

الدرجة: ستمئة

سلم درجات مادة: الرياضيات

أولاً: أجب عن السؤالين الآتيين:

(60 درجة)

السؤال الأول: اختر الإجابة الصحيحة وانقلها إلى ورقة إجابتك في كل بند مما يأتي:

(1) العدد $\frac{\pi}{3}$ هو

A	عدد غير عادي	B	عدد عادي	C	عدد عشري
---	--------------	---	----------	---	----------

(2) المقدار $(\frac{2}{3}x)^2$ يساوي

A	$\frac{4}{6}x^2$	B	$\frac{4}{9}x^2$	C	$\frac{4}{9}x$
---	------------------	---	------------------	---	----------------

(3) الكسر المختزل بين الكسور الآتية هو

A	$\frac{33}{270}$	B	$\frac{2574}{1272}$	C	$\frac{34}{35}$
---	------------------	---	---------------------	---	-----------------

(4) قيمة $\cos(15^\circ)$ تساوي

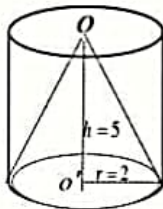
A	$\cos(75^\circ)$	B	$\sin(75^\circ)$	C	$\tan(75^\circ)$
---	------------------	---	------------------	---	------------------

الملاحظات	الخيارات	الدرجة	الإجابة
	أو عدد غير عادي	15	A
	أو $\frac{4}{9}x^2$	15	B
	أو $\frac{34}{35}$	15	C
	أو $\sin(75^\circ)$	15	B
		60	مجموع

السؤال الثاني:

(40 درجة)

ضع في ورقة إجابتك كلمة صح أمام العبارة الصحيحة و كلمة غلط أمام العبارة المغلوطة في كل مما يأتي :
 نتأمل الشكل المجاور ، أسطوانة و مخروط دوراني يشتركان بالقاعدة ، و رأس المخروط النقطة O هو مركز القاعدة العلوية للأسطوانة ، نصف قطر القاعدة $r = 2cm$ و الارتفاع $h = 5cm$



(1) حجم الأسطوانة هو $20\pi cm^3$.

(2) حجم المخروط يساوي $\frac{1}{2}$ حجم الأسطوانة

(3) المساحة الجانبية للأسطوانة تساوي $20\pi cm^2$.

(4) المساحة الكلية للأسطوانة تساوي $40 cm^2$.

الملاحظات	الخيارات	الدرجة	الإجابة
		10	صح -1
		10	غلط -2
		10	صح -3
		10	غلط -4
		40	مجموع

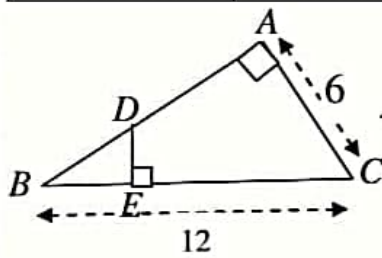
(لكل تمرين 75 درجة)

ثانياً: حل أربعة فقط من التمارين الخمسة الآتية:

السؤال الثالث: التمرين الأول: ليكن المقدار: $A = (x+2)^2 - 3(x+2)$ و المطلوب:

(1) انشر A ثم اختزله ، (2) حلل A إلى جداء عاملين ، ثم حل المعادلة $A = 0$.

الملاحظات	الخيارات	الدرجة	الإجابة
	لكل حد 5 درجات	25	$A = x^2 - 4x - 4 - 3x - 6$ -1
		10	$A = x^2 - 7x - 2$ -2
		15	$A = (x+2)[(x+2) - 3]$ -3
		5	$A = (x-2)(x-1)$ -4
		10	$(x+2)(x-1) = 0$ -5
		10	إما $x = -2$ أو $x = 1$ -6
		75	مجموع



السؤال الرابع: التمرين الثاني: في الشكل المجاور ABC مثلث قائم في A فيه :

$AC = 6$ و $DE = 2$ و $BC = 12$ المطلوب :

(1) اكتب عبارة $\sin \hat{B}$ في كل من المثلثين BDE و ABC ، واستنتج الطول DB .

(2) احسب الطولين BE و EC .

الملاحظات	الخيارات	الدرجة	الإجابة
		5×3	$\sin B = \frac{AC}{BC} = \frac{6}{12} = \frac{1}{2}$ -1
		10	$\sin B = \frac{DE}{BD}$ -2
		5×3	$\frac{2}{BD} = \frac{1}{2}$ ومنه $BD = 4$ -3
		10	$BE^2 = BD^2 - ED^2$ -4
		10+5	$BE^2 = 16 - 4 = 12$ -5
		5	$BE = \sqrt{12}$ -6
		5	$EC = 12 - 2\sqrt{3}$ -7
		75	مجموع

ملاحظة : في الخطوات 4 و 5 و 6 إذا اتبع الطالب الطريقة الآتية:

ينال الدرجات المخصصة للخطوات 4 و 5 و 6

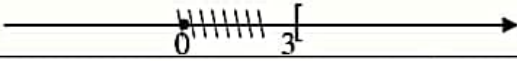
$$\cos 30^\circ = \frac{BE}{4} \text{ ثم } \cos B = \frac{BE}{BD} \text{ ومنه } \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{BE}{4} \text{ ومنه } BE = \sqrt{12}$$

السؤال السادس:

التمرين الرابع :

(1) حل المتراجحة $2x - 5 \geq 1$

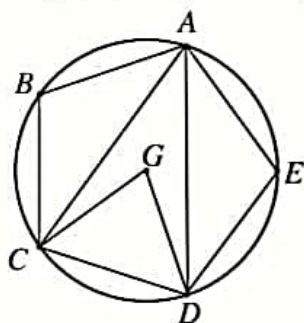
(2) لدينا التابع f المعطى بالصيغة $f(x) = 4(x - 2)^2$ ، و المطلوب جد $f(3)$ ، و عين أسلاف العدد (0) .

الملاحظات	الدرجة	الإجابة
	10	$2x \geq 1+5$ -1
	5	$2x \geq 6$ -2
	10	$x \geq 3$ -3
	5+5	 -4
	10	$f(3) = 4(3 - 2)^2$ -5
إذا كتب الطالب النتيجة مباشرة ينال الدرجات المخصصة لهذه الخطوات	5+5	$f(3) = 4(1)^2 = 4$ -6
	5	$-4(x - 2)^2 = 0$ -7
	5	$(x - 2)^2 = 0$ -8
	5+5	$x - 2 = 0$ ومنه $x = 2$ -9
	75	مجموع

السؤال السابع:

التمرين الخامس : في الشكل المجاور: $ABCDE$ خماس منتظم مرسوم في دائرة مركزها G ونصف قطرها 3cm و

المطلوب :



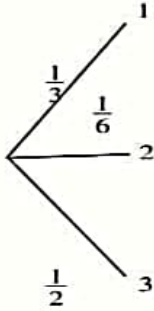
(1) احسب قياس الزاوية CGD و استنتج قياس الزاوية CDG

(2) احسب قياس الزاوية CAD

الملاحظات	الدرجة	الإجابة
	20+10	$CGD = \frac{360^\circ}{5} = 72^\circ$ -1
	5	CGD مثلث متساوي الساقين زاويتي القاعدة متساويتان -2
	10+10	$CDG = \frac{180^\circ - 72^\circ}{2}$ -3
	5	$CDG = 54^\circ$ -4
	5	$\angle CAD$ محيطية $= \frac{1}{2}$ المركزية -5
	5+5	$CAD = \frac{72^\circ}{2} = 36^\circ$ -6
	75	مجموع

التمرين الثالث : السؤال الخامس :

نلقي حجر نرد متجانس أوجهه تحمل الأرقام 1, 2, 3, 3, 3, 1 ونعرّف الأحداث الآتية :
 الحدث A : " ظهور عدد أصغر تماماً من 3 " ، الحدث B : " ظهور عدد فردي " ، الحدث C : " ظهور عدد زوجي " .
 المطلوب : (1) ارسم شجرة الإمكانيات مزوداً فروعها باحتمالات النتائج الممكنة .
 (2) ما هو الحدث المعاكس للحدث B .
 (3) احسب احتمال كل من الحدثين A و B .



ملاحظات	الدرجة	الإجابة
	5×3	1- لكل فرع
	5×3	احتمال كل فرع
	15	2- الحدث المعاكس للحدث B $C = \{2\}$ أو ظهور عدد زوجي
	5×3	3- $B = \{1, 3\}$ $P(B) = P(3) + P(1)$ $= \frac{3}{6} + \frac{2}{6} = \frac{5}{6}$
	5×3	$A = \{1, 2\}$ $P(A) = P(2) + P(1)$ $= \frac{1}{6} + \frac{2}{6} = \frac{1}{2}$
	75	مجموع

ملاحظة: إذا عبّر الطالب عن معرفته للحدث من خلال حسابه للاحتمال ينال الدرجات المخصصة لكتابة الحدث ضمناً.

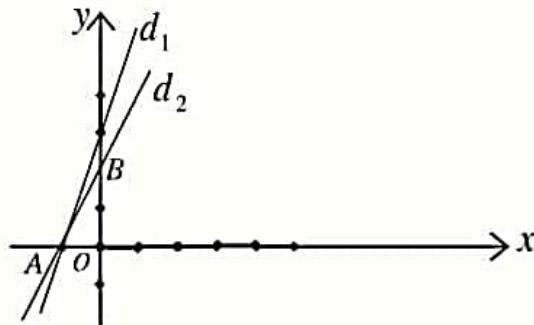
ثالثاً: حل المسألتين الآتيتين: (لكل مسألة 100 درجة)

السؤال الثامن: المسألة الأولى: المستقيمان (d_1) و (d_2) معادلتهما $d_1: 3x - y + 3 = 0$ و $d_2: y = 2x - 2$ والمطلوب:

- (1) حل جملة المعادلتين جبرياً .
- (2) جد إحداثيتي النقطة B نقطة تقاطع المستقيم (d_2) مع محور الترتيب .
- (3) في معلم متجانس ارسم كلاً من المستقيمين (d_1) و (d_2) وعين إحداثيتي نقطة تقاطعهما A .
- (4) احسب مساحة المثلث OAB .

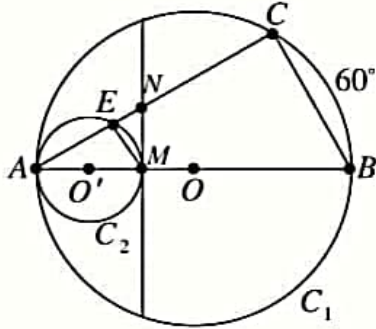
الملاحظات	الدرجة	الإجابة									
	5	-1 تعويض احدى المعادلتين في الثانية									
	5+5	-2 اصلاح المعادلة و حساب و الوصول إلى $x + 1 = 0$									
	5	-3 $x = -1$									
	5+5	-4 تعويض قيمة $x = -1$ و حساب قيمة $y = 0$									
	5+5	-5 حساب إحداثيتي النقطة B فرض $x = 0$ ثم حساب $y = 2$									
(إعطاء قيمة لـ (x) 5 درجات حساب (y) درجتان $2 \times$ أو أية نقطتين	5 2 5 2	-6 <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td>x</td> <td>y</td> <td>(x, y)</td> </tr> <tr> <td>-1</td> <td>0</td> <td>$(-1, 0)$</td> </tr> <tr> <td>0</td> <td>3</td> <td>$(0, 3)$</td> </tr> </table>	x	y	(x, y)	-1	0	$(-1, 0)$	0	3	$(0, 3)$
x	y	(x, y)									
-1	0	$(-1, 0)$									
0	3	$(0, 3)$									
(إعطاء قيمة لـ (x) 5 درجات حساب (y) درجتان $2 \times$ أو أية نقطتين	5 2 5 2	-8 <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td>x</td> <td>y</td> <td>(x, y)</td> </tr> <tr> <td>-1</td> <td>0</td> <td>$(-1, 0)$</td> </tr> <tr> <td>0</td> <td>2</td> <td>$(0, 2)$</td> </tr> </table>	x	y	(x, y)	-1	0	$(-1, 0)$	0	2	$(0, 2)$
x	y	(x, y)									
-1	0	$(-1, 0)$									
0	2	$(0, 2)$									

- محاور: 5+5 ،
 d_1 : 2 نقط + 4 مستقيم ،
 d_2 : 2 نقط + 4 مستقيم ،
 نقطة التقاطع $A(-1, 0)$: 5 درجات



	2+3	-10 مساحة المثلث 1 $S_{(OAB)} = \frac{1 \times 2}{2}$
	100	المجموع

المسألة الثانية: السؤال التاسع:



في الشكل المجاور : دائرتان متماستان داخلاً في النقطة A هما C_1 مركزها O ونصف قطرها 6 و C_2 مركزها O' ونصف قطرها 2 و المستقيم (MN) مماس للدائرة في M و قياس القوس $\widehat{BC} = 60^\circ$ المطلوب:

- (1) بين أن $\angle BAC = 30^\circ$ ، واحسب الطولين AC و BC .
- (2) لماذا تشمل مبرهنة النسب الثلاث المثلثين ABC و AME و اكتب النسب الثلاث المتساوية ثم احسب الطول ME
- (3) أثب أن $CNMB$ رباعي دائري عين مركز الدائرة المارة برؤوسه .
- (4) احسب قياس الزاوية $\angle NME$ و استنتج الطول NE .

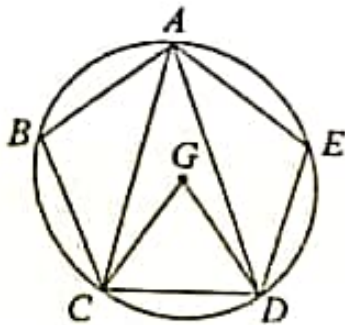
الملاحظات	الدرجة	الإجابة
	5	1- $\widehat{BC} = 60^\circ$ محيطية تقابل القوس $\widehat{BC} = 60^\circ$
	5	2- $\angle BAC = 30^\circ$
	5+5	3- المثلث BAC قائم في C وفيه $\angle BAC = 30^\circ$ $BC = 6$
	5+5	4- $\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{AC}{12}$ ، $\cos 30^\circ = \frac{AC}{AB}$
	5	5- $AC = 6\sqrt{3}$
	5	6- $ME \perp AC$ و $CB \perp AC$ العمودان على مستقيم واحد متوازيان $ME \parallel BC$
	10	7- $\frac{AE}{AC} = \frac{AM}{AB} = \frac{EM}{CB}$
	5+5	8- $EM = 2$ ومنه $\frac{4}{12} = \frac{EM}{6}$
	5+5	9- $\angle M = 90^\circ$ ، $\angle C = 90^\circ$
	10	10- $CNMB$ رباعي دائري لوجود زاويتان متقابلتان و متكاملتان
	5	11- مركز الدائرة هو منتصف الوتر المشترك NB

	3	$\widehat{EM} = 60$ مماسية تقاس بنصف قياس القوس	- 12
	2	$N\hat{M}E = 30^\circ$	- 13
	3	$\tan 30^\circ = \frac{EN}{EM}$	- 14
	5+2	$EN = \frac{2\sqrt{3}}{3}$ ومنه $\frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{EN}{2}$	- 15
	100	المجموع	

- انتهى السَّم -

التمرين الرابع:

- (1) حل المتراجحة: $2x - 5 \geq 1$ ، و مثل حلولها على مستقيم الأعداد.
- (2) لدينا التابع f المعطى بالصيغة $f(x) = -4(x - 2)^2$ ، والمطلوب:
جد $f(3)$ ، وعين أسلاف العدد (0).



(100 درجة لكل مسألة)

التمرين الخامس:

في الشكل المجاور: $ABCDE$ مخمس منتظم مرسوم في دائرة مركزها G ، ونصف قطرها 3cm . والمطلوب:

- (1) احسب قياس الزاوية \widehat{CGD} ، واستنتج قياس الزاوية \widehat{CDG} .
- (2) احسب قياس الزاوية \widehat{CAD} .

ثالثاً: حل المسألتين الآتيتين:

المسألة الأولى:

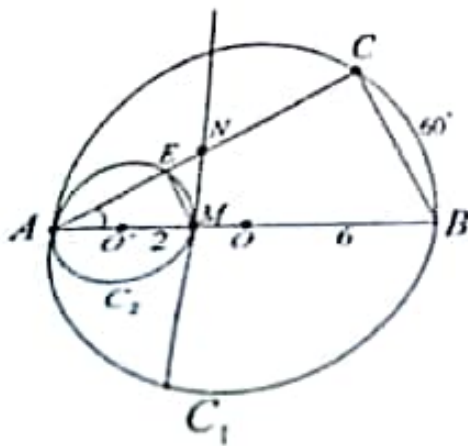
$$\begin{cases} d_1: 3x - y + 3 = 0 \\ d_2: y = 2x + 2 \end{cases} \text{ المستقيمان } (d_1) \text{ و } (d_2) \text{ معادلتهما}$$

والمطلوب:

- (1) حلّ جملة المعادلتين جبرياً.
- (2) حد إحداثيتي النقطة B نقطة تقاطع المستقيم (d_2) مع محور الترتيب.
- (3) في معلم متحانس ارمس كلأ من المستقيمين (d_1) و (d_2) ، وعين إحداثيتي نقطة تقاطعهما A .
- (4) احسب مساحة المثلث OAB .

المسألة الثانية:

في الشكل المجاور: دائرتان متماستان داخلاً في النقطة A هما C_1 مركزها O ونصف قطرها 6 و C_2 مركزها O' ونصف قطرها 2 ، والمستقيم (MN) مماس للدائرة C_2 في النقطة M ، وقياس القوس $\widehat{BC} = 60^\circ$.
مطلوب:



- (1) بين أن $\widehat{BAC} = 30^\circ$ ، واحسب الطولين BC و AC .
- (2) اعمانا تشمل مبرهنة النسب الثلاث المثلثين AME و ABC ؟
- (3) واكتب النسب الثلاث المتساوية ، ثم احسب الطول ME .
- (4) أثبت أن $CNMB$ رباعي دائري، عين مركز الدائرة المعارة برؤوسه.
- (5) حسب قياس الزاوية \widehat{NME} ، واستنتج الطول NE .

التهت الأسئلة

امتحان شهادة التعليم الأساسي والإعدادية الشريعة
دورة عام ٢٠٢٠

الاسم:
الرقم:
المنطقة:
الدرجة:
الوقت: ١٩٠ دقيقة

(60 درجة)

أولاً: أجب عن المسائل الآتية:
المسألة الأولى: اختر الإجابة الصحيحة وانقلها إلى ورقة إجابتك في كل بند مما يأتي:

A	عدد غير عادي	B	عدد عادي	C	عدد عشري
---	--------------	---	----------	---	----------

(1) العدد $\frac{\pi}{3}$ هو

A	$\frac{4}{6}x^2$	B	$\frac{4}{9}x^2$	C	$\frac{4}{9}x$
---	------------------	---	------------------	---	----------------

(2) المقدار $\left(\frac{2}{3}x\right)^2$ يساوي

A	$\frac{33}{270}$	B	$\frac{2574}{1272}$	C	$\frac{34}{35}$
---	------------------	---	---------------------	---	-----------------

(3) الكسر المختزل بين الكسور الآتية هو:

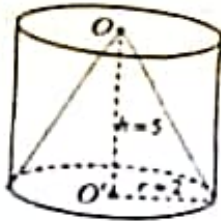
A	$\cos 75^\circ$	B	$\sin 75^\circ$	C	$\tan 75^\circ$
---	-----------------	---	-----------------	---	-----------------

(4) قيمة $\cos(15^\circ)$ تساوي

(40 درجة)

المسألة الثانية:

ضع في ورقة إجابتك كلمة صح أمام العبارة الصحيحة وكلمة غلط أمام العبارة المغلوطة في كل بند مما يأتي:
نأخذ الشكل المعاور، لسطوانة ومخروط دوراني يشتركان بالقاعدة، ورأس المخروط النقطة O هو مركز القاعدة العلوية للسطوانة، نصف قطر القاعدة $r = 2\text{cm}$ والارتفاع $h = 5\text{cm}$.



(75 درجة لكل تعيين)

- حجم الأسطوانة هو $20\pi \text{ cm}^3$.
- حجم المخروط يساوي $\frac{1}{2}$ حجم الأسطوانة.
- المساحة الجانبية للأسطوانة تساوي $20\pi \text{ cm}^2$.
- المساحة الكلية للأسطوانة تساوي 40 cm^2 .

ثانياً: حل أربعة فقط من التمارين الخمسة الآتية:

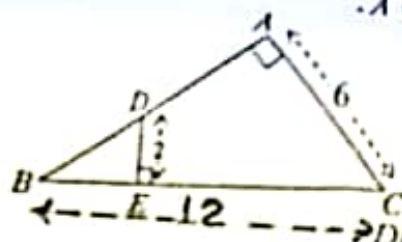
التعيين الأول:

- ليكن المقدار: $A = (x+2)^2 - 3(x+2)$ والمطلوب:
- لنشر A ثم اختزله. (2) حل A إلى جداء عاملين، ثم حل المعادلة $A = 0$.

التعيين الثاني:

في الشكل المجاور ABC مثلث قائم في A وفيه:

$AC = 6$ و $DE = 2$ و $BC = 12$. المطلوب:



(1) اكتب عبارة $\sin B$ في كل من المثلثين BDE و ABC ، واستنتج الطول DB .

(2) احسب الطولين BE و EC .

التعيين الثالث:

لنلق حجر نرد متجانس لوجهه تحمل الأرقام 1, 1, 2, 3, 3, 3، ونعرّف الأحداث الآتية:

الحادث A : ظهور عدد أصغر تماماً من 3، الحادث B : 'ظهور عدد فردي'، الحادث C : 'ظهور عدد زوجي'.

المطلوب: (1) ارم شجرة الإنكزات مرزواً فروعها باحتمالات النتائج الممكنة.

(2) ما هو الحادث المعاكس للحادث B ؟

(3) احسب احتمال كل من الحادثين A و B .