>	$Z = \cos \frac{7\pi}{10} + i \sin \frac{7\pi}{10}$	<b>D</b>		

(25) ليكن  $Z = \frac{-\sqrt{2}}{1+i} e^{i\frac{\pi}{4}}$  عندئذ  $\arg(Z)$  هي:

$\frac{13\pi}{12}$	E	$\frac{7\pi}{12}$	D	$\frac{-13\pi}{12}$	C	$\frac{\pi}{12}$	B	$-\frac{\pi}{12}$	A
--------------------	---	-------------------	---	---------------------	---	------------------	---	-------------------	---

(26) لتكن المعادلة  $Z^2 + pZ + q = 0$  وليكن العددين العقديان  $Z_1 = 1 + 2i$ ,  $Z_2 = 3 - 5i$  عندئذ قيمة  $p, q$  حتى يكون  $Z_1, Z_2$  جذران للمعادلة هي:

$p = -4 + 3i$ $q = -13 + i$	E	$p = -4 + 3i$ $q = -13 - i$	D	$p = -4 + 3i$ $q = 13 - i$	C	$p = 4 - 3i$ $q = 13 + i$	B	$p = -4 + 3i$ $q = 13 + i$	A
--------------------------------	---	--------------------------------	---	-------------------------------	---	------------------------------	---	-------------------------------	---

(27) ليكن  $Z, Z'$  عددين عقديين عندئذ قيمة المقدار  $|Z + Z'|^2 + |Z - Z'|^2$  يساوي:

$2 Z - Z' ^2$	E	$2 Z ^2 + 2 Z' ^2$	D	$ Z ^2 -  Z' ^2$	C	$ Z ^2 +  Z' ^2$	B	$2 Z ^2 -  Z' ^2$	A
---------------	---	--------------------	---	------------------	---	------------------	---	-------------------	---

(28) ليكن  $\alpha = e^{\frac{2\pi}{5}i}$  ونضع  $A = \alpha + \alpha^4$  عندئذ  $A$  تساوي:

$\cos \frac{\pi}{5}$	E	$\sqrt{2} \cos \frac{\pi}{5}$	D	$\cos \frac{2\pi}{5}$	C	$2 \cos \frac{\pi}{5}$	B	$2 \cos \frac{2\pi}{5}$	A
----------------------	---	-------------------------------	---	-----------------------	---	------------------------	---	-------------------------	---

(29) ليكن المقدار  $Z = \frac{1 + \cos x - i \sin x}{1 + \cos x + i \sin x}$  حيث  $x \neq \pi + 2\pi k$  عندئذ أبسط شكل للمقدار  $Z$  هو:

$Z = e^{2ix}$	E	$Z = 2e^{ix}$	D	$Z = 2e^{-ix}$	C	$Z = e^{ix}$	B	$Z = e^{-ix}$	A
---------------	---	---------------	---	----------------	---	--------------	---	---------------	---

(30) ليكن  $P(z)$  كثير حدود معرف بالصيغة:  $P(z) = Z^3 - 2(a + i\sqrt{3})Z^2 - 4(a - i\sqrt{3})Z + 8$

عندئذ قيمة  $a$  التي تجعل  $Z = 2$  حلاً للمعادلة  $P(z) = 0$  هي:

$a = 3$	E	$a = -2$	D	$a = -1$	C	$a = 2$	B	$a = 1$	A
---------	---	----------	---	----------	---	---------	---	---------	---

(31) لتكن النقطتان  $A, B$  في معلم متجانس  $(o, \vec{u}, \vec{v})$  اللتان تمثلها الأعداد العقدية  $Z_A = 2(1 + i\sqrt{3})$

$Z_B = 2(1 - i\sqrt{3})$  عندئذ العدد العقدي  $Z$  الممثل للنقطة  $c$  الذي يجعل  $o$  مركز ثقل المثلث  $ABC$  هو:

$Z_c = -4i\sqrt{3}$	E	$Z_c = 4i\sqrt{3}$	D	$Z_c = -4i$	C	$Z_c = -4$	B	$Z_c = 4$	A
---------------------	---	--------------------	---	-------------	---	------------	---	-----------	---

32) لتكن النقطتان  $B, A$  اللتان تمثلها الأعداد العقدية  $Z_B = 3 + 2i, Z_A = 1$  بالترتيب عند مجموعة النقاط  $M(z)$  التي تحقق  $|z - 1| = |z - 3 - 2i|$  هي:

A	دائرة مركزها (3,2) قطرها (1)	B	دائرة مركزها (1,0) قطرها $(\sqrt{3})$	C	محور القطعة المستقيمة [AB]	D	دائرة مركزها (0,0) ونصف قطرها $r = 1$	E	المحور $xx'$
---	------------------------------------	---	---	---	----------------------------------	---	--	---	--------------

33) ليكن العدان العقديان  $a, b$  الممثلان للنقطتين  $B, A$  عند صيغة التحويل الهندسي الذي يقرب  $B$  بالنقطة  $A$  في العلاقة  $b = a + 4 - 3i$  هي:

A	دوران مركزه (4, -3) وزاويته $2\pi$	B	تحاكي مركزه (0) ونسبته $k = 1$	C	مقايير مركزه (0)	D	اتسحاب شعاعه $u = 4 - 3i$	E	تحاكي مركزه (4, -3) ونسبته $k = 1$
---	--	---	--------------------------------------	---	---------------------	---	------------------------------	---	--

34) أحد التضاريف الآتية من مضاعفات العدد 3 انقلها إلى ورقة إجابتك:

A	$4^n + 5$	B	$2^{3n} - 1$	C	$n^2 + 2n$	D	$3^{2n} + 2^2$	E	$3^{2n+1} + 2^{n+2}$
---	-----------	---	--------------	---	------------	---	----------------	---	----------------------

35) ليكن العدد العقدي  $C = 2i$  الممثل للنقطة  $c$  في معلم متجانس  $(o, \bar{u}, \bar{v})$  عند العدد العقدي  $d$  الممثل للنقطة  $D$  صورة  $c$  وفق دوران مركزه  $(o)$  وزاويته  $\frac{\pi}{2}$  هو:

A	$d = -2i$	B	$d = 2i$	C	$d = 2$	D	$d = -2$	E	$d = 4i$
---	-----------	---	----------	---	---------	---	----------	---	----------

36) تتأمل في المستوي العقدي المنسوب إلى معلم متجانس  $(o, \bar{u}, \bar{v})$  النقاط  $C, B, A$  التي تمثلها الأعداد العقدية  $a = 6 - i, b = -6 + 3i, c = -18 + 7i$  عند حساب النسبة  $\frac{b-a}{c-a}$  نستنتج أن:

A	$AB \perp AC$	B	المثلث $ABC$ قائم الزاوية في $A$	C	المثلث $ABC$ قائم ومنتساوي الساقين	D	المثلث $ABC$ منتساوي الأضلاع	E	المثلث $ABC$ قائم ومنتساوي الساقين
---	---------------	---	--	---	--	---	------------------------------------	---	--

32) لتكن النقطتان  $B, A$  اللتان تمثلها الأعداد العقدية  $Z_B = 3 + 2i, Z_A = 1$  بالترتيب عندئذ مجموعة النقاط  $M(z)$  التي تحقق  $|z - 1| = |z - 3 - 2i|$  هي:

A	دائرة مركزها (3,2) ونصف قطرها (1)	B	دائرة مركزها (1,0) ونصف قطرها $(\sqrt{3})$	C	محور القطعة المستقيمة [AB]	D	دائرة مركزها (0,0) ونصف قطرها $r = 1$	E	المحور $xx'$
---	---	---	--	---	----------------------------------	---	---	---	--------------

33) ليكن العددان العقديان  $a, b$  الممثلان للنقطتين  $B, A$  عندئذ صيغة التحويل الهندسي الذي يقرب  $B$  بالنقطة  $A$  في العلاقة  $b = a + 4 - 3i$  هي:

A	دوران مركزه (4, -3) وزاويته $2\pi$	B	تحاكي مركزه (0) ونسبته $k = 1$	C	مقناظر مركزه (0)	D	انسحاب شعاعه $u = 4 - 3i$	E	تحاكي مركزه (4, -3) ونسبته $k = 1$
---	--	---	--------------------------------------	---	---------------------	---	------------------------------	---	--

134) أحد التحويلات الخطية...

35) ليكن العدد العقدي  $C = 2i$  الممثل للنقطة  $c$  في معلم متجانس  $(o, \bar{u}, \bar{v})$  عندئذٍ العدد العقدي  $d$  الممثل للنقطة  $D$  صورة  $c$  وفق دوران مركزه  $(o)$  وزاويته  $\frac{\pi}{2}$  هو:

$d = 4i$	E	$d = -2$	D	$d = 2$	C	$d = 2i$	B	$d = -2i$	A
----------	---	----------	---	---------	---	----------	---	-----------	---

36) نتأمل في المستوي العقدي المنسوب إلى معلم متجانس  $(o, \bar{u}, \bar{v})$  النقاط  $C, B, A$  التي تمثلها الأعداد العقدية  $a = 6 - i$ ,  $b = -6 + 3i$ ,  $c = -18 + 7i$  عندئذٍ عند حساب النسبة  $\frac{b-a}{c-a}$  نستنتج أن:

المثلث $ABC$ قائم ومتساوي الساقين	E	المثلث $ABC$ متساوي الأضلاع	D	على $C, B, A$ استقامة واحدة	C	المثلث $ABC$ قائم الزاوية في $A$	B	$AB \perp AC$	A
---	---	-----------------------------------	---	--------------------------------	---	--	---	---------------	---

اختر الإجابة الصحيحة ثم ظلل على ورقة إجابتك الحرف الموافق للإجابة الصحيحة (لكل سؤال إجابة واحدة صحيحة فقط)

(1) الشكل الجبري للعدد العقدي  $Z = (1 + i)^3$  هو:

A	$8i$	B	$-8i$	C	$2 + 2i$	D	$-2 + 2i$	E	$1 - i$
---	------	---	-------	---	----------	---	-----------	---	---------

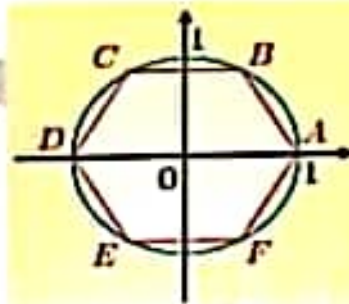
(2) ليكن العدد العقدي  $Z = 2 - i$  عندئذٍ  $Im\left(\frac{1}{Z}\right)$  هو:

A	$\frac{2}{5}$	B	$\frac{1}{5}$	C	$-\frac{2}{5}$	D	$-\frac{1}{5}$	E	5
---	---------------	---	---------------	---	----------------	---	----------------	---	---

(3) الشكل المثلثي للعدد العقدي  $Z = -\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i$  هو:

A	$Z = 2\left(\cos\frac{5\pi}{6} + i.\sin\frac{5\pi}{6}\right)$	B	$Z = \cos\frac{7\pi}{6} + i.\sin\frac{7\pi}{6}$	C	$Z = \cos\frac{2\pi}{3} + i.\sin\frac{2\pi}{3}$
D	$Z = \cos\frac{5\pi}{6} + i.\sin\frac{5\pi}{6}$	E	$Z = 2\left(\cos\frac{2\pi}{3} + i.\sin\frac{2\pi}{3}\right)$		

(4) في الشكل المجاور نتأمل في معلم متجانس  $(o, \vec{u}, \vec{v})$  مسدساً  $ABCDEF$  عندئذٍ الشكل الجبري للعدد العقدي  $Z_B$  هو:



A	$Z_B = 1$	B	$Z_B = \frac{\sqrt{3}}{2}i$	C	$Z_B = \frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}$	D	$Z_B = 1 + i\sqrt{3}$	E	$Z_B = \sqrt{3} + i$
---	-----------	---	-----------------------------	---	---	---	-----------------------	---	----------------------

(5) مجموعة النقاط  $M$  التي تحقق العدد العقدي  $Z$  الذي يمثل الشرط  $|Z| = 3$  هي:

A	مستقيم معادلته $x = 3$	B	مستقيم معادلته $y = 3$	C	دائرة مركزها $(0,0)$ ونصف قطرها $r = \sqrt{3}$	D	مستقيم معادلته $x = \sqrt{3}$	E	دائرة مركزها $(0,0)$ ونصف قطرها $r = 3$
---	------------------------	---	------------------------	---	--	---	-------------------------------	---	---

سؤال رقم 27

$\cos(0) + i \cdot \sin(0)$	A	إن الشكل المثلثي للعدد العقدي $z = \left(\frac{\sqrt{3}+i}{1+i\sqrt{3}}\right)^{24}$ هو :
$2^{24} \left(\cos\left(-\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{6}\right)\right)$	B	
$\cos\left(-\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{6}\right)$	C	
$2(\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi))$	D	
$24(\cos(0) + i \cdot \sin(0))$	E	

السؤال رقم 21 :

إذا كان  $z = 3 - 4i$  عندئذ :  $Im\left(\frac{5}{z}\right)$

$\frac{4}{5}$	E	$-\frac{5}{4}$	D	-4	C	$\frac{3}{5}$	B	0	A
---------------	---	----------------	---	----	---	---------------	---	---	---

السؤال رقم 22 :

ليكن العددين العقديان  $a = 2 + 2i$  و  $b = -3 + 3i$  عندئذ :

$\arg(ab) = \frac{3\pi^2}{16}$	E	$\arg(ab) = \pi$	D	$\arg(ab) = 0$	C	$\arg(ab) = -\frac{\pi}{2}$	B	$\arg(ab) = \frac{\pi}{2}$	A
--------------------------------	---	------------------	---	----------------	---	-----------------------------	---	----------------------------	---

السؤال رقم 23 :

إذا كان  $z = -3e^{i\frac{\pi}{6}}$  عندئذ الشكل الأسى للعدد العقدي يُعطى بالشكل :

$z = -3e^{-5i\frac{\pi}{6}}$	E	$z = 3e^{-i\frac{\pi}{6}}$	D	$z = 3e^{-5i\frac{\pi}{6}}$	C	$z = 3e^{i\frac{\pi}{6}}$	B	$z = -3e^{i\frac{\pi}{6}}$	A
------------------------------	---	----------------------------	---	-----------------------------	---	---------------------------	---	----------------------------	---

السؤال رقم 24 :

نتأمل عددين عقديين  $z$  و  $w$  حيث العدد  $w \neq 1$  ولدينا العدد الحقيقي :  $\frac{z-w\bar{z}}{1-w}$  عندئذ لابد أن :

$Im(z) \neq 0$	E	العدد $z$ تخيلي بحت أو $ w  = 2$	D	العدد $z$ حقيقي و $ w  = 2$	C	العدد $z$ تخيلي بحت و $ w  = 1$	B	العدد $z$ حقيقي أو $ w  = 1$	A
----------------	---	----------------------------------	---	-----------------------------	---	---------------------------------	---	------------------------------	---

السؤال رقم 25 :

إن مجموعة النقاط  $M(z)$  التي تحقق العلاقة :  $\arg(z) = \frac{2\pi}{3}$  في المعلم المتجانس والمباشر  $(O, \bar{u}, \bar{v})$  هي :

قوس دائرة مركزها $O$ وتقبل الزاوية المركزية قياسها $\frac{2\pi}{3}$	E	نصف مستقيم مفتوح عند $O$ ويصلع الزاوية مع $\bar{v}$ مع $\frac{2\pi}{3}$	D	نصف مستقيم مفتوح عند $O$ ويصلع الزاوية مع $\bar{u}$ مع $\frac{2\pi}{3}$	C	نصف مستقيم يمر من $O$ ويصلع الزاوية مع $\bar{v}$ مع $\frac{2\pi}{3}$	B	مستقيم يمر من $O$ ويصلع الزاوية مع $\bar{u}$ مع $\frac{2\pi}{3}$	A
---	---	---	---	---	---	--	---	--	---

السؤال رقم 26 :

إن طولبة العدد العقدي :  $z = \frac{3+i}{2+i} e^{i\frac{\pi}{3}}$  تساوي :

$ z  = \frac{3+i}{2+i}$	E	$ z  = 3$	D	$ z  = \sqrt{2}$	C	$ z  = 2$	B	$ z  = 1$	A
-------------------------	---	-----------	---	------------------	---	-----------	---	-----------	---

5- يكتب العدد العقدي  $Z = \left(\sin \frac{\pi}{5} + i \cos \frac{\pi}{5}\right)^6$  بالشكل المنظم:

$\sin \frac{6\pi}{5} + i \cos \frac{6\pi}{5}$	<b>e</b>	$6 \left(\sin \frac{\pi}{5} + i \cos \frac{\pi}{5}\right)$	<b>d</b>	$\sin \frac{3\pi}{10} + i \cos \frac{3\pi}{10}$	<b>c</b>	$\cos \frac{3\pi}{10} + i \sin \frac{3\pi}{10}$	<b>b</b>	$\cos \frac{18\pi}{10} + i \sin \frac{18\pi}{10}$	<b>a</b>
---	----------	--	----------	---	----------	---	----------	---	----------

6- حل المعادلة  $Z - 2Z = 2$  هو:

$Z = 2$	<b>e</b>	$Z = -2$	<b>d</b>	$Z = 1 + i$	<b>c</b>	$Z = 1 - i$	<b>b</b>	$Z = 2i$	<b>a</b>
---------	----------	----------	----------	-------------	----------	-------------	----------	----------	----------

7- يكتب العدد العقدي  $Z = (1 + i)^6$  بالشكل الجبري:

$64i$	<b>e</b>	$-8i$	<b>d</b>	$64$	<b>c</b>	$-64$	<b>b</b>	$-128$	<b>a</b>
-------	----------	-------	----------	------	----------	-------	----------	--------	----------

8- إذا كان  $Z = 3 + 2i$  فإن مقلوبه هو:

$\frac{1}{Z} = \frac{1}{3 - 2i}$	<b>e</b>	$\frac{1}{Z} = 3 - 2i$	<b>d</b>	$\frac{1}{Z} = \frac{3}{13} + \frac{3}{13}i$	<b>c</b>	$\frac{1}{Z} = \frac{3}{13} - \frac{2}{13}i$	<b>b</b>	$\frac{1}{Z} = \frac{3}{5} + \frac{2}{5}i$	<b>a</b>
----------------------------------	----------	------------------------	----------	--	----------	--	----------	--	----------

9- إن  $\arg\left(-\frac{\sqrt{2}}{1+i}e^{i\frac{\pi}{4}}\right)$  يساوي:

$\frac{\pi}{3}$	<b>e</b>	$\frac{7\pi}{12}$	<b>d</b>	$\frac{\pi}{12}$	<b>c</b>	$\frac{13\pi}{12}$	<b>b</b>	$\frac{11\pi}{12}$	<b>a</b>
-----------------	----------	-------------------	----------	------------------	----------	--------------------	----------	--------------------	----------

10- يكتب العدد العقدي  $(1 - \sqrt{2})e^{i\frac{\pi}{4}}$  بالشكل الأسّي:

$(1 - \sqrt{2})e^{i\frac{\pi}{4}}$	<b>e</b>	$(1 - \sqrt{2})e^{-i\frac{\pi}{4}}$	<b>d</b>	$(\sqrt{2} - 1)e^{i\frac{\pi}{4}}$	<b>c</b>	$(\sqrt{2} - 1)e^{i\frac{5\pi}{4}}$	<b>b</b>	$(\sqrt{2} - 1)e^{i\frac{3\pi}{4}}$	<b>a</b>
------------------------------------	----------	-------------------------------------	----------	------------------------------------	----------	-------------------------------------	----------	-------------------------------------	----------

11- المعادلة من الدرجة الثانية التي جذورها  $Z_1 = 1 + 2i, Z_2 = 1 - 2i$  هي بالشكل:

$Z^2 - 2Z + 5 = 0$	<b>e</b>	$Z^2 - 2Z - 5 = 0$	<b>d</b>	$Z^2 + 2Z - 5 = 0$	<b>c</b>	$Z^2 + 2Z + 5 = 0$	<b>b</b>	$Z^2 - 4iZ + 2 + 4i = 0$	<b>a</b>
--------------------	----------	--------------------	----------	--------------------	----------	--------------------	----------	--------------------------	----------

12- حلول المعادلة  $Z^2 + Z + 1 = 0$

$\{0, 1\}$	<b>e</b>	$\left\{e^{i\frac{\pi}{3}}, e^{-i\frac{\pi}{3}}\right\}$	<b>d</b>	$\left\{e^{i\frac{4\pi}{3}}, e^{-i\frac{4\pi}{3}}\right\}$	<b>c</b>	$\left\{e^{i\frac{\pi}{3}}, e^{-i\frac{\pi}{3}}\right\}$	<b>b</b>	$\left\{e^{i\frac{2\pi}{3}}, e^{-i\frac{2\pi}{3}}\right\}$	<b>a</b>
------------	----------	--	----------	--	----------	--	----------	--	----------

السؤال رقم 24 :

نتأمل عددين عقديين  $z$  و  $w$  حيث العدد  $w \neq 1$  ولدينا العدد الحقيقي :  $\frac{z-w\bar{z}}{1-w}$  عندئذ لابد أن :

$Im(z) \neq 0$	$E$	العدد $z$ تخيلي بحت أو $ w  = 2$	$D$	العدد $z$ حقيقي و $ w  = 2$	$C$	العدد $z$ تخيلي بحت و $ w  = 1$	$B$	العدد $z$ حقيقي و $ w  = 1$	$A$
----------------	-----	-------------------------------------	-----	--------------------------------	-----	------------------------------------	-----	--------------------------------	-----

$$Z = \left( \frac{\sqrt{3} - i}{1 + i\sqrt{3}} \right)^{16}$$

في الأتمتة فواكه لا خوف

Z تساوي:

	D	C	B	A
	-1	-i	i	1

ليكن العدد العقدي  $z = \sqrt{2} i e^{\frac{\pi}{4}i}$

(1)  $|z|$  تساوي :

$\frac{1}{\sqrt{2}}$   D       $\sqrt{2}$   C      1  B      2  A

(2) زاوية العدد  $z$  هي :

$\frac{5\pi}{4}$   D       $-\frac{\pi}{4}$   C       $\frac{\pi}{4}$   B       $\frac{3\pi}{4}$   A

(3) يكتب بالشكل الجبري الآتي :

$z = 2i$   D       $z = 1 + i$   C       $z = -1 + i$   B       $z = 1 - i$   A

(4)  $z$  هو أحد حلول المعادلة :

$z^2 + (1 + i)z = 0$   B       $z^2 + 2(1 - i)z + 1 = 0$   A

$z^2 - 2i = 0$   D       $z^2 + 2i = 0$   C

$$c = -1 + \sqrt{3}i, b = 1 + \sqrt{3}i, a = 2$$

29.  $\frac{a-b}{c-b}$  هو:

$\frac{\pi}{6}$		$\frac{\pi}{4}$	C	$\frac{2\pi}{3}$	B	$\frac{\pi}{3}$	A
-----------------	--	-----------------	---	------------------	---	-----------------	---

30. مثلث ABC هو:

	D	متساوي الأضلاع	C	متساوي الساقين	B	قائم	A
--	---	----------------	---	----------------	---	------	---

31. صورة  $A'$  صورة  $A$  وفق تناظر لمحور الفواصل هي

$2 + 2i$	D	$2i$	C	$-2$	B	$2$	A
----------	---	------	---	------	---	-----	---

32. صورة  $B'$  صورة  $B$  وفق تناظر لمحور الفواصل هي

$1$	D	$i\sqrt{3}$	C	$1 - i\sqrt{3}$	B	$1 + i\sqrt{3}$	A
-----	---	-------------	---	-----------------	---	-----------------	---

أجب عن الأسئلة (49 و 50 و 51 و 52 و 53 و 54)

ليكن لدينا :  $z_1 = \sqrt{3} + i$  ,  $z_2 = 1 + i$

(49) الشكل الأسّي للعدد  $z_1$  هو :

$z_1 = \sqrt{2}e^{\frac{\pi}{4}i}$	d	$z_1 = \sqrt{2}e^{\frac{\pi}{3}i}$	c	$z_1 = 2e^{\frac{\pi}{6}i}$	b	$z_1 = 2e^{\frac{\pi}{3}i}$	a
------------------------------------	---	------------------------------------	---	-----------------------------	---	-----------------------------	---

(50) الشكل الأسّي للعدد  $z_2$  هو :

$z_2 = \sqrt{2}e^{\frac{\pi}{4}i}$	d	$z_2 = \sqrt{2}e^{\frac{\pi}{3}i}$	c	$z_2 = \sqrt{2}e^{-\frac{\pi}{4}i}$	b	$z_2 = 2e^{\frac{\pi}{4}i}$	a
------------------------------------	---	------------------------------------	---	-------------------------------------	---	-----------------------------	---

(51) بالشكل الجبري يساوي :

$\frac{1-\sqrt{3}}{4} + \frac{1+\sqrt{3}}{4}i$	d	$\frac{1+\sqrt{3}}{4} + \frac{1-\sqrt{3}}{4}i$	c	$\frac{\sqrt{3}-1}{4} + \frac{\sqrt{3}+1}{4}i$	b	$\frac{\sqrt{3}+1}{4} + \frac{\sqrt{3}-1}{4}i$	a
--	---	--	---	--	---	--	---

(52) إن  $\arg\left(\frac{z_2}{z_1}\right)$  تساوي :

$\frac{7\pi}{12}$	d	$\frac{\pi}{12}$	c	$\frac{5\pi}{12}$	b	$\frac{\pi}{6}$	a
-------------------	---	------------------	---	-------------------	---	-----------------	---

(53)  $\cos\left[\arg\left(\frac{z_2}{z_1}\right)\right]$  تساوي :

$\frac{-\sqrt{2}-\sqrt{6}}{4}$	d	$\frac{\sqrt{2}-\sqrt{6}}{4}$	c	$\frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{4}$	b	$\frac{\sqrt{6}+\sqrt{2}}{4}$	a
--------------------------------	---	-------------------------------	---	-------------------------------	---	-------------------------------	---

(54) إن  $z_2^4$  يساوي :

16	d	4i	c	-4	b	4	a
----	---	----	---	----	---	---	---

أجب عن الأسئلة (55 و 56 و 57 و 58) :

ليكن  $w = 1 + 2\sqrt{2}i$

(55) إن مجموع الجذرين التربيعيين  $z_1$  و  $z_2$  للعدد العقدي  $w$  هو :

$x_1 + x_2 = 4i$	d	$x_1 + x_2 = -2\sqrt{2} - 2i$	c	$x_1 + x_2 = 2\sqrt{2} + 2i$	b	$x_1 + x_2 = 0$	a
------------------	---	-------------------------------	---	------------------------------	---	-----------------	---

(56) إن جداء الجذرين  $z_1$  و  $z_2$  هو :

$x_1 \cdot x_2 = (\sqrt{2} - i)^2$	d	$x_1 \cdot x_2 = -(\sqrt{2} + i)^2$	c	$x_1 \cdot x_2 = 1 - 2\sqrt{2}$	b	$x_1 \cdot x_2 = -1 + 2\sqrt{2}i$	a
------------------------------------	---	-------------------------------------	---	---------------------------------	---	-----------------------------------	---

(57) إن الجذرين التربيعيين  $z_1$  و  $z_2$  هما :

$z_1 = -\sqrt{2} + i$ $z_2 = \sqrt{2} - i$	d	$z_1 = \sqrt{2} - i$ $z_2 = -\sqrt{2} - i$	c	$z_1 = \sqrt{2} - i$ $z_2 = \sqrt{2} + i$	b	$z_1 = \sqrt{2} + i$ $z_2 = -\sqrt{2} - i$	a
---	---	---	---	--	---	---	---

(58) نضع  $u = \bar{w}$  عندئذ يكون  $\sqrt{uw}$  يساوي :

غير موجود	d	$\sqrt{3}$	c	3	b	9	a
-----------	---	------------	---	---	---	---	---

(59) إن  $\frac{(1+i)^4}{(1-i)^2}$  بالشكل الأسّي هو :

$2\sqrt{2}e^{\frac{7\pi}{4}i}$	d	$2\sqrt{2}e^{\frac{\pi}{4}i}$	c	$\sqrt{2}e^{\frac{5\pi}{4}i}$	b	$\sqrt{2}e^{\frac{\pi}{4}i}$	a
--------------------------------	---	-------------------------------	---	-------------------------------	---	------------------------------	---

(60) يكتب العدد العقدي  $z = (-\sqrt{3} + 1)i e^{\frac{\pi}{4}i}$  بالشكل الأسّي :

$z = (\sqrt{3} + 1)e^{\frac{\pi}{2}i}$	d	$z = (\sqrt{3} - 1)e^{\frac{5\pi}{4}i}$	c	$z = (\sqrt{3} - 1)e^{\frac{\pi}{4}i}$	b	$z = (\sqrt{3} - 1)e^{\frac{7\pi}{4}i}$	a
--	---	---	---	--	---	---	---

انتهى نموذج العنقبة وتطبيقاتها



نموذج مؤتمت bac24

48.  $\frac{b-a}{c-a}$  تساوي

4	D	$2i$	C	$\frac{1}{2}$	B	$i$	A
---	---	------	---	---------------	---	-----	---

49. نقاط  $A, B, C$

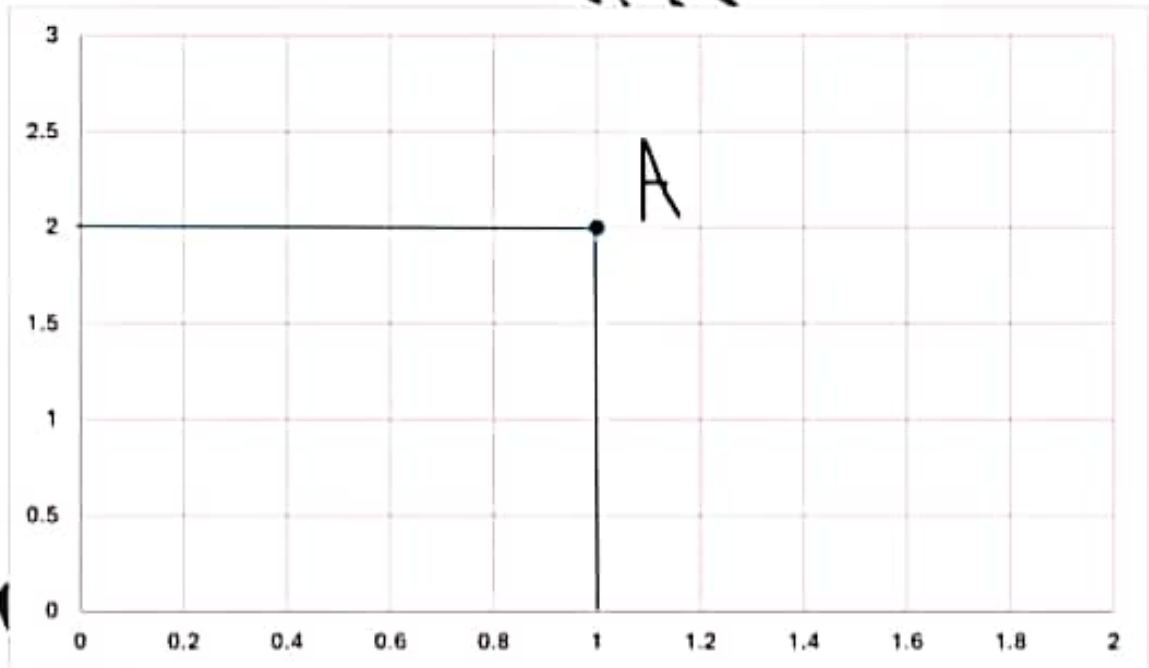
	D		C	ليست على استقامة واحدة	B	على استقامة واحدة	A
--	---	--	---	------------------------	---	-------------------	---

50. بفرض  $d = 1 + 6i$  صورة  $A$  وفق دوران مركزه  $(O)$  وزاويته  $\theta$  فإن  $\theta$

45	D	0	C	180	B	90	A
----	---	---	---	-----	---	----	---

51. العدد العقدي  $z$  ليكون  $OAND$  مربع

	D	$5i$	C	$7 + 5i$	B	$5 + 7i$	A
--	---	------	---	----------	---	----------	---



52. ليكن  $x$  عدداً عقدياً تمثله النقطة  $A$  في المستوي وليكن  $Z = x + 2i$

$z = 1 + 2i$	D	$z = 1 + 4i$	C	$z = 4 - i$	B	$z = 1 - 4i$	A
--------------	---	--------------	---	-------------	---	--------------	---

53.  $Z = 3 + 2i$  عندئذ  $Re\left(\frac{1}{z}\right)$  هو

نموذج مؤتمت bac24

$$P(z) = z^4 + 5z^3 + 10z^2 + 10z + 4$$

$$P(z) = (z^2 + az + a)(z^2 + bz + a)$$

33. قيمة  $a$ 

5	D	1	C	2	B	3	A
---	---	---	---	---	---	---	---

34. قيمة  $b$ 

5	D	1	C	2	B	3	A
---	---	---	---	---	---	---	---

$$P(z) = z^2 + (1 + 2i)z + 3 + 3i$$

35. من حلول معادلة

3i	D	i	C	-1+i	B	1+i	A
----	---	---	---	------	---	-----	---

36.  $z^3 = 1$  فإن  $z_0$  يساوي

4	D	3	C	2	B	1	A
---	---	---	---	---	---	---	---

37.  $z^3 = 1$  فإن  $z_1$  يساوي

2i	D	$\frac{\sqrt{3}}{2}i$	C	$-\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$	B	1+i	A
----	---	-----------------------	---	--------------------------------------	---	-----	---

$$W = \frac{\beta + i\sqrt{3}}{\sqrt{3} - i\beta}$$

38. فإن  $|W|$ 

4	D	3	C	1	B	2	A
---	---	---	---	---	---	---	---

39.  $\beta = 1$  فإن  $W$  يساوي

4	D	3	C	1	B	2	A
---	---	---	---	---	---	---	---

## نموذج مؤتمت bac24

10. الشكل الجبري  $\frac{4-6i}{3+2i}$  هو:

-2i	D	2i	C	-i	B	i	A
-----	---	----	---	----	---	---	---

11. الشكل الجبري  $\left(\frac{4-6i}{2-3i}\right)\left(\frac{1+3i}{3+2i}\right)$  هو:

1+i	D	2i	C	i	B	$\frac{18}{13} + \frac{14}{13}i$	A
-----	---	----	---	---	---	----------------------------------	---

12. حل معادلة  $\frac{\bar{z}-1}{\bar{z}+1} = i$  هو:

-2i	D	2i	C	-i	B	i	A
-----	---	----	---	----	---	---	---

13. حل معادلة  $z - 2\bar{z} = 2$  هو

-1	D	1	C	-2	B	2	A
----	---	---	---	----	---	---	---

14. الشكل المثلثي  $z = \frac{1}{1-i}$  هو

$\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3}$	D	$\frac{1}{2} \left[ \cos \frac{2\pi}{3} + i \sin \frac{2\pi}{3} \right]$	C	$\cos \frac{2\pi}{3} + i \sin \frac{2\pi}{3}$	B	$\cos \frac{2\pi}{3} + i \sin \frac{2\pi}{3}$	A
---	---	--	---	---	---	---	---

15. الشكل المثلثي  $(\frac{\sqrt{3}-i}{i})^5$  هو

$\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3}$	D	$\frac{1}{32} \left[ \cos \frac{2\pi}{3} + i \sin \frac{2\pi}{3} \right]$	C	$\cos \frac{2\pi}{3} + i \sin \frac{2\pi}{3}$	B	$\cos \frac{2\pi}{3} + i \sin \frac{2\pi}{3}$	A
---	---	---	---	---	---	---	---

16. الشكل الأسّي  $z = (1 - \sqrt{2})e^{\frac{\pi}{4}i}$  هو

$\sqrt{2}e^{\frac{5\pi}{4}i}$	D	$(\sqrt{2}-1)e^{\frac{\pi}{4}i}$	C	$(\sqrt{2}-1)e^{\frac{5\pi}{4}i}$	B	$(\sqrt{2}-1)e^{\frac{5\pi}{4}i}$	A
-------------------------------	---	----------------------------------	---	-----------------------------------	---	-----------------------------------	---

17.

فان  $z_1, z_2$  تساويان  $\begin{cases} 2z_1 - z_2 = -3 \\ 2\bar{z}_1 + \bar{z}_2 = -3 + 2\sqrt{3}i \end{cases}$ 

4,3i	D	i, 2i	C	$z_2 = -\sqrt{3}i, z_1 = -\frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i$	B	$z_2 = -\sqrt{3}i, z_1 = -\frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i$	A
------	---	-------	---	--	---	--	---

18.  $|w| = 1$  فان  $z = \frac{w\bar{z}-z}{iw-i}$ 

حقيقي	A	تخيلي بحت	B	حقيقي وتخيلي	C	حقيقي وتخيلي	D
-------	---	-----------	---	--------------	---	--------------	---

(42) نقرن بكل نقطة  $M(z)$  بالنقطة  $M'(z')$  وفق التحويل :  $z' = -z - 2i$

النقطة $M'$		إذا كان		إذا كانت $ z'  = 1$		إذا كان		النقطة
هي صورة $M$		$\arg(z) = \frac{\pi}{2}$		كانت $M$ تمثل		$z = -1 - i$		$M'(-1 - 2i)$
وفق انحاب شعاعه	$E$	كانت $M'$ تمثل مستقيم	$D$	دائرة مركزها $-2$ ونصف قطرها يساوي $1$	$C$	كانت النقطتان $M$ و $M'$ غير منطبقتين	$B$	صورة النقطة $M(i)$ وفق التحويل السابق
$\bar{w} = -2\bar{v}$								

(43) إذا كان  $z$  و  $z'$  عددين عقديين بحيثان :  $|z| = 2$  و  $z' = z + \frac{1}{z}$  عندئذ يكون  $|z'|$  يساوي

	$E$	$\frac{5}{2}$	$D$	$\frac{3}{2}$	$C$	$\frac{1}{2}$	$B$	$A$
$2$								

(44)  $(e^{i\frac{\pi}{12}} + e^{-i\frac{\pi}{12}})^2$  يساوي

$i$	$E$	$\sqrt{3}$	$D$	$2 - \sqrt{3}$	$C$	$2 + \sqrt{3}$	$B$	$A$
$0$								

(45) لتكن النقطتان  $A$  و  $B$  اللتان يمثلهما العددان العقديان  $z_1$  و  $z_2$  .

مجموعة النقاط  $M(z)$  التي تحقق المساواة :  $\arg\left(\frac{z - z_1}{z - z_2}\right) = \pi$  تمثل

القطعة المستقيمة $[AB]$ محذوف منها النقطتين $A$ و $B$	$E$	المستقيم $(AB)$ محذوف منه النقطة $B$	$D$	المستقيم $(AB)$ محذوف منه النقطتين $A$ و $B$	$C$	نصف دائرة قطرها $[AB]$ محذوف منها النقطتين $A$ و $B$	$B$	دائرة قطرها $[AB]$ محذوف منها النقطتين $A$ و $B$	$A$
---	-----	--------------------------------------	-----	--	-----	--	-----	--	-----