



الربيعيات

الربيع الأول أو الربيع الأدنى (١٧)

- القيمة التي يسبقها $\frac{1}{4}$ البيانات (٢٥%) و يليها (٧٥%) و تقريبا
- ترتيبه $\frac{(1+r)}{4}$

الربيع الثاني أو الوسيط (٢٧)

- القيمة التي يسبقها $\frac{1}{2}$ البيانات (٥٠%) و يليها (٥٠%) و تقريبا
- ترتيبه $\frac{(1+r)}{2} = \frac{(1+r) \cdot 2}{4}$

الربيع الثالث أو الربيع الأعلى (٣٧)

- القيمة التي يسبقها $\frac{3}{4}$ البيانات (٧٥%) و يليها (٢٥%) و تقريبا
- ترتيبه $\frac{(1+r) \cdot 3}{4}$

حساب الربيعيات من البيانات المفردة

- الحالة الأولى إذا كان المقدار (١ + r) يقبل القسمة على ٤ فإن الربيعيات تكون إحدى المفردات

- الحالة الثانية إذا كان المقدار (١ + r) لا يقبل القسمة على ٤ فإن الربيعيات تتعين من العلاقة

الربيع المطلوب =

السابق له + (التالي له - السابق له) (ترتيبه - ترتيب السابق له)

الربيع المطلوب =

القيمة الصغرى + (الفرق بين القيمتين) (الجزء العشري بترتيبه)

نصف المدى الربيعي (r) = $\frac{r_3 - r_1}{2}$

حساب الربيعيات جبرياً

- ١) تكون الجدول التكراري المتجمع الصاعد
- ٢) نعين ترتيب الربيعيات كالتالي
- ترتيب (١٧) = $\frac{r}{4}$ • ترتيب (٢٧) = $\frac{r}{2}$ • ترتيب (٣٧) = $\frac{3r}{4}$

- ٣) نحدد الفترة الربيعية ونحدد منها

« بداية الفترة - طول الفترة - التكرار المناظر لفترة الربيع - التكرار المتجمع الصاعد السابق لفترة الربيع »

الربيع المطلوب =

بداية فترة الربيع + $\frac{\text{ترتيب الربيع} - \text{التكرار المتجمع السابق}}{\text{التكرار المناظر لفترة الربيع}} \times \text{طول الفترة}$

حساب الربيعيات بيانياً

- ١) تكون الجدول التكراري المتجمع الصاعد
- ٢) نعين ترتيب الربيعيات:
- ترتيب (١٧) = $\frac{r}{4}$ • ترتيب (٢٧) = $\frac{r}{2}$ • ترتيب (٣٧) = $\frac{3r}{4}$
- ٣) نحدد ترتيب الربيعيات على المحور الرأسي
- ٤) مساقط نقاط تقاطع الخطوط الأفقية لترتيبات الربيعيات على المحور الأفقي تمثل قيم الربيعيات الثلاثة



الوحدة الأولى و الثانية

الارتباط و الانحدار

معامل الارتباط (r)

- مقياس كمي يقيس قوة الارتباط حيث: $r \in [-1, 1]$ و يكون الارتباط:
- طردي إذا كانت r موجبة أي أن: $0 < r < 1$ أو $r \in]0, 1[$
 - عكسي إذا كانت r سالبة أي أن: $-1 < r < 0$ أو $r \in]-1, 0[$

درجات الارتباط

- طردي تام عندما $r = 1$
- عكسي تام عندما $r = -1$
- قوي عندما $|r| > 0,6$
- متوسط عندما $0,4 < |r| < 0,6$
- ضعيف عندما $|r| > 0,4$
- منعدم عندما $r = 0$

حساب معامل الارتباط

بيرسون: $r = \frac{\sum (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sqrt{\sum (x_i - \bar{x})^2 \sum (y_i - \bar{y})^2}}$

سبيرمان: $r = 1 - \frac{6 \sum d_i^2}{n(n^2 - 1)}$ حيث d_i هي فرق الرتب

معادلة خط الانحدار

معادلة خط انحدار ص على س هي: $\hat{y} = a + bx$

حيث: $b = \frac{\sum (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sum (x_i - \bar{x})^2}$ ، $a = \frac{\sum y_i - b \sum x_i}{n}$

لاحظ أن:

- ص تسمى المتغير التابع بينما س تسمى المتغير المستقل
- إذا كانت: b موجب فإن الارتباط يكون طردي
- إذا كانت: b سالبة فإن الارتباط يكون عكسي
- مقدار الخطأ = | القيمة الجدولية - القيمة التي تحقق المعادلة |

شكل الانتشار

طردي تام	عكسي تام	طردي قوي	عكسي قوي	منعدم

مقاييس النزعة المركزية

الوسيط

- القيمة التي تتوسط القيم بعد ترتيبها تصاعدياً أو تنازلياً
- حساب الوسيط لـ n من القيم حيث n عدداً زوجياً
 - ترتيب الوسيط = $\frac{n}{2}$ ، $\frac{n}{2} + 1$ • الوسيط = $\frac{\text{مجموع القيمتين}}{2}$
 - حساب الوسيط لـ n من القيم حيث n عدداً زوجياً
 - ترتيب الوسيط = $\frac{1+n}{2}$ • الوسيط = القيمة الوسطى

المنوال هو القيمة الأكثر شيوعاً أو تكراراً

الوسط الحسابي = $\frac{\text{مجموع القيم}}{\text{عدد القيم}}$



أهم أسئلة الوحدة الأولى

- 15 في دراسة للعلاقة بين متغيرين x ، y إذا كان : $z = 10 - x$
- $z = 32 - x$ ، $y = 4$ وكانت معادلة خط الانحدار هي $\hat{y} = 2 + 2x$ فإن $r = \dots$
- ١ ٢ ٣ ٤
- 16 إذا كان المتغيران يتزايداً معاً أو يتناقضان معاً فإن الارتباط بينهما يكون
- طردياً عكسياً منعدماً غير خطي
- 17 عند دراسة العلاقة بين المتغيرين x ، y وجد أن : $\bar{y} = \bar{x} = 0$
- ، $z = 12$ ، $z = 2x = 2y = 6$ ، $z = 1$ فإن معامل الارتباط الخطي لبيرسون بين x ، y يساوي
- $\frac{2}{3}$ $\frac{22}{23}$ $\frac{23}{22}$ $\frac{3}{2}$
- 18 إذا كان الارتباط بين x ، y عكسياً و وقعت النقطتان (٩ ، ٥) ، (٢ ، ٤) على خط انحدار y على x فإن r يمكن أن تساوي
- ٣ ٤ ٥ ٦
- 19 إذا كان : $z = 3 - x$ ، $z = 12 - y$ ، $z = 19 - x$
- $z = 94 = 9x = 41$ ، $y = 6$. أوجد :
- ① معامل الارتباط الخطي لبيرسون بين x ، y
 ② معادلة خط انحدار y على x

20 من بيانات الجدول التالي احسب :

٢٠	١٥	١٠	٥	٢٥	٣٠	x
٤٠	٣٥	٣٠	٢٥	٤٥	٤٠	y

- ① معامل ارتباط الرتب لسبيرمان و بين نوعه :
 ② معادلة خط انحدار y على x
 ③ تنبأ بقيمة y عندما $x = 10$

21 من بيانات الجدول التالي :

x	ض	ق	ض	ج	ض	م	ج
y	ض	ق	ج	ق	ض	ج	ق

احسب معامل ارتباط الرتب لسبيرمان و بين نوعه :

أهم أسئلة الوحدة الثانية

22 أي المخططات الآتية تمثل القيم : ١٦٩ ، ١٦٨ ، ١٧٨ ، ١٨٧ ؟

الأوراق	الساق	الأوراق	الساق	الأوراق	الساق
١٦	٨ ٩	١٦	٨ ٩	١	٦ ٩
١٧	٧	١٧	٨	١	٦ ٨
١٨	٨	١٨	٧	١	٧ ٨
				١	٨ ٧

المفتاح ١٦٩ = ١٦ | ٩ المفتاح ١٦٨ = ١٦ | ٨ المفتاح ١٦٩ = ١ | ٦٩

23 من المخطط المقابل :

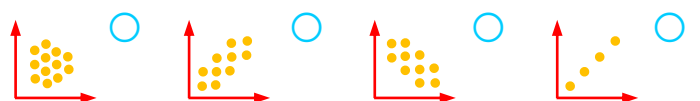
الساق	الأوراق
٢	١ ١ ٢ ٣
٣	٦ ٧ ٧
٤	٠ ١ ٢ ٢

..... = $3x + 2y + 1z$

٩٢ ١٠٠ ٩٨ ١٠٦

المفتاح ٢٣ = ٢ | ٣

- 1 أقوى معامل ارتباط عكسي فيما يلي هو
- ٠,٨ - ٠,٧ - ٠,٥ - ٠,٢ -
- 2 معامل الارتباط مقياس رقمي ينتمي للفترة
- [١,٠] [١,٠ -] [١,٠ -] [١,٠]
- 3 أضعف معامل ارتباط فيما يلي هو
- ٠,٩ ٠,١٢ ٠,٧ - ١,٢ -
- 4 مجموع القيم التي وسطها الحسابي ٨ و عددها ٧ يساوي
- ٨٠ ٦٠ ٥٦ ٤٠
- 5 العلاقة بين محيط الدائرة و طول نصف قطرها هي ارتباط
- طردي تام عكسي تام
 عكسي قوي طردي قوي
- 6 العلاقة بين طول ضلع المربع و محيطه
- طردي تام عكسي تام
 عكسي قوي طردي قوي
- 7 عند حساب معامل ارتباط الرتب لسبيرمان (r) لمتغيرين و كان $z = 63 = y$ ، $z = 8 = x$ فإن $r = \dots$
- ١ ٠,٧٥ ٠,٥ ٠,٢٥
- 8 إذا كانت جميع النقاط في شكل الانتشار تقع على خط مستقيم ميله موجب فإن معامل الارتباط بين المتغيرين =
- ١ - ١ ٠,٥ صفر
- 9 إذا كانت جميع النقاط في شكل الانتشار تقع على خط مستقيم ميله سالب فإن معامل الارتباط بين المتغيرين =
- ١ - ١ ٠,٥ صفر
- 10 إذا كانت معادلة خط الانحدار هي : $\hat{y} = 0,3x + 5$ فإن قيمة y المتوقعة عندما $x = 5$ هي
- ١,٣ ٣,٥ ٥,٥ ٦,٥
- 11 إذا كانت جميع النقاط في شكل الانتشار تقع على خط مستقيم فإن معامل الارتباط بين المتغيرين يمكن أن يساوي
- ١ - ٠,٧٥ ٠,٥ صفر
- 12 المعادلة الإحصائية لمعادلة خط الانحدار حيث b معامل الانحدار هي
- $\hat{y} = b + ax$ $\hat{y} = b + ax$
 $\hat{y} = b + ax$ $\hat{y} = b + ax$
- 13 إذا وقعت النقطتان (٥ ، ١٣) ، (٤ ، ١٤) على خط انحدار y على x فإن جميع النقاط الآتية تقع على نفس الخط ما عدا النقطة
- (٥ ، ١٥) (٨ ، ١٠) (١٢ ، ٦) (١٣ ، ٥)
- 14 شكل الانتشار الذي يمثل ارتباط عكسي هو





24 من المخطط المقابل :

الساق	الأوراق
٠	٩
١	٠ ٢ ٢ ٢ ٣ ٤ ٥ ٦ ٦
٢	٠ ١ ١ ٥ ٧ ٨ ٩
٣	١ ٢ ٣

المفتاح $١٢ = ١ | ٢$

١) الوسيط =

١٦

١٧

١٨

٢٠

٢) المنوال =

٣٣

٢١

١٦

١٢

٣) المدى =

٢٥

٢٤

٢٢

٢١

25 القيمة التي يسبقها $\frac{3}{4}$ البيانات تسمى

الربيع الأدنى الربيع الأعلى الوسيط المنوال

26 القيمة التي يليها ٧٥% البيانات تسمى

الربيع الأدنى الربيع الأعلى الوسيط المنوال

27 إذا كان : $١٧ = ١٧$ ، $٧ = ٧$ ، $٣ = ٣$ ، $١٢ = ١٢$ فإن نصف المدى الربيعي =

١

٢,٥

٣,٥

٧

28 الربع الثالث للقيم : ١ ، ٤ ، ٤ ، ٣ ، ٧ ، ٨ ، ٥ ، ٩ ، ٣ هو

٣,٧٥

٣

٧,٧٥

٥,٥

29 إذا كان ترتيب الربع الأدنى هو ٥,٧٥ فإن عدد القيم =

٢٤

٢٣

٢٢

٢١

30 إذا كان عدد البيانات n فأى مما يأتي يمكن أن يكون قيمة n حتى تكون

الربيعيات الثلاثة هي إحدى قيم البيانات ؟

٣١

٢١

١٧

١٣

31 من المخطط المقابل :

الساق	الأوراق
١	١ ١ ٢ ٣ ٤
٢	٢ ٢ ٤ ٥
٥	٦ ٧

المفتاح $١٣ = ١ | ٣$

نصف المدى الربيعي =

٤٦

٣٢

١١,٥

32 البيانات الموجودة في المخطط هي

١٨ ، ١٩ ، ٢٠ ، ٢٤ ، ٢٦ ، ٣٥ ، ٣٧

١٨٩ ، ٢٠٤٦ ، ٣٥٧

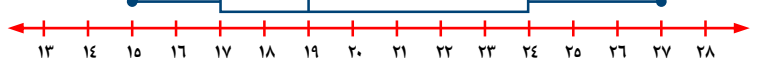
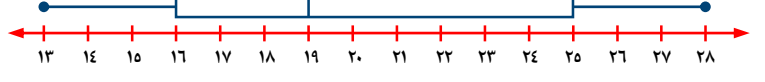
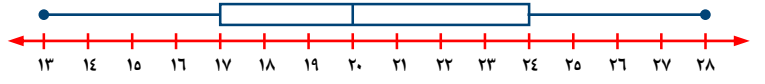
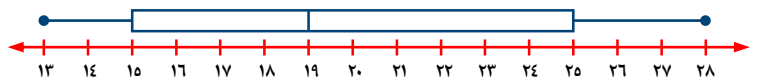
٨ ، ٩ ، ١ ، ٢ ، ٤ ، ٦ ، ٢ ، ٣ ، ٥ ، ٣ ، ٧

١ ، ٨ ، ٩ ، ٢ ، ٤ ، ٤ ، ٦ ، ٣ ، ٥ ، ٧

المفتاح $١,٨ = ١ | ٨$

33 المخطط الصندوقي للبيانات الآتية :

١٥ ، ٢٥ ، ١٧ ، ١٣ ، ١٩ ، ٢١ ، ٢٥ ، ١٧ ، ٢٧ ، ١٤ ، ٢٨ هو



34 من الجدول المقابل :

التكرار	الحدود العليا للمجموعات	التكرار	المجموعات
٠	أقل من ١٠	٢	-١٠
٢	أقل من ٢٠	٤	-٢٠
٦	أقل من ٣٠	٧	-٣٠
١٣	أقل من ٤٠	٥	-٤٠
١٨	أقل من ٥٠	٢	-٥٠
٢٠	أقل من ٦٠	٢٠	المجموع

$= ١٧ + ٢٧ + ٣٧$

$١٠٧ \frac{٣}{١٤}$

$٨٠ \frac{١١}{١٤}$

٧٠

٩٠

35 أوجد الربيعيات الثلاثة للقيم :

١٠ ، ٣٨ ، ٢٤ ، ٣١ ، ٢٩ ، ٨ ، ١٤ ، ٣٥

36 من المخطط المقابل :

الساق	الأوراق
٢	١ ١ ٦
٣	٢ ٦ ٨
٤	١ ٧

إذا كان نصف المدى الربيعي يساوي ٦

فإن : $٢ =$

٢

٦

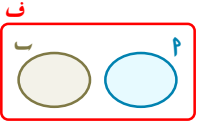
المفتاح $٣٦ = ٣ | ٦$



$$(A \cap B) \cup (A \cup B) = (A - B) \cup (B - A) \cup (A \cap B)$$

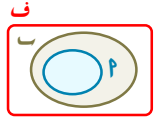
● احتمال وقوع أحدهما دون الآخر ● احتمال وقوع أحدهما فقط

الأحداث المتنافية



الحدثان المتنافيان

$$A \cap B = \emptyset, (A \cap B) \cup (A \cup B) = (A \cup B)$$



الاحتواء

إذا كان $A \subset B$ فإن:

$$(A \cap B) \cup (A \cup B) = (A \cup B), (A \cap B) \cup (A \cup B) = (A \cup B)$$

الاحتمال الشرطي

$$P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$$

$$P(A|B) - 1 = P(A - B|B)$$

في الاحتمال الشرطي، الحدث الذي يلي الحدث الذي يلي كلمة ما احتمال هو الحدث الذي نبدأ به الحدث الذي يلي إحدى هذه الكلمات علمًا بأن، إذا كان، إذا علم أن، بشرط أن هو الشرط.

الأحداث المستقلة

يقال أن الحدثان A ، B مستقلان إذا كان فقط إذا كان:

$$P(A \cap B) = P(A) \times P(B)$$

ملاحظات على الأحداث و الاحتمالات

● احتمال وقوع أي حدث $\in [0, 1]$ أي أن: $0 \leq P(A) \leq 1$

● احتمال وقوع الحدث المؤكد $= 1$ أي أن: $P(\Omega) = 1$

● احتمال وقوع الحدث المستحيل $= 0$ أي أن: $P(\emptyset) = 0$

● $P(A \cup B) = 1$ أي أن: $P(A \cup B) = 1$

● $P(A \cap B) = 0$ أي أن: $P(A \cap B) = 0$

● إذا كان: $P(A) = P(B)$ فإن: $P(A \cap B) = \frac{1}{2}$

أهم أسئلة الوحدة الثالثة

1 ألقى حجر نرد منتظم مرة واحدة فإن احتمال ألا يزيد العدد عن ٥ وألا يقل عن ٣ هو

$\frac{1}{6}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{5}{6}$

2 إذا كان: $P(A) = \frac{1}{3}$ ، $P(B) = \frac{2}{5}$ ، $P(A \cap B) = \frac{1}{5}$ فإن: $P(A \cup B) = \dots$

$\frac{1}{10}$ $\frac{3}{10}$ $\frac{3}{5}$ $\frac{3}{4}$

3 إذا كان: A ، B حدثين من فضاء العينة فإن حدث وقوع B فقط هو

$A - B$ $A \cup B$ $A \cap B$ $B - A$

4 في تجربة إلقاء حجر نرد منتظم مرتين متتاليتين فإن احتمال الحصول على عدد زوجي في الرمية الأولى و عدد أولي في الرمية الثانية يساوي

$\frac{1}{6}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{9}$ $\frac{1}{4}$



الوحدة الثالثة

الأحداث و فضاء العينة

فضاء العينة (F)

مجموعة جميع النواتج الممكنة للتجربة العشوائية

● فضاء العينة لتجربة إلقاء قطعة نقود مرة واحدة {ص، ل}

● فضاء العينة لتجربة إلقاء حجر نرد مرة واحدة {١، ٢، ٣، ٤، ٥، ٦}

● فضاء العينة لتجربة إلقاء قطعة نقود مرتين متتاليتين {(ص، ص)، (ص، ل)، (ل، ص)، (ل، ل)}

● عند إلقاء قطعة النقود n من المرات المتتالية فإن: $P = 2^n$

● عند إلقاء حجر النرد n من المرات المتتالية فإن: $P = 6^n$

العمليات على الأحداث

$(A \cap B)$	$(A \cup B)$	$(A - B)$	$(B - A)$
$P(A \cap B)$	$P(A \cup B)$	$P(A - B)$	$P(B - A)$

قوانين الاحتمالات

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

● احتمال وقوع أحد الحدثين على الأقل. ● احتمال وقوع A أو B

$$P(A \cap B) = P(A) + P(B) - P(A \cup B)$$

● احتمال وقوع A و B ● احتمال وقوع الحدثين معًا.

$$P(A - B) = P(A) - P(A \cap B)$$

● احتمال وقوع A فقط ● احتمال وقوع A دون B

$$P(B - A) = P(B) - P(A \cap B)$$

● احتمال وقوع B فقط ● احتمال وقوع B دون A

$$P(A \cup B) = P(A \cap B) + P(A - B) + P(B - A)$$

● احتمال عدم وقوع A و B معًا ● احتمال وقوع أحدهما على الأكثر

$$P(A \cap B) = P(A \cup B) - P(A - B) - P(B - A)$$

● احتمال عدم وقوع A وعدم وقوع B ● احتمال عدم وقوع أيًا من الحدثين

$$P(\bar{A}) = 1 - P(A)$$

$$P(\bar{B}) = 1 - P(B)$$



5 إذا كان احتمال نجاح طالب في التاريخ ٠,٦٢، واحتمال نجاحه في الجغرافيا ٠,٢٤، واحتمال نجاحه في إحداهما على الأقل ٠,٨١، فإن احتمال نجاحه في المادتين معاً يساوي

٠,١٨ ٠,٠٥ ٠,٠٥ ٠,٨٦

6 إذا كان: P ، B حدثين من فضاء العينة لتجربة عشوائية ف حيث: $P = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ ، $B = \{2, 3, 4, 5, 6\}$ فإن $P \cap B$ يكونان

مستقلين متنافيين
 غير مستقلين متنافيين و مستقلين

7 إذا كان: P ، B حدثين من فضاء العينة لتجربة عشوائية ف حيث: $P \supset B$ ، $P = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$ ، $B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ فإن $P \setminus B$ =

١ $\frac{1}{4}$ $\frac{2}{3}$ $\frac{1}{3}$

8 إذا كان: P ، B حدثين من فضاء العينة لتجربة عشوائية حيث $P \supset B$ وكان: $P = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$ ، $B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ فإن $P \setminus B$ =

٠,٢ ٠,٣٦ ٠,٦ ٠,٦٩

9 إذا كان: P ، B حدثين من فضاء العينة لتجربة عشوائية حيث $P \supset B$ وكان: $P = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$ ، $B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ فإن $P \setminus B$ =

١ $\frac{3}{4}$ $\frac{1}{6}$ $\frac{1}{4}$

10 إذا كان: P ، B حدثين من فضاء العينة لتجربة عشوائية و كان: $P = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$ ، $B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ فإن $P \cap B$ =

٢ ١ $\frac{1}{2}$ $\frac{9}{25}$

11 إذا كان: P ، B حدثين من فضاء العينة لتجربة عشوائية ف وكان: $P = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$ ، $B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ فإن: P ، B حدثان

مستقلين متنافيين
 متنافيين وغير مستقلين متنافيين و مستقلين

12 إذا كان: P ، B حدثين متنافيين من فضاء العينة لتجربة عشوائية وكان: $P = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$ ، $B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ فإن $P \cup B$ =

٠,٥٥ ٠,١٥ ٠,٠٥ ٠,٩٥

13 حقيبة بها ٦ كرات بيضاء، ١٠ كرات خضراء. سُحبت كرتان عشوائياً على التوالي دون إحلال (دون إرجاع) فإن احتمال أن تكون خضراوين =

$\frac{3}{8}$ $\frac{5}{8}$ $\frac{1}{8}$ $\frac{25}{64}$

14 إذا كان: P ، B حدثين مستقلين من فضاء العينة لتجربة عشوائية وكان: $P = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$ ، $B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ فإن $P \cup B$ =

٠,٧ ٠,١٢ ٠,٥ ٠,٦

15 إذا كان: P ، B حدثين مستقلين و كان: $P = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$ ، $B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ فإن $P - B$ =

٠,٦ ٠,٧ ٠,٣ ٠,٨

16 إذا كان: P ، B حدثين من فضاء العينة لتجربة عشوائية وكان: $P = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$ ، $B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ فإن $P \cap B$ =

$\frac{1}{5}$ $\frac{1}{8}$ $\frac{5}{8}$ $\frac{2}{5}$

17 إذا كان: P ، B حدثين من فضاء العينة و كان $P = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$ ، $B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ فإن $P \setminus B$ =

٠,٢ ٠,٤ ٠,٦ ٠,٨

18 في تجربة إلقاء حجر نرد مرة واحدة، فإن احتمال ظهور العدد ٣ علماً بأن الظاهر عدد فردي =

٠,٢ ٠,٤ ٠,٦ ٠,٨

19 إذا كان $P \supset B$ حيث $P = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$ ، $B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ فإن $P \setminus B$ =

$\frac{1}{5}$ $\frac{4}{5}$ $\frac{3}{5}$ $\frac{3}{2}$

20 إذا كان: P ، B حدثين من فضاء العينة لتجربة عشوائية ف كان: $P = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$ ، $B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ فإن $P \cap B$ =

$\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{5}{3}$ $\frac{5}{4}$

21 صندوق به ١٥ مصباح من بينهم ٥ مصابيح معيبة، إذا سُحِب مصباح عشوائياً الواحد تلو الآخر دون إحلال فإن احتمال أن يكون المصباحان معيبين

$\frac{1}{3}$ $\frac{2}{5}$ $\frac{2}{7}$ $\frac{2}{21}$

22 يحتوي صندوق على ١٠ كرات متماثلة منها ٤ كرات بيضاء، ٦ كرات حمراء، سُحبت منه كرتان على التوالي مع الاحلال فإن احتمال أن تكون الكرتان المسحوبتان حمراوين =

٠,٣ ٠,٦ ٠,٣٦ ٠,١٦

23 صندوق به ١٥ مصباح من بينهم ٥ مصابيح معيبة، إذا سُحِب مصباح عشوائياً الواحد تلو الآخر دون إحلال فإن احتمال أن يكون المصباحان معيبين

$\frac{1}{3}$ $\frac{2}{5}$ $\frac{2}{7}$ $\frac{2}{21}$

24 إذا كان: P ، B حدثين مستقلين من فضاء العينة لتجربة عشوائية وكان: $P = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$ ، $B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ فإن $P \cup B$ =

٠,٧ ٠,٢ ٠,٩ ٠,٨

25 إذا كان: P ، B حدثين من فضاء العينة و كان: $P = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$ ، $B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ فإن الحدثين P ، B يكونان

مستقلين متنافيين
 غير مستقلين متنافيين و مستقلين

26 في تجربة إلقاء حجر نرد و ملاحظة العدد الظاهر على الوجه العلوي فإن حدث ظهور عدد أولي على الوجه العلوي هو حدث

أولي بسيط مؤكد غير بسيط



الوحدة الرابعة

المتغير العشوائي المتقطع

المتغير العشوائي المتقطع :

هو متغير مدهاه مجموعة محددة من العناصر أي قابلة للعد

دالة التوزيع الاحتمالي :

ليكن S متغيراً عشوائياً متقطعاً مدهاه $\{s_1, s_2, \dots, s_r\}$

فإن الدالة D : $\{s_1, s_2, \dots, s_r\} \rightarrow [0, 1]$ تسمى دالة التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي المتقطع و تكتب :

s_r	s_{r-1}	s_{r-2}	s_2	s_1
$D(s_r)$	$D(s_{r-1})$	$D(s_{r-2})$	$D(s_2)$	$D(s_1)$

شروط دالة التوزيع الاحتمالي :

• $D(s_r) \geq 0$ لكل $r = 1, 2, \dots, r$

• $D(s_1) + D(s_2) + \dots + D(s_r) = 1$

المتوسط (μ) هو القيمة التي تتركز حولها معظم قيم المتغير العشوائي حيث :

$$\mu = \sum_{r=1}^r s_r \cdot D(s_r)$$

التباين (σ^2) يقيس مدى تشتت قيم المتغير العشوائي حول متوسطه حيث :

$$\sigma^2 = \sum_{r=1}^r s_r^2 \cdot D(s_r) - \mu^2$$

الانحراف المعياري (σ) الجذر التربيعي الموجب للتباين

$$\sigma = \sqrt{\sigma^2} = \sqrt{\text{التباين}}$$

معامل الاختلاف هو مقياس نسبي للتشتت لا يتأثر باختلاف الوحدات أو اختلاف المتوسط و يساوي $\frac{\sigma}{\mu} \times 100\%$

التجربة الاحتمالية الهندسية

شروط التجربة

- اشتمال التجربة على محاولة أو أكثر وكل محاولة لها نتيجتين نجاح أو فشل
- تتوقف التجربة عند أول نجاح

دالة التوزيع الاحتمالي الهندسي :

إذا كانت : $S \sim$ هندسي (C) فإن :

• $D(s) = (1-s)^{s-1} \cdot s$ حيث : $s = 1, 2, 3, \dots$

• $D(s \geq 3) = D(s=1) + D(s=2) + D(s=3)$

• $D(s > 3) = 1 - D(s \leq 3)$

حساب التوقع و التباين و الانحراف المعياري :

• التوقع أو المتوسط $\mu = \frac{1}{s}$

• التوقع أو التباين $\sigma^2 = \frac{s-1}{s^2}$

• الانحراف المعياري $\sigma = \sqrt{\frac{s-1}{s^2}} = \sqrt{\text{التباين}}$



التجربة الاحتمالية ذات الحدين

شروط التجربة

- اشتمال التجربة على محاولات متكررة وكل محاولة لها نتيجتين نجاح أو فشل
- وجود عدد محدد (n) من المحاولات في التجربة

دالة التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي ذي الحدين :

إذا كانت : $S \sim$ ذي الحدين (C, n) فإن :

• $D(s) = \binom{n}{s} \cdot C^s \cdot (1-C)^{n-s}$ حيث : $s = 0, 1, 2, \dots, n$

n عدد المحاولات ، C احتمال النجاح ، s عدد مرات النجاح

حساب التوقع و التباين و الانحراف المعياري :

• التوقع أو المتوسط $\mu = n \cdot C$

• التوقع أو التباين $\sigma^2 = n \cdot C \cdot (1-C)$

• الانحراف المعياري $\sigma = \sqrt{n \cdot C \cdot (1-C)}$

المتغير العشوائي المتصل

المتغير العشوائي المتصل :

هو متغير عشوائي مدهاه فترة مفتوحة أو مغلقة من C

التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي المتصل :

إذا كان $S \sim$ متغيراً عشوائياً متصلًا فإن الدالة D تسمى دالة

كثافة للمتغير S إذا كان : $D(s) = f(s)$ مساحة المنطقة

المحصورة أسفل منحنى الدالة و أعلى محور السينات في $[a, b]$

التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي المتصل :

• $D(s) \geq 0$ لكل $s \in [a, b]$

• مساحة المنطقة أسفل منحنى الدالة و أعلى محور السينات = 1

مساحات الأشكال الهندسية :

• مساحة المثلث = $\frac{1}{2} \times$ طول القاعدة \times الارتفاع المناظر

• مساحة المستطيل = الطول \times العرض

• مساحة المربع = طول الضلع \times نفسه

• مساحة شبه المنحرف = $\frac{1}{2} \times$ مجموع القاعدتين المتوازيين \times الارتفاع

أهم أسئلة المتغير العشوائي المتقطع



1 إذا كان $S \sim$ متغيراً عشوائياً مدهاه $\{0, 1, 2\}$ فإن جميع الدوال

الآتية لا تمثل دالة التوزيع الاحتمالي له عدا الدالة $D(s) = \dots$

$\frac{1-s^3}{6}$ $\frac{1}{2+s}$ $\frac{1+s-2}{3}$ $\frac{1+s^2}{8}$

2 إذا كان $S \sim$ متغيراً عشوائياً مدهاه $\{0, 1, 2, 3\}$ و كان :

$D(s=1) = 0,2$ ، $D(s=2) = 0,4$ ، $D(s=3) = 0,1$ ، $D(s=0) = 1 - (0,2 + 0,4 + 0,1) = 0,3$

فإن : $D(s < 1) = \dots$

0,3 0,4 0,5 0,6

3 إذا كان $S \sim$ متغيراً عشوائياً دالة توزيعه الاحتمالي :

s	1	2	3	4
$D(s)$	0,2	0,1	0,4	0,3

و كان المتوسط $\mu = 3,1$ ، فإن قيمة : $\sigma = \dots$

1- صفر 1 4



4 إذا كان $S \sim$ متغيراً عشوائياً مداه $\{0, 1, 2\}$ وكانت دالة توزيعه

الاحتمالي تتحدد بالعلاقة $D(S) = \frac{p}{q}$ فإن $p = 2$ =

- 1,5 2 0,5 1

5 إذا كان $S \sim$ متغيراً عشوائياً متقطعاً توقعه $= 0,6$

$\sum_{r=1}^{\infty} r \cdot P(S=r) = 4,36$ فإن الانحراف المعياري له =

- 3,76 4 1,94 2

6 إذا كان $S \sim$ متغيراً عشوائياً دالة توزيعه الاحتمالي:

3	2	1	S
0,5	0,3	0,2	D(S)

- 2,4 6 5,76 6,56

7 إذا كان التوقع للتوزيع الاحتمالي التالي يساوي 2 فإن قيمة $L =$

L	2	1	S
0,1	0,8	0,1	D(S)

- 3 5 4 6

8 إذا كان المتوسط الحسابي لمتغير عشوائي ما 150 و كان معامل الاختلاف

له 2% فإن تباين المتغير =

- 3,76 4 1,94 2

9 في تجربة إلقاء قطعة نقود ثلاث مرات متتالية و كان $S \sim$ متغير عشوائي

يعبر عن « عدد الصور - عدد الكتابات » فإن مدى $S \sim$ هو

- $\{3, 2, 1, 0\}$ $\{3, 1, 0\}$
 $\{3, 1, 0, -1, -2, -3\}$ $\{3, 1, 0\}$



أهم أسئلة التجربة الاحتمالية الهندسية

1 إذا كان احتمال النجاح في تجربة واحدة يساوي 0,3 فإن احتمال أن يحدث

أول نجاح في المحاولة الثالثة =

- 0,147 0,21 0,343 0,9

2 إذا كان احتمال النجاح في تجربة واحدة يساوي 0,25 فإن احتمال أن يحدث

أول نجاح في المحاولة الثالثة أو قبلها =

- $\frac{15}{64}$ $\frac{37}{64}$ $\frac{7}{16}$ $\frac{69}{64}$

3 إذا كان احتمال النجاح في تجربة واحدة يساوي 0,2 فإن احتمال أن يحدث

أول نجاح بعد المحاولة الرابعة =

- 0,496 0,4915 0,5904 0,6723

4 إذا كان احتمال حدوث الفشل في تجربة معينة هو 0,8 فإن عدد المحاولات

المتوقعة قبل النجاح الأول =

- 3 4 5 6

5 في تجربة إلقاء قطعة نقود و كان النجاح ظهور صورة فإن احتمال ظهور

صورة عند المرة الرابعة يساوي

- 1 $\frac{1}{16}$ $\frac{1}{8}$ $\frac{1}{4}$

6 التباين لتوزيع هندسي احتمال نجاحه 0,4 يساوي

- 0,25 1,25 3,75 2,75

أهم أسئلة التوزيع الاحتمالي ذي الحدين

1 إذا كان $S \sim$ ذي الحدين $(5, \frac{1}{4})$ فإن $L(S = 4) =$

- $\frac{80}{243}$ $\frac{10}{243}$ $\frac{16}{243}$ $\frac{80}{81}$

2 إذا كان احتمال النجاح في تجربة واحدة $E = 0,4$ و عدد المحاولات $n = 10$

فإن احتمال حدوث 4 نجاحات يساوي

- 0,2508 0,4 0,0537 0,124

3 إذا كان احتمال النجاح في تجربة واحدة $E = 0,3$ و عدد المحاولات $n = 7$

فإن احتمال عدم حدوث أي نجاح يساوي

- 0,01 0,2001 0,4787 0,2668

4 إذا كان احتمال النجاح في تجربة واحدة $E = 0,75$ و عدد المحاولات $n = 12$

فإن احتمال حدوث 11 نجاح أو أكثر يساوي

- 0,1584 0,1454 0,1234 0,2668

5 إذا كان احتمال النجاح في تجربة واحدة $E = 0,5$ و عدد المحاولات $n = 5$

فإن احتمال حدوث 3 نجاحات على الأقل يساوي

- 0,5 0,1825 0,15625 0,84375

6 إذا كان احتمال نجاح عملية جراحية $= 90\%$ فإن احتمال نجاح عملية واحدة

على الأقل إذا أجريت العملية ثلاث مرات هو

- 0,999 0,9 0,1 0,01

7 في تجربة إلقاء قطعة نقود منتظمة على الأرض 4 مرات فإن احتمال ظهور

الصورة في ثلاث مرات فقط يساوي

- $\frac{1}{16}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{8}$ $\frac{1}{4}$

8 إذا كان $S \sim$ ذي الحدين $(10, \frac{3}{6})$ فإن التوقع =

- 36 3,6 6,4 0,64

أهم أسئلة المتغير العشوائي المتصل

1 إذا كان $S \sim$ متغيراً عشوائياً متصلاً، دالة كثافة الاحتمال له تعطى

بالعلاقة $D(S) = \begin{cases} k & \text{صفر} \leq S \leq 4 \\ \text{صفر} & \text{فيما عدا ذلك} \end{cases}$ فإن $L =$

- $\frac{1}{32}$ $\frac{1}{16}$ $\frac{1}{8}$ $\frac{1}{4}$

2 إذا كان $S \sim$ متغيراً عشوائياً متصلاً، دالة كثافة الاحتمال له:

$D(S) = \begin{cases} \frac{1-S}{8} & 1 \leq S \leq 5 \\ \text{صفر} & \text{فيما عدا ذلك} \end{cases}$ فإن $L(3 \leq S \leq 5) =$

- $\frac{1}{4}$ $\frac{3}{8}$ $\frac{5}{8}$ $\frac{3}{4}$

3 إذا كان $S \sim$ متغيراً عشوائياً متصلاً، دالة كثافة الاحتمال له:

$D(S) = \begin{cases} \frac{1+S}{12} & 0 \leq S \leq 4 \\ \text{صفر} & \text{فيما عدا ذلك} \end{cases}$ فإن $L(S \geq 2) =$

- $\frac{5}{12}$ $\frac{1}{6}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{2}{3}$



٤ إذا كان X متغيراً عشوائياً متصلاً ، دالة كثافة الاحتمال له :

$$D(X) = \left. \begin{array}{l} \frac{X}{6} \\ \frac{1}{4} \\ \text{صفر} \end{array} \right\} \begin{array}{l} 0 \leq X < 2 \\ 2 \leq X < 4 \\ \text{فيما عدا ذلك} \end{array}$$

فإن : $P(X = \dots)$

- ٦ ٥ ٤ ٣

MR ABDELRAHMAN

MR ABDELRAHMAN



التقدير الاحصائي

■ **فترة الثقة :** فترة تستخدم لتقدير قيمة معلمة غير معروفة للمجتمع

■ **مستوى الثقة**

احتمال أن تكون فترة الثقة تحتوي على المعلمة و يساوي $(1 - \alpha)$

■ **تفسير فترة الثقة**

فترة الثقة بمستوى ٩٥ % تعني أنه عند تكرار تجربة بنفس الحجم عدد ١٠٠ مرة فإننا نثق بأن ٩٥ فترة من الفترات يقع بداخلها تقدير المعلمة

■ **القيمة الحرجة :**

- المناظرة لمستوى الثقة ٩٥ % هي $z_{\frac{\alpha}{2}} = 1,96$
- المناظرة لمستوى الثقة ٩٩ % هي $z_{\frac{\alpha}{2}} = 2,57$

■ **الخطأ في التقدير (ه)**

هـ = $\frac{\sigma}{n} \times z_{\frac{\alpha}{2}}$ حيث n حجم المجتمع ، σ الانحراف المعياري للمجتمع

■ **إيجاد فترة الثقة :**

- فترة الثقة تكتب في الصورة $[\bar{x} - هـ , \bar{x} + هـ]$
- $(\bar{x} + هـ)$ الحد الأعلى لفترة الثقة ، $(\bar{x} - هـ)$ الحد الأدنى لفترة الثقة
- الوسط الحسابي $\bar{x} = \frac{1}{n} (\text{الحد الأعلى لفترة الثقة} + \text{الحد الأدنى لها})$
- الخطأ في التقدير $هـ = \frac{1}{n} (\text{الحد الأعلى لفترة الثقة} - \text{الحد الأدنى لها})$

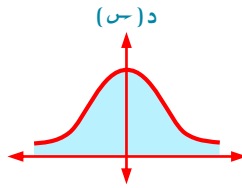
■ **أهم أسئلة المتغير العشوائي الطبيعي المعياري**

- 1 إذا كان z متغيراً عشوائياً طبيعياً معيارياً فإن $P(z \leq 0,97) = \dots$
 ٠,٣٤٤ ٠,١١ ٠,٨٤٤ ٠,٤٢٢
- 2 إذا كان z متغيراً عشوائياً طبيعياً معيارياً.
 فإن $P(1,2 \leq z \leq 3,14) = \dots$
 ٠,٤٩٩٢ ٠,٣٨٤٩ ٠,١١٤٣ ٠,٨٨٤١
- 3 إذا كان z متغيراً عشوائياً طبيعياً معيارياً.
 فإن $P(z \geq 1,42) = \dots$
 ٠,٤٢٢٢ ٠,٨٩٢٥ ٠,١٠٧٥ ٠,٣٩٢٥
- 4 إذا كان z متغيراً عشوائياً طبيعياً معيارياً.
 فإن $P(z \geq 1,42) = \dots$
 ٠,٤٢٢٢ ٠,٨٩٢٥ ٠,١٠٧٥ ٠,٣٩٢٥
- 5 إذا كان z متغيراً عشوائياً طبيعياً معيارياً.
 فإن $P(-1,6 \leq z \leq 0) = \dots$
 ٠,٤٤٥٢ ٠,٤٤٥٢ ٠,٩٤٥٢ ٠,٥٤٨
- 6 إذا كان z متغيراً عشوائياً طبيعياً معيارياً و كان $P(-1 \leq z \leq 1) = 0,7330$ فإن $P(z \leq 1) = \dots$
 ١ ١,١ ١,٢١
- 7 إذا كان z متغيراً عشوائياً طبيعياً معيارياً.
 فإن $P(-2,1 \leq z \leq 0,92) = \dots$
 ٠,٤٩٩٢ ٠,٣٨٤٩ ٠,١١٤٣ ٠,٨٨٤١

الوحدة الخامسة

التوزيع الطبيعي

■ المتغير العشوائي الطبيعي :



هو متغير عشوائي متصل مداه الفترة $[-\infty, \infty]$

و دالة كثافة الاحتمال له تتحدد بمتوسطه μ

وانحرافه المعياري σ و يسمى بـ المنحنى الطبيعي أو منحنى جاوس

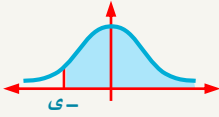

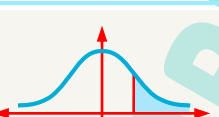
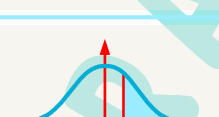

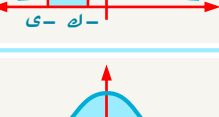
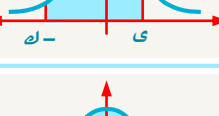
■ بعض خواص المنحنى الطبيعي الهامة :

- مساحة المنطقة أسفل المنحنى و أعلى محور السينات = ١
- المنحنى متصل و يقع أعلى محور السينات
- $P(z \leq 0) = P(z \geq 0) = 0,5$

■ حساب الاحتمالات للمتغير المعياري الطبيعي

$P(0 \leq z \leq 1) =$ المساحة تحت المنحنى و فوق الفترة $[0, 1]$

■ حساب الاحتمال باستخدام جدول المساحات

	$P(z \leq 1)$ المساحة = $0,5 + P(0 \leq z \leq 1)$
	$P(z \geq 1)$ المساحة = $0,5 - P(0 \leq z \leq 1)$
	$P(-1 \leq z \leq 1)$ المساحة = $0,5 - P(z \geq 1) + 0,5 + P(0 \leq z \leq 1)$
	$P(z \leq 1 \text{ or } z \geq k)$ المساحة = $P(z \leq 1) + P(z \geq k)$
	$P(-1 \leq z \leq -k)$ المساحة = $P(z \geq 0) - P(z \geq k)$
	$P(z \leq -1 \text{ or } z \geq k)$ المساحة = $P(z \leq -1) + P(z \geq k)$
	$P(-1 \leq z \leq 1)$ المساحة = $2P(0 \leq z \leq 1)$

■ حساب الاحتمالات للمتغير الطبيعي غير المعياري

$P(a \leq x \leq b) = P\left(\frac{a - \mu}{\sigma} \leq z \leq \frac{b - \mu}{\sigma}\right)$

حيث : μ المتوسط الحسابي ، σ الانحراف المعياري



أهم أسئلة التقدير الاحصائي

- 1 إذا كان ص متغيراً عشوائياً طبيعياً معيارياً. فإن ل (| ص | ≥ 1,4) =
 ٠,٨٣٨٤ ٠,٠,٣٣٥ ٠,٤١٩٢ ٠,٤٣٣٢
- 2 إذا كان ص متغيراً طبيعياً معيارياً فإن قيمة ل الموجبة التي تجعل ل (ص ≥ ل) = ٠,٨٨٨٨ هي
 ١,٢٢ ١,٣٢ ١,٣٣ ١,٢٣
- 3 إذا كان ص متغيراً طبيعياً معيارياً و كان ل (ص ≥ ٠) = ٠,٣٥٥٤ فإن قيمة ل =
 ١,٠٦ ١,٦ ٠,٩٦ ٠,١٠٦
- 4 إذا كان ص متغيراً طبيعياً معيارياً و كان ل (ص ≤ ل) = ٠,٩٤٥٢ فإن قيمة ل =
 ١,٦ ١,٦ - ١,٤ ١,٤ -
- 1 إذا كان ص متغيراً عشوائياً طبيعياً متوسطه μ وانحرافه المعياري σ فإن ل ($\mu \geq \text{ص} \geq \mu + \sigma$) =
 ٠,٥٨٤٤ ٠,٤٧٧٢ ٠,٠٢٢٨ ٠,٩٧٧٢
- 2 إذا كان متوسط توزيع أجور عمال أحد المصانع هو توزيع طبيعي متوسطه $\mu = ٥٠٠٠$ جنية وانحرافه المعياري $\sigma = ٥٠٠$ فإن النسبة المئوية لعدد العمال الذين تزيد أجورهم عن ٦١٤٥ جنية = %
 ١١ ١٠ ٠,١ ١,١
- 3 إذا كان ص متغيراً عشوائياً طبيعياً متوسطه μ وانحرافه المعياري σ فإن ل ($\mu - \sigma \leq \text{ص} \leq \mu + \sigma$) =
 ٠,٤٣٣٢ ٠,٣٨٣٠ ٠,٧٠٦٢ ٠,٨٦٦٤
- 4 إذا كان ص متغيراً عشوائياً طبيعياً متوسطه $\mu = ١٦٥$ وانحرافه المعياري σ و كان ل ($\text{ص} \leq ١٨٠$) = ٠,١٦٦٨ فإن $\sigma =$
 ١٠ ٥ ١٠٠ ١
- 5 إذا كان ص متغيراً عشوائياً طبيعياً متوسطه $\mu = ٥٠$ وانحرافه المعياري $\sigma = ٥$ و كان ل ($\text{ص} > ل$) = ٠,٠٥٤٨ فإن ل =
 ٤٢ ٥٦ ٥٨ ٦٦
- 6 إذا كان ص متغيراً عشوائياً طبيعياً متوسطه $\mu = ٥٠$ وانحرافه المعياري $\sigma = ٥٠$ و انحرافه المعياري $\sigma = ٨$ و كان ل ($\text{ص} > ٤٠$) = ٠,١٥٨٧ فإن قيمة المتوسط μ **أوجد:**
 ١٠ ٦٠ ٢٠ ١٠٠

أهم أسئلة المتغير العشوائي الطبيعي غير المعياري

- 12 في الشكل المقابل :
 يمثل منحنى دالة الكثافة لمتغير عشوائي طبيعي غير معياري فإن $\mu =$
 ٤ ٢ ١٤ ٧
- 13 إذا كان ص متغيراً عشوائياً طبيعياً متوسطه μ وانحرافه المعياري σ فإن ل ($\mu \geq \text{ص} \geq \mu + \sigma$) =
 ٠,٥٨٤٤ ٠,٤٧٧٢ ٠,٠٢٢٨ ٠,٩٧٧٢
- 14 إذا كان متوسط توزيع أجور عمال أحد المصانع هو توزيع طبيعي متوسطه $\mu = ٥٠٠٠$ جنية وانحرافه المعياري $\sigma = ٥٠٠$ فإن النسبة المئوية لعدد العمال الذين تزيد أجورهم عن ٦١٤٥ جنية = %
 ١١ ١٠ ٠,١ ١,١
- 15 إذا كان ص متغيراً عشوائياً طبيعياً متوسطه μ وانحرافه المعياري σ فإن ل ($\mu - \sigma \leq \text{ص} \leq \mu + \sigma$) =
 ٠,٤٣٣٢ ٠,٣٨٣٠ ٠,٧٠٦٢ ٠,٨٦٦٤
- 16 إذا كان ص متغيراً عشوائياً طبيعياً متوسطه $\mu = ١٦٥$ وانحرافه المعياري σ و كان ل ($\text{ص} \leq ١٨٠$) = ٠,١٦٦٨ فإن $\sigma =$
 ١٠ ٥ ١٠٠ ١
- 17 إذا كان ص متغيراً عشوائياً طبيعياً متوسطه $\mu = ٥٠$ وانحرافه المعياري $\sigma = ٥$ و كان ل ($\text{ص} > ل$) = ٠,٠٥٤٨ فإن ل =
 ٤٢ ٥٦ ٥٨ ٦٦
- 18 إذا كان ص متغيراً عشوائياً طبيعياً متوسطه $\mu = ٥٠$ وانحرافه المعياري $\sigma = ١٠$ **أوجد:**
 ١٠ ٦٠ ٢٠ ١٠٠
- 19 إذا كان ص متغيراً عشوائياً طبيعياً متوسطه μ وانحرافه المعياري $\sigma = ٨$ و كان ل ($\text{ص} > ٤٠$) = ٠,١٥٨٧ فإن قيمة المتوسط μ **أوجد:**
 ١٠ ٦٠ ٢٠ ١٠٠