



# الرياضيات

## الفصل الثاني

9

الصف التاسع





2026-2025



مذكرات  
النجاح  
طريقك للنجاح



69398804

أجب عن الأسئلة التالية

1 لتكن  $S = \{1, 2, 3\}$

أكتب  $R$  علاقة (يساوي) على  $S$  بذكر العناصر

$$R = \{(1,1), (2,2), (3,3)\}$$

2 إذا كانت  $S = \{0, 2, 4\}$ ،  $R$  معرفة على  $S$  حيث

$$R = \{(0,0), (2,0), (2,4), (4,0)\}$$

هل  $R$  علاقة متعدية؟ ولماذا؟

$$(2,0) \in R \text{ و } (4,2) \in R \text{ و } (4,0) \in R$$

$R$  علاقة متعدية

لأن لكل  $(a,b) \in R$  و  $(b,c) \in R$ ، فإن  $(a,c) \in R$

أكتب كل علاقة مما يأتي بذكر العناصر، ومثلها بمخطط سهمي، ثم اختبر الخاصية الانعكاسية

1  $S = \{2, 3, 5, 6\}$

$R = \{(a,b) : a, b \in S, a \text{ عامل من عوامل } b\}$

$$R = \{(2,2), (2,3), (2,6), (3,3), (5,5), (6,6)\}$$

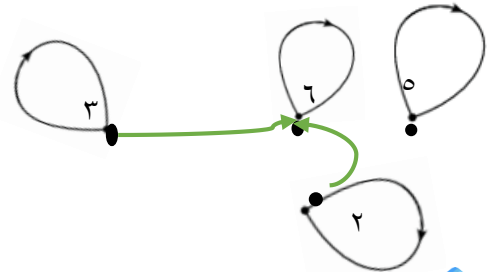
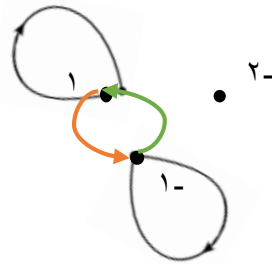
$R$  علاقة انعكاسية لأن لكل  $a \in S$  فإن  $(a,a) \in R$

2  $S = \{-2, -1, 1\}$

$R = \{(a,b) : a, b \in S, a = b^2\}$

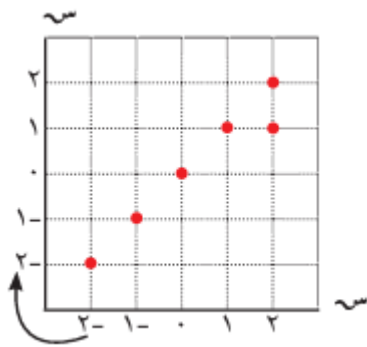
$$R = \{(1,1), (1,-1), (-1,-1)\}$$

$R$  ليست علاقة انعكاسية لأن  $(-2,-2) \notin R$  و  $(-2,2) \notin R$



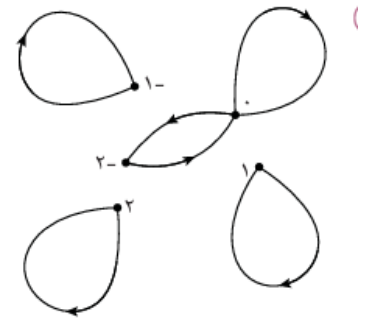
فيما يلي مخططات سهمية وبيانية لعلاقات معرفة على  $S = \{-2, -1, 0, 1, 2\}$  اختبر خاصية التناظر لكل شكل مما يلي

2



علاقة ليست متناظرة لأن  $(1,2) \in R$  و  $(2,1) \notin R$

1

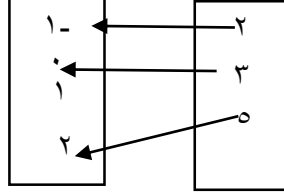


علاقة متناظرة لأن  $(-2,0) \in R$  و  $(0,-2) \in R$

## الدرس الثاني التطبيق (الدالة)

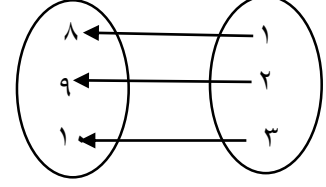
يمثل كل مما يلي تطبيقاً من س إلى ص، أكتب قاعدة الاقتران لكل منها

2 مدخلات  $3^-$  مخرجات



هـ (س) = س  $3^-$

1 مدخلات  $7^+$  مخرجات



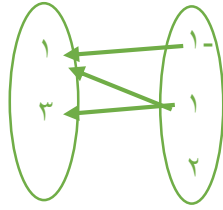
ق (س) = س  $7^+$

حدد ما إذا كانت العلاقات أدناه تمثل تطبيقاً من س إلى ص أم لا، مع ذكر السبب، ثم مثلها بمخطط سهمي

2 ع  $\{ (3, 1), (1, 1), (1, 1^-) \} =$

س =  $\{ 2, 1, 1^- \}$ ، ص =  $\{ 3, 1 \}$

ع لا تمثل تطبيقاً من س إلى ص لأن كل عنصر من عناصر س يرتبط بعنصرين من عناصر ص

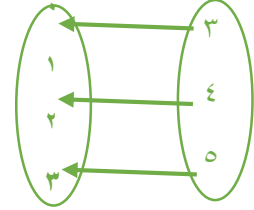


1 ع  $\{ (أ, ب) : أ \in س، ب \in ص، ب = 3 - أ \}$

س =  $\{ 3, 4, 5 \}$ ، ص =  $\{ 0, 1, 2, 4 \}$

ع  $\{ (2, 5), (1, 4), (0, 3) \} =$

ع تمثل تطبيقاً من س إلى ص لأن كل عنصر من عناصر س يرتبط بعنصر واحد من عناصر ص



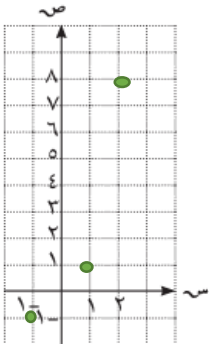
إذا كانت س =  $\{ 2, 1, 1^- \}$  و ح هي مجموعة الأعداد الحقيقية و هـ هي تطبيق معرف كما يلي : هـ: س إلى ح حيث هـ(س) = س<sup>3</sup>

2 مدى هـ =  $\{ 8, 1, 1^- \}$

1 أكمل الجدول التالي:

س	1-	1	2
س <sup>3</sup>	$3(1^-)$	$3(1)$	$3(2)$
هـ(س)	1-	1	8

4 أرسم مخططاً بيانياً في المستوي الإحداثي



3 أكتب هـ كمجموعة من الأزواج المرتبة

هـ =  $\{ (8, 2), (1, 1), (1^-, 1^-) \}$

إذا كانت  $S = \{-2, 0, 2\}$  ،  $V = \{-5, 1, 7\}$  التطبيق  $q: S \rightarrow V$  ، حيث  $q(s) = 3s + 1$

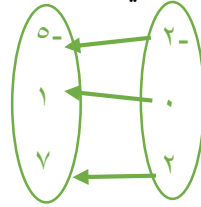
1 أوجد مدى التطبيق  $q$

$$\begin{aligned} q(s) &= 3s + 1 \\ q(-2) &= 1 + (-2) \times 3 = -5 \\ q(0) &= 1 + 0 \times 3 = 1 \\ q(2) &= 1 + 2 \times 3 = 7 \\ \text{المدى} &= \{-5, 1, 7\} \end{aligned}$$

2 أكتب التطبيق  $q$  كمجموعة من الأزواج المرتبة

$$q = \{(-2, -5), (0, 1), (2, 7)\}$$

3 مثل التطبيق  $q$  بمخطط سهمي



4 بين نوع التطبيق  $q$  من حيث كونه شاملاً، متبايناً،

تقابلاً، مع ذكر السبب

ق تطبيق شامل لأن: المدى = المجال المقابل  
ق تطبيق متباين لأن:  $q(2) \neq q(0) \neq q(-2)$   
ق تطبيق تقابل لأنه: شامل ومتباين

إذا كانت  $L = \{1, 2, -2\}$  ،  $H = \{2, 4, 5\}$  التطبيق  $k: L \rightarrow H$  ، حيث  $k(s) = s^2 + 1$

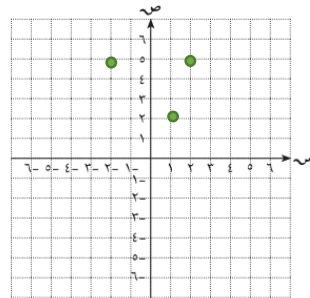
1 أوجد مدى التطبيق  $k$

$$\begin{aligned} k(1) &= 1 + 1^2 = 2 \\ k(2) &= 1 + 2^2 = 5 \\ k(-2) &= 1 + (-2)^2 = 5 \\ \text{المدى} &= \{2, 5\} \end{aligned}$$

2 أكتب  $k$  كمجموعة من الأزواج المرتبة

$$k = \{(1, 2), (2, 5), (-2, 5)\}$$

3 مثل التطبيق  $k$  بمخطط بياني في المستوي الإحداثي



4 بين نوع التطبيق  $k$  من حيث كونه شاملاً،

متبايناً، تقابلاً، مع ذكر السبب

ك تطبيق ليس شاملاً لأن: المدى  $\neq$  المجال المقابل  
ك تطبيق ليس متبايناً لأن:  $k(2) = k(-2)$   
ك تطبيق ليس تقابلاً لأنه: ليس شاملاً وليس متبايناً

اختر الإجابة الصحيحة

ليكن  $t$  تطبيقاً حيث  $t: P \rightarrow T$  ،  $t(s) = 3s$  التطبيق  $t$  هو:

تقابل

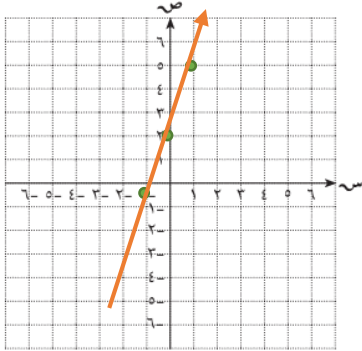
ليس شامل وليس متباين

متباين وليس شامل

شامل وليس متباين

## الدرس الرابع الدالة الخطية

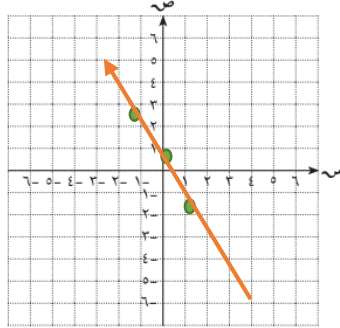
أرسم بيان الدالة



ص = 3س + 2			
س	1-	0	1
ص	1-	2	5

أرسم بياناً كل من الدوال الخطية الآتية

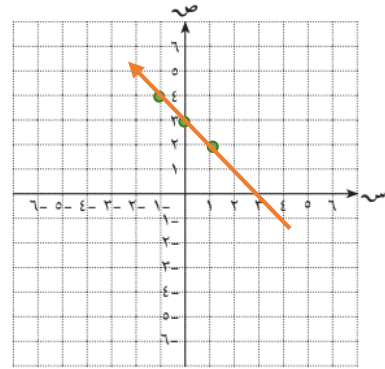
ص = 1 - 2س			
س	1-	0	1
ص	3	1	1-



2

ص = س + 3			
س	1-	0	1
ص	4	3	2

1



مهارات تفكير عليا:

اختر الإجابة الصحيحة:

1 إذا كان بيان الدالة الخطية:  $ص = 3س + 2$  يمر بالنقطة (3، 7)، فإن قيمة ب تساوي:

2-  2  19-  2  19

2 إذا كانت النقطة (أ، 2) تقع على بيان الدالة الخطية:  $ص = 3س - 1$ ، فإن أ يساوي:

1  3  5  4

يمثل الشكل المجاور بيان الدالة  $ص = س^2$  مثل في المستوي نفسه بيان كل مما يلي

1 الدالة:  $ص = س^2 + 3$

س	٢	١	٠	١	٢
ص	٧	٤	٣	٤	٧

2 الدالة:  $ص = س^2 - 2$

س	٢	١	٠	١	٢
ص	٢	١	٢	١	٢

ماذا تلاحظ؟ بيان الدالة  $ص = س^2 - 2$  هو إزاحة رأسية

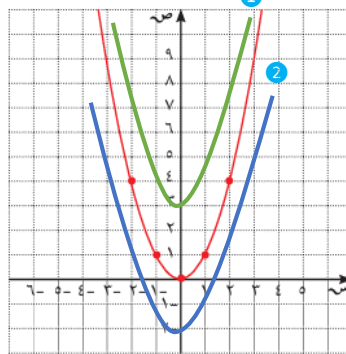
لبيان الدالة  $ص = س^2$  وحدتين إلى الأسفل

رأس المنحنى هو  $(٠, -٢)$

ماذا تلاحظ؟ بيان الدالة  $ص = س^2 + 3$  هو إزاحة

رأسية لبيان الدالة  $ص = س^2$  ثلاث وحدات إلى

الأعلى رأس المنحنى هو  $(٠, ٣)$



مستخدمًا التمثيل البياني للدالة التربيعية  $ص = س^2$ ، مثل بياناً كل من الدوال الآتية

1  $ص = س^2 - 2$

بيان الدالة  $ص = س^2 - 2$  هو انعكاس لبيان

الدالة  $ص = س^2$  ثم إزاحة رأسية وحدتين إلى

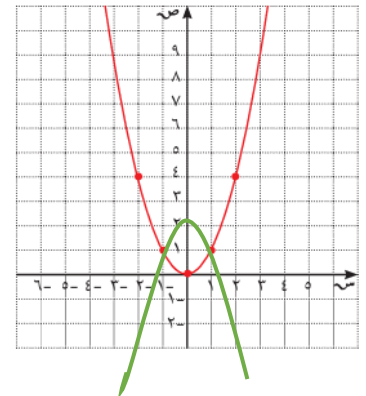
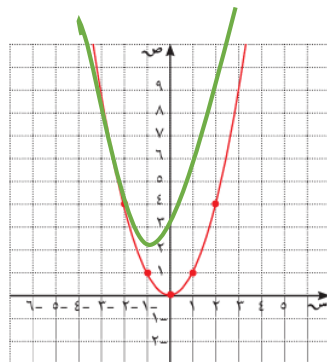
الأعلى

2  $ص = س^2 + 2(١ + س)$

بيان الدالة  $ص = س^2 + 2(١ + س)$

هو إزاحة أفقية لبيان الدالة  $ص = س^2$  وحدة إلى اليسار ثم إزاحة رأسية

وحدتين إلى الأعلى



أوجد ميل المستقيمتين في كل من الحالات التالية:

2 أ ب حيث أ (٢، ١) ، ب (٣، ٥)

$$\text{ميل أ ب} = \frac{1-5}{2-3} = \frac{-4}{-1} = 4$$

1 هـ ك حيث هـ (٥، ٢) ، ك (٢، -٣)

$$\text{ميل هـ ك} = \frac{2-(-3)}{5-2} = \frac{5}{3}$$

4 ع ل حيث ع (٥، -١) ، ل (٠، ٤)

$$\text{ميل ع ل} = \frac{4-(-1)}{0-5} = \frac{5}{-5} = -1$$

3 س ص حيث س (-١، ٧) ، ص (٣، ٤)

$$\text{ميل س ص} = \frac{4-7}{3-(-1)} = \frac{-3}{4} = -\frac{3}{4}$$

أوجد الميل والجزء المقطوع من محور الصادات والجزء المقطوع من محور السينات للمستقيم الذي معادلته:

2 ص = ٥ - ٢س

الميل = -٥

الجزء المقطوع من محور الصادات = ٥

الجزء المقطوع من محور السينات =  $\frac{2}{5}$

1 ص = ٤س + ٥

الميل = ٤

الجزء المقطوع من محور الصادات = ٥

الجزء المقطوع من محور السينات =  $-\frac{5}{4}$

أوجد الميل والجزء المقطوع من محور الصادات للمستقيم الذي معادلته

2 ٧ = ٣س + ص

الميل = -٣

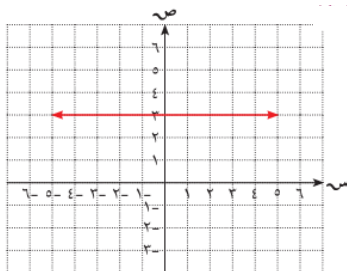
الجزء المقطوع من محور الصادات = ٧

1 ص = ٢س

الميل = ٢

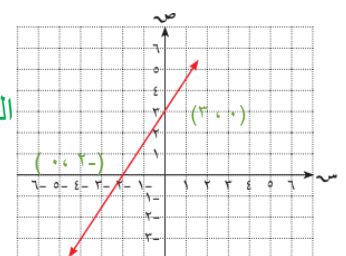
الجزء المقطوع من محور الصادات = ٠

أوجد ميل كل من المستقيمتين التالية إن أمكن ذلك



2

ص = ٣  
الميل = ٠



1

الميل =  $\frac{0-(-1)}{3-0} = \frac{1}{3}$

أثبت التوازي في كل من الحالات التالية:

② إذا كان ميل  $\vec{AB}$  هو  $-5$ ،  $\vec{L}$  ع معادلته:

$$5s + v = 2, \text{ فأثبت أن } \vec{AB}, \vec{L} \text{ ع متوازيان}$$

$$v = 2 - 5s$$

$$\text{ميل ل ع} = -5$$

$$\text{ميل ا ب} = \text{ميل ل ع} = -5 \text{ ومنه ا ب, ل ع}$$

① إذا كان ميل  $\vec{AB}$  هو  $3$ ،  $\vec{J}$  د يمر بالنقطتين

ج(3، 1)، د(1، 7) فأثبت أن  $\vec{AB}, \vec{J}$  د متوازيان

$$\text{ميل ج د} = \frac{7-1}{1-3} = \frac{6}{-2} = -3$$

ميل ا ب = ميل ج د = 3 ومنه ا ب، ج د متوازيان

أثبت التعمد في كل من الحالات التالية:

② إذا كان ميل  $\vec{J}$  هو  $-3$ ،  $\vec{AB}$  معادلته:

$$v - \frac{1}{3}s = 3, \text{ فأثبت أن } \vec{AB}, \vec{J}$$

$$\text{معادلة ا ب هي } \frac{1}{3}v = s + 3$$

$$v = 3s + 6, \text{ ميل ا ب} = \frac{1}{3}$$

$$\text{ميل ا ب} \times \text{ميل ج د} = (3) \times \frac{1}{3} = 1$$

$$\text{ج د} \perp \text{ ا ب}$$

① إذا كان ميل  $\vec{AB}$  هو  $\frac{1}{4}$ ،  $\vec{J}$  د يمر بالنقطتين

ج(6، 5)، د(4، 10) فأثبت أن  $\vec{AB}, \vec{J}$  د متعامدين

$$\text{ميل ج د} = \frac{10-5}{4-6} = \frac{5}{-2} = -\frac{5}{2}$$

$$\text{ميل ا ب} \times \text{ميل ج د} = \frac{1}{4} \times (-\frac{5}{2}) = -\frac{5}{8}$$

$$\text{ا ب} \perp \text{ ج د}$$

مهارات تفكير عليا:

اختر الإجابة الصحيحة:

① إذا كان  $\vec{L}_1$  ميله  $\frac{1}{4}$ ،  $\vec{L}_2$  ميله  $\frac{3}{4}$ ، حيث  $a \neq 0$ ،  $b \neq 0$  وكان  $\vec{L}_1 \perp \vec{L}_2$  فإن  $a = \dots$

$$\frac{3}{4} - \square$$

$$\frac{3}{4} \square$$

$$12 - \square$$

$$12 \square$$

② في المستوي الإحداثي إذا كانت أ(1، 7)، ب(2، 4)، ج(5، 5) (ص)، تمثل رؤوس مثلث قائم الزاوية في ب، فإن قيمة ص تساوي:

$$3 \square$$

$$5 \square$$

$$3 - \square$$

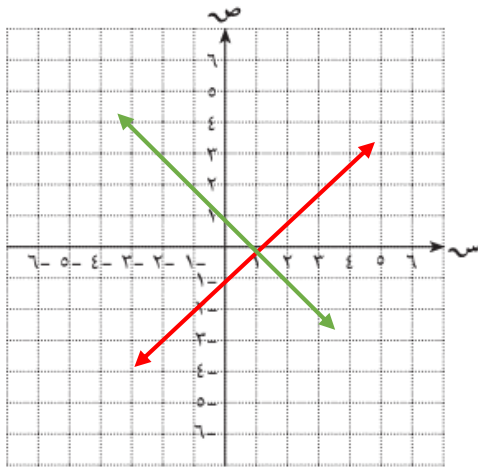
$$5 - \square$$

أوجد مجموعة حل المعادلتين آنياً بيانياً في كل من الحالتين التاليتين

2  $ص = س - 1$  ،  $ص = -س + 1$

ص = -س + 1			
س	١	٠	١-
ص	٠	١	٢-

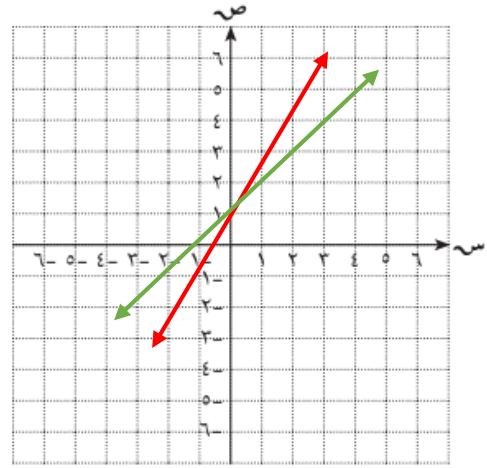
ص = س - 1			
س	١	٠	١-
ص	٠	١-	٢-



1  $ص = 2س + 1$  ،  $ص = س + 1$

ص = س + 1			
س	١	٠	١-
ص	٢	١	٠-

ص = 2س + 1			
س	١	٠	١-
ص	٣	١	١-



أوجد مجموعة حل المعادلتين آنياً جبرياً بطريقة الحذف للمجموعة الأولى وطريقة التعويض للثانية

2  $ص = س$  ،  $ص + 2 = 6$

- (١)  $ص = س$   
 (٢)  $ص + 2 = 6$   
 نعوض (١) في (٢)  $ص + 2 = 6$   
 $ص = 4$  ومنه  $ص = 4$   
 نعوض في (١)  $ص = 4$   
 مجموعة الحل (٤ ، ٤)

1  $ص + س = 4$  ،  $ص - س = 2$

- (١)  $ص + س = 4$   
 (٢)  $ص - س = 2$   
 بالجمع  $ص = 3$   
 نعوض بقيمة س في المعادلة (١)  
 $ص + 3 = 4$   $ص = 1$   
 مجموعة الحل { (١ ، ٣) }

اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يلي:

1 لتكن المعادلتان: س - ١ = ص = ٤ ، ٢ = ص - س ، فإن عدد حلول المعادلتين آنياً هو:

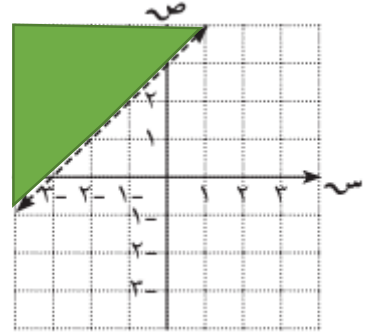
- حل وحيد  حلان  عدد لانهايي  صفر

2 إذا كان المستقيمان الممثلان للمعادلتين: س + ٣ = ص = ٤ ، س + ٧ = ص متوازيين فإن أ =

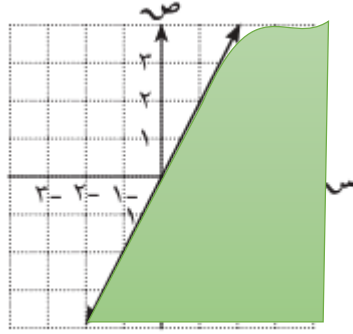
- ٣  ٣-  ١/٣  ١/٣ -

ظل منطقة حل كل متباينة في ما يلي:

1  $ص < ٣ + س$



2  $ص \geq ٢س$



مثل بيانياً منطقة الحل المشترك للمتباينتين:

1  $ص > ٣س - ١$

المعادلة المناظرة  $ص = ٣س - ١$   
جدول القيم

ص = ٣س - ١			
س	١	٠	١-
ص	٢	١-	٤-

أرسم خط الحدود (متقطع)

عوض بالنقطة (٢، ٤)

$٥ > ٤$

عبارة صحيحة

2  $ص < ١ - س$

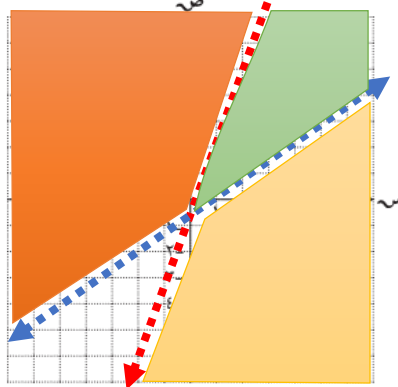
المعادلة المناظرة  $ص = ١ - س$   
جدول القيم

ص = ١ - س			
س	١	٠	١-
ص	٠	١-	٢-

أرسم خط الحدود (متقطع)

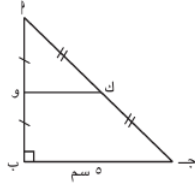
عوض بالنقطة (٢، ٤)

$١ < ٤$



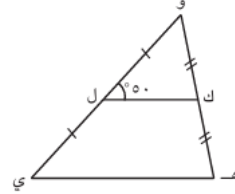
ظل منطقة الحل لكل المتباينتين  
عين على الرسم منطقة الحل المشترك

في كل من المثلثات التالية أكمل (دون استخدام أدوات هندسية) :

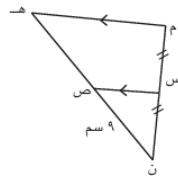


2

وك  $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$  سم

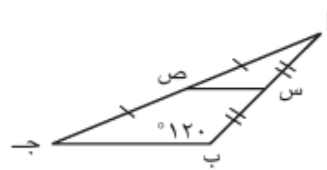


ق (ي)  $= 50^\circ$  (بالتناظر مع ول ك)



4

ص ه = 9 سم



3

ق (ا س ص)  $= 120^\circ$

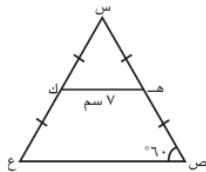
في  $\triangle$  س ص ع : س ه = ص ه = س ك = ك ع ق (ص)  $= 60^\circ$ ، ه ك = 7 سم أوجد

2 ق (ع)

س ه = ص ه = س ك = ك ع  
أي س ص = س ع وفيه زاوية قياسها  $60^\circ$  وبالتالي  
المثلث س ص ع متطابق الأضلاع ومنه  
ق (ع) = ق (ص)  $= 60^\circ$

1 طول ص ع

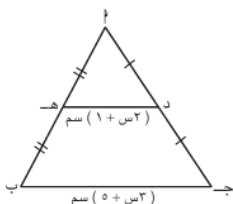
س ه = ص ه = س ك = ك ع  
ه منتصف س ص ، ك منتصف س ع  
س ع = 2 × ه ك = 2 × 7 = 14 سم



3 طول س ع

س ه = ص ه = س ك = ك ع  
ه منتصف س ص ، ك منتصف س ع  
ق (ص)  $= 60^\circ$  ولدينا س ص = س ع = ص ع  
المثلث س ص ع متطابق الأضلاع أي س ع = 14

أ ب ج مثلث فيه د منتصف أ ج ، ه منتصف أ ب حيث ده = (1+2) سم ، ج ب = (3+5) سم أوجد بالبرهان قيمة س



د منتصف أ ج ، ه منتصف أ ب

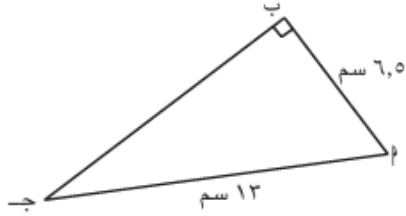
ج د = 2

$(1+2) \times 2 = (3+5)$

$2+3 = 5+3$

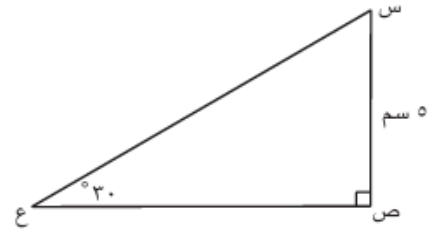
$3-2 = 5-3$  ← س = 3 ومنه س = 3

أكمل ما يلي (دون استخدام الأدوات الهندسية):



2

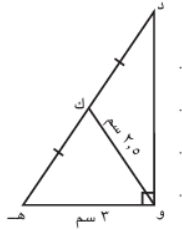
ق(جـ) =  $90^\circ$



1

س ع =  $2 \times$  س ص =  $2 \times 5 = 10$  سم

في الشكل المقابل: المثلث هـ و د قائم الزاوية في و، ك منتصف هـ د



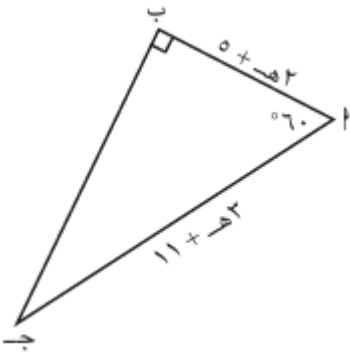
2 طول د و

(نظرية فيثاغورث)  $2(دو) = 2(هد) - 2(هو)$   
 $2(3) - 2(5) =$   
 $16 = 9 - 25 =$   
 دو = 4 سم

1 طول هـ د

المثلث هـ و د قائم الزاوية في و  
 ك منتصف هـ د  
 هـ د = 2 ك و =  $2 \times 2.5 = 5$  سم

في الشكل المقابل: أوجد بالبرهان طول أ ب



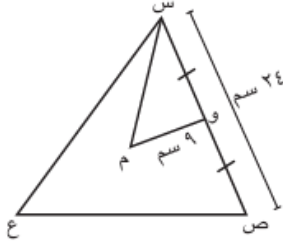
في الشكل أ ب جـ مثلث قائم في ب

ق(جـ) =  $90^\circ - 60^\circ = 30^\circ$  (زاويتان متتامتان)

أ جـ = 2 أ ب  $\leftarrow (11 + هـ 3) = 2(5 + هـ 2)$

$11 + هـ 3 = 10 + هـ 4$  ومنه هـ = 1 سم

أ ب =  $1 \times 2 + 5 = 7$  سم



1 س ص ع مثلث فيه: م نقطة تقاطع محاور اضلاع المثلث، و م=9سم

س ص=24سم، و منتصف س ص أوجد بالبرهان كلاً مما يلي:

وس ، م ص ، م

❖ و منتصف س ص

❖ و س=  $\frac{1}{2}$  س ص =  $\frac{1}{2} \times 24 = 12$  سم

❖ و تقاطع محاور المثلث س ص ع

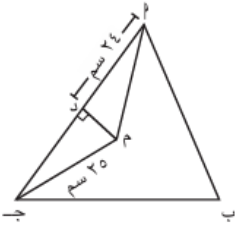
❖ و م  $\perp$  س ص

❖  $^2(س م) = ^2(و س) + ^2(م و)$

$$^2(س م) = ^2(و س) + ^2(م و) \quad 225 = 81 + 144 = ^2(9) + ^2(12) \quad \text{ومنه} \quad س م = 15$$

❖ و نقطة تقاطع محاور المثلث م ص = م = س = 15 سم

2 المثلث أ ب ج فيه: م نقطة تقاطع محاور أضلاع المثلث، ج م = 25 سم ، د أ = 24 سم



أوجد بالبرهان طول م أ ، محيط المثلث أ ج م

• م نقطة تقاطع محاور أضلاع المثلث

م أ = م ج = 25 سم

د منتصف أ ج

$$أ ج = 2 د = 2 \times 24 = 48 \text{ سم}$$

$$\text{محيط المثلث م أ د} = م أ + م ج + أ ج = 25 + 25 + 48 = 98$$

3 س ص ع مثلث فيه: م نقطة تقاطع محاور اضلاعه،

$$إذا كان ص ع = 12 سم ، ق(ص م ع) = 60$$

✚ أثبت أن المثلث ص م ع متطابق الأضلاع

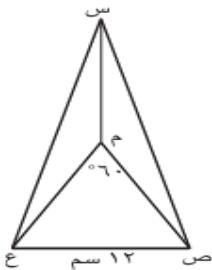
✚ أوجد طول م

• م نقطة تقاطع محاور أضلاع المثلث م ص = م ع = م س

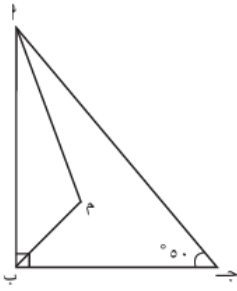
• في المثلث ص م ع ، م ص = م ع و لدينا ق(ص م ع) = 60°

• ص م ع مثلث متطابق الأضلاع

• م ص = م ع = ص ع = 12 سم وبالتالي م س = 12 سم



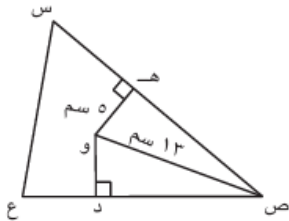
باستخدام الشكل المقابل أوجد بالبرهان ق (م ب أ) و ق (م أ ب)



1 أ ب ج مثلث قائم الزاوية في ب

م نقطة تقاطع منصفات زواياه الداخلة ق (ج ب أ) = 50°

- م نقطة تقاطع منصفات زوايا المثلث أ ب ج
- م ب منصف للزاوية ب ومنه ق (م ب أ) = 90° ÷ 2 = 45°
- مجموع قياسات زوايا المثلث الداخلة 180°
- ق (أ) = 180° - (50° + 90°) = 180° - 140° = 40°
- م أ تنصف الزاوية أ = ق (م أ ب) = 40° ÷ 2 = 20°



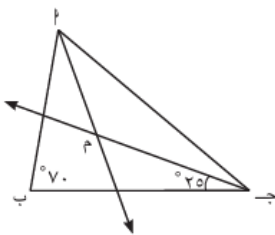
2 المثلث س ص ع فيه: و نقطة تقاطع منصفات زواياه الداخلة،

هو = 5 سم ، ص و = 13 سم أوجد بالبرهان:

ود ص د

- و نقطة تقاطع منصفات زوايا المثلث س ص ع يكون على أبعاد متساوية من أضلاعه
- و د = و ه = 5 سم
- (ص د) = (و ص) - (و د) = 2(5) - 2(13) = 10 - 26 = -16 = 25 - 169 = 144 = 12 سم
- (ص د) = 12 سم

في الشكل المقابل م نقطة تقاطع منصفات الزوايا الداخلة للمثلث أ ب ج فأكمل ما يلي:



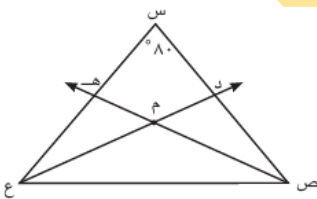
ق (أ ج م) = 25°

السبب: ج م منصف للزاوية ج

ق (أ) = 60°

السبب: مجموع قياسات الزوايا الداخلة للمثلث 180°

اختر الإجابة الصحيحة:



ع د منصف ع

فيه: ص ه منصف ص ،

ق (د م ه) = -----

° 40 □

° 120 □

° 50 □

° 100 □

هذه المذكرة لا تشمل كامل الكتاب  
لطلب المذكرة كاملة

65598824