

أولاً: أجب عن الأسئلة الثلاثة التالية: (50 درجة لكل سؤال)

السؤال الأول: اختر الإجابة الصحيحة وانقلها إلى ورقة إجابتك في كل بند مما يأتي:

(1) مربع مساحته $9m^2$ صمم نموذجاً مكبراً له مساحته $36m^2$ فإن معامل التكبير يساوي:

8	D	2	C	3	B	4	A
---	---	---	---	---	---	---	---

(2) ربع العدد 16^3 هو:

4^5	D	4^4	C	4^3	B	4^2	A
-------	---	-------	---	-------	---	-------	---

(3) العددان الأوليان فيما بينهما في كل زوج من الأزواج المعطاة هما:

(17,51)	D	(27,45)	C	(5,21)	B	(14,42)	A
---------	---	---------	---	--------	---	---------	---

(4) ABC مثلث قائم في A وفيه $AB = AC = 3$ يكون طول BC يساوي:

$6\sqrt{2}$	D	$3\sqrt{3}$	C	$2\sqrt{3}$	B	$3\sqrt{2}$	A
-------------	---	-------------	---	-------------	---	-------------	---

(5) قيمة العدد $\frac{4^5 \times 3^2 \times 15}{2^6 \times 3^3}$ تساوي:

32	D	80	C	16	B	40	A
----	---	----	---	----	---	----	---

السؤال الثاني: ضع في ورقتك كلمة صح أمام العبارة الصحيحة وكلمة غلط أمام العبارة المغلوطة:

(1) $\sin \hat{B} = \tan \hat{B} \times \cos \hat{B}$

(2) حلول المتراجحة $-3x > 5$ هي جميع قيم x التي تحقق $x > -\frac{5}{3}$

(3) العدد $\frac{\sqrt{108}}{\sqrt{2} \times \sqrt{18}}$ هو عدد عشري

(4) $\cos^2 60^\circ = 1 - \cos^2 30^\circ$

(5) قيمة x في العلاقة: $\cos(3x + 2) = \sin(5x)$ تساوي 11

السؤال الثالث: انسخ على ورقة إجابتك ثم أكمل العبارات التالية لتكون كل منها صحيحة:

(1) يعطى قانون حجم المخروط بالعلاقة $v = \frac{1}{3} \times s \times h$ فإن حجم مخروط مصغر عنه بنسبة $\frac{1}{2}$

يعطى بالعلاقة: $v' = \underline{\hspace{2cm}}$

(2) ABC مثلث قائم في B وفيه $[BC] = 6$ و $\hat{A} = 60^\circ$ فيكون $[AC] = \underline{\hspace{2cm}}$

(3) $(\underline{\hspace{1cm}} + 9)^2 = 2x^2 + \underline{\hspace{1cm}} + 81$

(4) إن العدد $\sqrt{1 + \sqrt{5} + \sqrt{16}}$ هو عدد صحيح ويساوي $\underline{\hspace{2cm}}$

(5) $(\sqrt{5} - \underline{\hspace{1cm}})(\underline{\hspace{1cm}} + \underline{\hspace{1cm}}) = (\underline{\hspace{1cm}} - \underline{\hspace{1cm}}) = 1$

ثانياً: حل التمارين الخمسة التالية: (70 درجة لكل تمرين)

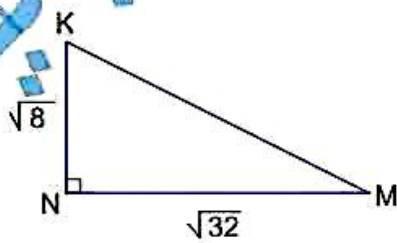
التمرين الأول: MNK مثلث قائم في N

$MN = \sqrt{32}$ و $NK = \sqrt{8}$ والمطلوب:

(1) اكتب كلاً من MN و NK بالشكل $a\sqrt{2}$

(2) احسب $\tan \hat{M}$ و اكتبه بأبسط صيغة

(3) احسب MK و اكتبه بأبسط صيغة



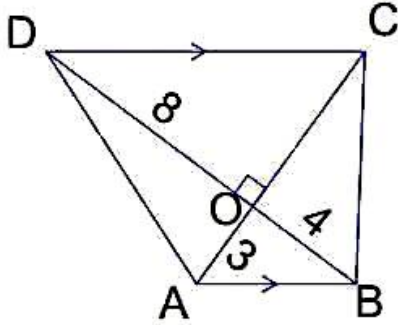
إعداد كادر صفحة الرياضيات الأساسية التعليمية في 16/12/2025

يتبع في الصفحة الثانية.....

الرياضيات المدة: ساعتان الدرجة: 600
التمرين الثاني: لدينا المتراجحة $9 - 4x \geq 3x - 5$ و المطلوب:

- تحقق أي من العددين $\frac{1}{3}$ و 3 حلاً لهذه المتراجحة
- حل المتراجحة $9 - 4x \geq 3x - 5$ و مثل حلولها على مستقيم الأعداد

التمرين الثالث: في الشكل جانبا ABCD شبه



منحرف قاعدته [AB] و [CD]

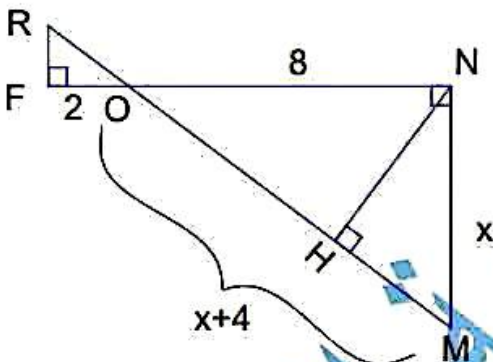
O نقطة تقاطع قطريه المتعامدين

فيه $OA=3, OB=4, OD=8$ والمطلوب:

- احسب الطول AB ثم اكتب النسب الثلاثة المتساوية للمثلثين المتشابهين AOB و COD
- احسب الطول OC و CD واحسب النسبة: $\frac{\text{مساحة AOB}}{\text{مساحة COD}}$

التمرين الرابع: لدينا المقدار $A = 3(x + 1)^2 - (6x + 6)$ و المطلوب

- انشر واختزل المقدار A
- حلل المقدار A إلى جداء عوامل من الدرجة الأولى
- حل المعادلة $A=0$



التمرين الخامس: في الشكل المجاور ORF مثلث قائم في \hat{F}

فيه $OF=2$ و OMN مثلث قائم في \hat{N} و فيه $ON=8$ ، و $MN = x$ و $OM = x + 4$ والمطلوب:

- تحقق أن قيمة x تساوي 6
- علل لماذا $(MN) \parallel (FR)$ ؟ ثم اكتب النسب الثلاث للمثلثين ORF و OMN واحسب الطول OR.
- اكتب عبارة $\sin \hat{O}$ في المثلثين OMN و OHN واستنتج الطول NH

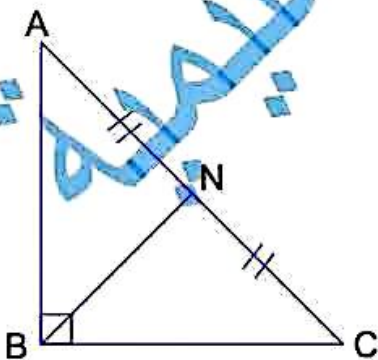
ثالثاً: حل المسألة التالية: (100 درجة)

في الشكل المجاور ABC مثلث قائم الزاوية في B وفيه

$$AB = \sqrt{8} - \sqrt{2} \text{ و } BC = \sqrt{32} - \sqrt{18}$$

و NB متوسط متعلق بالوتر AC والمطلوب:

- أثبت أن المثلث ABC متساوي الساقين
- أثبت أن BN ارتفاع في المثلث ABC
- احسب طول AC ثم برهن أن $BN = \cos^2 \hat{A} + \sin^2 \hat{A}$
- عين مركز الدائرة المارة برؤوس المثلث ABC
- أوجد $\sin \hat{C}$ في المثلث ABC و $\cos \hat{A}$ في المثلث ANB ثم استنتج أن $AB^2 = AC \times AN$



انتهت الأسئلة

إعداد كادر صفحة الرياضيات الأساسية التعليمية في 16/12/2025

(صفحة الإجابات)

الدرجة: 600

الرياضيات المدة: ساعتان

أولاً: السؤال الأول: (1) 2 (2) 4^5 (3) (21, 5) (4) $3\sqrt{2}$ (5) 80

السؤال الثاني: (1) صح (2) غلط (3) غلط (4) صح (5) صح

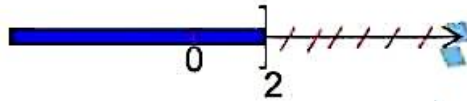
السؤال الثالث: (1) $v = \frac{1}{24} \times s \times h$ (2) $4\sqrt{3}$

$$(\sqrt{2}x + 9)^2 = 2x^2 + 18\sqrt{2}x + 81 \quad (3)$$

$$(\sqrt{5} - 2)(\sqrt{5} + 2) = 5 - 4 = 1 \quad (4) \quad 2$$

ثانياً: التمرين الأول: (1) $MK = 4\sqrt{2}$ و $NK = 2\sqrt{2}$ (2) $\tan \hat{M} = \frac{1}{2}$ (3) $MK = 2\sqrt{10}$

التمرين الثاني: (1) $\frac{1}{3}$ حل للمراجعة ، 3 ليس حلا لها (2) حلول المتراجحة $x \leq +2$



التمرين الثالث: (1) $AB=5$ و $\frac{OA}{OC} = \frac{OB}{OD} = \frac{AB}{CD}$ (2) $OC=6$ و $DC=10$ و $\frac{\text{مساحة } AOB}{\text{مساحة } COD} = \frac{1}{4}$

التمرين الرابع: (1) $A = 3x^2 - 3$ (2) $A = 3(x+1)(x-1)$ (3) إما $x = +1$ أو $x = -1$

التمرين الخامس: (1) حسب مبرهنة فيثاغورث في المثلث ONM القائم في N نكتب:

$$OM^2 = ON^2 + NM^2 \quad (x+4)^2 = (8)^2 + x^2 \rightarrow x^2 + 8x + 16 = 64 + x^2$$

$$\rightarrow 8x + 16 = 64 \rightarrow 8x = 48 \rightarrow x = 6$$

(2) $(MN) \parallel (FR)$ لأن العمودان على مستقيم واحد متوازيان و $\frac{OM}{OR} = \frac{ON}{OF} = \frac{MN}{RF}$

و $OR=2.5$

$$HN = 4.8 \quad \text{و} \quad \sin \hat{O} = \frac{HN}{ON} \quad \text{و} \quad \sin \hat{O} = \frac{MN}{OM} \quad (3)$$

ثالثاً: المسألة (1) $AB = BC = \sqrt{2}$ و المثلث ABC متساوي الساقين

(2) في المثلث المتساوي الساقين المتوسط هو أيضاً ارتفاع ، إذاً ارتفاع BN

$$BN = 1 \quad \text{و} \quad AC=2 \quad (3) \quad BN = \cos^2 \hat{A} + \sin^2 \hat{A}$$

(4) النقطة N منتصف الوتر AC

$$\cos \hat{A} = \sin \hat{C} \leftarrow \hat{A} = \hat{C} = 45^\circ \quad \text{و بما أن} \quad \cos \hat{A} = \frac{AN}{AB} \quad \text{و} \quad \sin \hat{C} = \frac{AB}{AC} \quad (5)$$

$$AB^2 = AC \times AN \leftarrow \frac{AN}{AB} = \frac{AB}{AC} \leftarrow$$

انتهى الحل

إعداد كادر صفحة الرياضيات الأساسية التعليمية في 16/12/2025