

أولاً: أجب عن السؤالين الآتيين: (70 درجة للأول و 30 درجة للثاني)

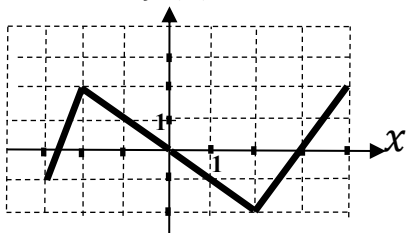
الصفحة الأولى

السؤال الأول: اختر سبعة أسئلة فقط من تسعة (لكل سؤال أربع إجابات مقترحة واحدة صحيحة فقط)

1.	العدد $(\sqrt{5})^{-2}$ هو:	A	عدد صحيح	B	عدد عشري	C	عدد غير عادي	D	عدد طبيعي
2.	مقطع أسطوانة بمستوى يعامد محورها هو:	A	مستطيل	B	شبه منحرف	C	دائرة	D	مثلث
3.	مثن منتظم مركزه النقطة O وأحد أضلاعه [AB], فإن قياس الزاوية \widehat{AOB} يساوي:	A	45°	B	60°	C	72°	D	90°
4.	نتاج المقدار $F = \frac{10^5 \times 10^{-4}}{(10^2)^{-1}}$ هو:	A	10	B	100	C	1000	D	0.001
5.	وفق التابع h المعرف بالصيغة $h(x) = \sqrt{8} + 2x$ تكون صورة العدد $\sqrt{2}$ هي:	A	$2\sqrt{2}$	B	$4\sqrt{2}$	C	8	D	$\frac{-\sqrt{2}}{2}$
6.	نصف العدد 4^{12} يساوي:	A	4^6	B	2^6	C	2^{12}	D	2^{23}
7.	ABCD رباعي دائري فيه $\widehat{BCD} = 60^\circ$ فإن قياس الزاوية المقابلة لها \widehat{BAD} يساوي:	A	60°	B	120°	C	30°	D	180°
8.	مثلث متساوي الأضلاع طول ضلعه $2\sqrt{3}$ فإن مساحته:	A	$2\sqrt{3}$	B	$\sqrt{27}$	C	3	D	$2\sqrt{12}$
9.	عينة عشوائية مؤلفة من الأعداد: 1, 2, 2, 2, 2, 3, 3, 6, 6 فإن الربيع الأدنى هو:	A	2	B	2.5	C	4.5	D	3

السؤال الثاني: اختر ثلاثة أسئلة فقط انسخ على ورقة إجابتك ثم أكمل العبارات الآتية لتكون كل منها صحيحة:

$f(x)$



الخط البياني المرسوم جانباً يعين تابع f

1- مجموعة تعريفه هي

2- تكون صورة العدد (1) هو العدد

3- ونجد أن أسلاف العدد (-2) هي

4- بفرض θ زاوية حادة في مثلث قائم, فإن $\cos \theta = \sin \dots$

اقلب الصفحة

حلّ أربعة تمارين فقط من التّمارين الخمسة الآتية: (75 درجة لكلّ تمرين):

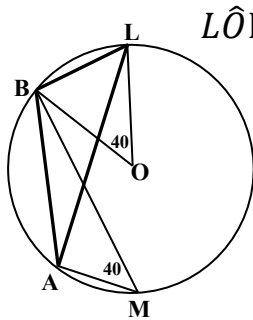
التمرين الأول:

أولاً: حل المتراجحة $4 - 2x \leq -6$ و مثل حلولها على مستقيم الأعداد.

ثانياً: أوجد $GCD(245, 560)$

ثالثاً: ليكن المقداران $A = (x - \sqrt{5})^2 - (x + \sqrt{5})(x - \sqrt{5})$, $B = -2y^2(y - 1)$
 (1) حل A (2) انشر واخترل A (3) حل المعادلة $B = 0$

التمرين الثاني:



أولاً: لتكن L, B, A, M نقاطاً من دائرة مركزها (O) حيث $L\hat{O}B = A\hat{M}B = 40^\circ$

(1) احسب قياسات الأقواس \widehat{AB} , \widehat{LB}

(2) احسب قياسات الزوايا $B\hat{L}O$, $B\hat{A}L$, $B\hat{L}A$

ثانياً: كرة W , مساحة دائرة كبرى مرسومة عليها $25\pi \text{ cm}^2$.

أوجد طول نصف قطر الكرة ثم احسب حجمها.

التمرين الثالث:

يحتوي صندوق 9 كرات متماثلة رقت بالأرقام 1, 2, 2, 2, 2, 3, 3, 6, 6 نسحب من الصندوق كرة ونقرأ رقمها ثم نلقي قطعة نقود معدنية مؤلفة من وجهين شعار H و كتابة T ونراقب الوجه الظاهر، **والمطلوب:**

(1) ارسم شجرة الإمكانيات و زود فروعها بالاحتمالات

(2) احسب احتمال الحدث A : (سحب كرة تحمل الرقم 1 و الحصول على الوجه كتابة)

(3) احسب احتمال الحدث E : (سحب كرة تحمل عدداً أولياً و الحصول على وجه شعار)

(4) بفرض E' هو الحدث المعاكس للحدث E احسب $P(E')$

التمرين الرابع:

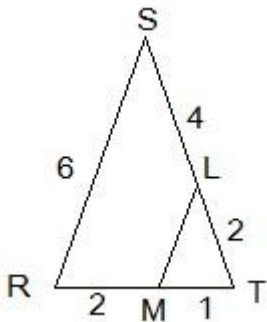
SRT مثلث فيه: $SR = 6$, $RM = 2$, $MT = 1$, $TL = 2$, $LS = 4$
 المطلوب:

1. أثبت أن (LM) يوازي (SR) ثم استنتج الطول LM

2. علل تشابه المثلثين SRT و LMT , احسب النسبة

مساحة المثلث LMT

مساحة شبه المنحرف $SRML$



ثالثاً **الخامس:**

أولاً $ABCD$ مستطيل بعده $AB = \sqrt{27} + \sqrt{3} \text{ cm}$, $BC = \sqrt{48} \text{ cm}$

1. أثبت أنّ $ABCD$ مربع .

2. احسب كلاً من محيط و مساحة هذا المربع .

ثانياً اكتب المقدار $A = \frac{3^5 \times 4^6 \times 5^4}{2^3 \times 5^{-2} \times 9^2}$ على النحو الآتي : $2^a \times 3^b \times 5^c$.

حل مسألتين فقط من المسائل الثلاث الآتية : (لكل مسألة 100 درجة)

$$\begin{cases} d: y = 4 - x \\ \Delta: y - x = 0 \end{cases}$$

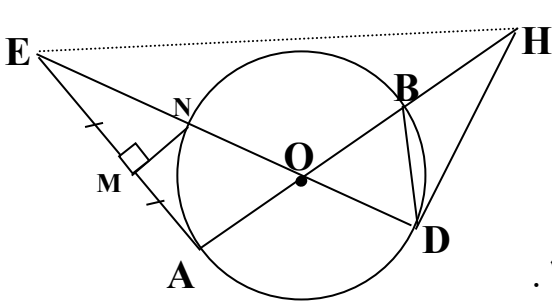
المسألة الأولى:
ليكن d و Δ مستقيمين معادلتيهما :

والمطلوب:

- (1) تحقق أن النقطة $M(3, 3)$ تقع على المستقيم Δ .
- (2) حل الجملة جبرياً .

- (3) المستقيم d يقطع محور الفواصل في النقطة A ويقطع محور الترتيب في النقطة B , جد إحداثيات كل من A و B
- (4) في معلم متجانس , ارسم كلاً من المستقيمين d و Δ ثم استنتج إحداثيتي نقطة تقاطعهما H .
- (5) أثبت أن المثلث OHA قائم الزاوية ثم احسب مساحته .

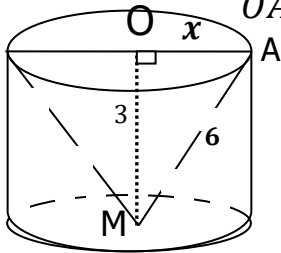
المسألة الثانية: في الشكل المجاور لدينا الدائرة $C(O, 4\sqrt{3})$ فيها $[AB], [DN]$ قطران بحيث $\widehat{NB} = 2\widehat{NA}$ و $[AE], [DH]$ مماسان لها في A و D على الترتيب ولدينا $(NM) \perp (AE)$ والنقطة M منتصف $[AE]$ والمطلوب:



- (1) أثبت أن $\widehat{NA} = 60^\circ$ واستنتج قياس كل من \widehat{AON} و \widehat{BDH}
- (2) أثبت أن المثلث OBD متساوي الأضلاع , واحسب مساحته .
- (3) بين طبيعة المثلث AEO بالنسبة لزاويه , ثم احسب AE .
- (4) المثلث MNE تصغير للمثلث AOE , اكتب النسب الثلاث , واستنتج الطول MN والنسبة $\frac{\text{مساحة المثلث } EMN}{\text{مساحة المثلث } AOE}$
- (5) برهن أن النقاط A, E, H, D تقع على دائرة واحدة , وعين مركزها .

المسألة الثالثة:

أسطوانة دورانية وضع داخلها مخروط دوراني يشتركان بالقاعدة و ارتفاعهما المشترك $MO = 3 \text{ cm}$ إذا علمت أن طول مولد المخروط $MA = 6 \text{ cm}$ وطول نصف قطر القاعدة $OA = x \text{ cm}$



والمطلوب :

- (1) أثبت أن $x = 3\sqrt{3}$
- (2) أوجد $\cos \widehat{OMA}$ واستنتج قياس \widehat{OMA}
- (3) احسب حجم الفراغ المحصور بين الأسطوانة و المخروط .
- (4) بفرض $[AM]$ نصف قطر الدائرة المارة برؤوس مسدس منتظم , احسب محيطه .
- (5) إذا قطعنا الأسطوانة بمستوى يحوي محورها $[OM]$, فحدد طبيعة المقطع الناتج ثم احسب مساحته .

انتهت الأسئلة

ملاحظات عامة:

1. إذا دمج الطالب خطوتين أو أكثر وكان باستطاعة الطالب الجيد أن يقوم بذلك الدمج يعطى الطالب مجموع الدرجات المخصصة لما دمج من خطوات
2. لا يجوز تجزئة الدرجات المخصصة للخطوة الواحدة
3. إذا أخطأ الطالب في خطوة من خطوات الحل ثم تابع بمنطق سليم ومفيد يعطى الخطوات التي تليها ما يستحق من درجات وفق السلم شرط ألا يؤدي خطؤه الى خفض مستوى السؤال أو تغيير مضمونه
4. إذا حل الطالب تمريناً أو طلب من تمرين بطريقة لم ترد في السلم فعلى المصحح أن يعرض الطريقة على الموجهين الاختصاصيين لدراسة هذه الطريقة والتأكد من صحتها ومن ثم توزيع الدرجات لتلك الطريقة بما يكافئ التوزيع الوارد في السلم ثم يعمم هذا التوزيع
5. يحذف درجة واحدة لكل خطأ حسابي من الدرجات المخصصة للخطوة التي وقع فيها الخطأ
6. إذا لم يجب الطالب من سؤال ما تكتب إلى جانب السؤال العبارة الآتية (صفر للسؤال لأنه بلا إجابة)
7. تسجل الدرجات التي يستحقها الطالب عن طلبات السؤال ومراحله رقماً وبوضوح على الهامش أما الدرجة المستحقة على السؤال كاملاً تسجل على الهامش الأيمن (مقابل بداية الإجابة) رقماً وكتابة.
8. إذا حل الطالب أكثر من عدد الأسئلة المطلوبة تصحح فقط الأسئلة المحلولة أولاً دون النظر إلى بقية الأسئلة.

السؤال الأول: اختر الإجابة الصحيحة (70 درجة) /// إذا اختار الطالب إجابتين أو أكثر ينال علامة الصفر على السؤال ///

رقم الخطوة	الإجابة	الدرجة
1	B	10
2	C	10
3	A	10
4	C	10
5	B	10
6	D	10
7	B	10
8	B	10
9	A	10
المجموع		70 درجة

السؤال الثاني: املأ الفراغات (30 درجة)

رقم الخطوة	الخطوة	الدرجة
1	$[-3,4]$	10
2	-1	10
3	أسلاف العدد -2 هي 2	10
4	$90 - \theta$	10
المجموع		30 درجة

التمرين الأول:

رقم الخطوة	الخطوة	الدرجة
1	النقل من طرف الى آخر + الاختزال الوصول الى $x \geq 5$ وقلب اشارة المتراجحة	5 + 5 5 + 5
2	تمثيل الحلول على مستقيم الأعداد وجهة الانتقال	5 + 5
3	لكل سطر صحيح في جدول حساب GCD الناتج $GCD = 35$	4+4+4 3
4	تحليل A: العامل المشترك + ملء ما داخل الأقواس + اختزال ما داخل الأقواس نشر A: نشر مربع الفرق + نشر الجداء + حذف الأقواس + الاختزال حل المعادلة: حل $y^2 = 0$ + حل $y - 1 = 0$	2+3+5 2+2+3+3 5+5
المجموع		75 درجة

التمرين الثاني:

رقم الخطوة	الخطوة	الدرجة
1	حساب قياس \widehat{LB} + التعليل حساب قياس \widehat{AB} , + التعليل حساب قياس \widehat{BLA} + التعليل حساب قياس \widehat{BAL} + التعليل حساب قياس \widehat{BLO} + التعليل	5+5 5+5 5+5 5+5 5+5
2	أوجد طول نصف قطر الكرة ثم احسب حجمها . كتابة المعادلة $\pi R^2 = 25\pi$ الوصول إلى $R^2 = 25$ $R=5$ قانون حساب حجم الكرة + التعويض + الاختزال	5 4 4 4+4+4
المجموع		75 درجة

التمرين الثالث:

رقم الخطوة	الخطوة	الدرجة
1	ارسم شجرة الامكانات و زود فروعها بالاحتمالات	3 درجات لكل فرع (3×4) للكرات 3 درجات لكل فرع (2×4) للنقود 3 درجات لكل احتمال نتيجة (3×4) للكرات 3 درجات لكل احتمال نتيجة (2×4) للنقود
2	احسب احتمال الحدث A (سحب كرة تحمل الرقم 1 و الحصول على الوجه كتابة) $P(1, T) = P(1) \cdot P(T)$ $P(1, T) = \frac{1}{9} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{18}$	5 5
3	احسب احتمال الحدث E: سحب كرة تحمل عدد أولي و الحصول على وجه شعار $P(E) = P(2, H) + P(3, H)$ $P(E) = P(2) \times P(H) + P(3) \times P(H)$ $P(E) = \frac{4}{9} \times \frac{1}{2} + \frac{2}{9} \times \frac{1}{2}$ $= \frac{4}{18} + \frac{2}{18} = \frac{6}{18}$	4 4 4 4
4	احسب $P(\bar{E})$ القانون + التعويض + الناتج	2+2+5
المجموع		75 درجة

التمرين الرابع:

الدرجة	الخطوة	رقم الخطوة
10+10 5 5	كتابة النسبة الأولى + كتابة النسبة الثانية استنتاج تساوي النسبتين اثبات التوازي حسب عكس النسب الثلاث	1
5 5 10	حسب مبرهنة النسب الثلاث كتابة التناسب حساب طول ML	2
5 5 5 10	تعليل التشابه كتابة نسبة مساحتي مثلثين متشابهين تساوي مربع نسبة التشابه خواص التناسب الوصول الى النسبة المطلوبة	3
75 درجة		المجموع

التمرين الخامس:

الدرجة	الخطوة	رقم الخطوة
10 10 10	كتابة $AB = 4\sqrt{3}$ كتابة $BC = 4\sqrt{3}$ $AB = BC$ ومنه ABCD مربع	1
10 10	حساب المساحة حساب المحيط	2
5 5 5	قوى العدد 2 قوى العدد 3 قوى العدد 5	3
75 درجة		المجموع

المسألة الأولى: (100 درجة)

الدرجة	الخطوة	رقم الخطوة
5+5	تعويض + نتيجة	1
10 5 5 5 5	إذا استخدم الطالب طريقة الحذف بالحذف	إذا استخدم الطالب طريقة الحذف بالتعويض
	جمع الحدود المتشابهة	كتابة أحد المتغيرين بدلالة الآخر من أحد المعادلتين
	حل المعادلة الناتجة وإيجاد قيمة أحد المتغيرين	التعويض في المعادلة الأخرى + اختزال المعادلة
	التعويض في إحدى معادلتين	إيجاد قيمة أحد المتغيرين
	إيجاد قيمة المتغير الآخر	إيجاد قيمة المتغير الآخر
	كتابة الثنائية	كتابة الثنائية
6 6	أوجد إحداثيات النقطة A أوجد إحداثيات النقطة B	3
5 4+4+4 4+4+4 4	رسم مستوي الاحداثيات + تعيين A+تعيين B + رسم المستقيم d تعيين نقطتين حل الجملة + رسم المستقيم Δ تعيين H على الرسم	4
10 1+2+2	اثبت أن المثلث OHA قائم الزاوية و احسب مساحته (القانون + التعويض + الناتج)	5
100 درجة		المجموع

المسألة الثانية (100 درجة)

الدرجة	الخطوة	رقم الخطوة
5 2+3 2+3 2+3	أثبت $\widehat{NA} = 60^\circ$ واستنتج قياس كل من \widehat{AON} و \widehat{BDH} مجموع القوسين 180 التعويض + الوصول إلى $\widehat{NA} = 60^\circ$ حساب \widehat{AON} + التعليل حساب \widehat{BDH} + التعليل	1
2+3 2+3	أثبت أن المثلث OBD متساوي الأضلاع و احسب مساحته المثلث متساوي الساقين + التعليل فيه $\widehat{BOD} = 60^\circ$ + التعليل فهو متساوي الأضلاع قانون المساحة + التعويض + الاختزال	2
1+2+2	بين طبيعة المثلث AEO بالنسبة لزاويه ثم احسب AE نوع المثلث + التعليل كتابة قانون نسبة مثلثية + التعويض + إيجاد AE	3
3+3+3 2+2+2 5	كتابة النسب الثلاث التعويض واستنتج الطول MN	4
5 5	$\frac{S}{S^1} = k^2$ التعويض وصولاً للنسبة مساحة المثلث EMN مساحة المثلث AOE	4
	برهن أن النقاط A, E, H, D تقع على دائرة واحدة	5

2+3 2+3 5	الزاويتان HDE ,HAE المتساويتان + التعليل تحصران قطعة مستقيمة و بجهة واحدة منها تعيين مركزها (منتصف الوتر المشترك EH	
100 درجة		المجموع

المسألة الثالثة :

الدرجة	الخطوة	رقم الخطوة
3+3+3+3+5+3	حسب فيثاغورث+ كتابة المساواة + التربيع + النقل+ الوصول للناتج + تبسيطه $x = 3\sqrt{3}$	1
2+2+3+3	قانون cos + تعويض+ الاختزال + الوصول لقياس الزاوية	2
2+3+5+10 2+3+5 3 2	ايجاد مساحة القاعدة +قانون حجم الاسطوانة + التعويض+ الناتج قانون حجم المخروط + التعويض+ الناتج حجم الفراغ يساوي الفرق بين الحجمين التعويض	3
3 3 1+3	طول ضلع المسدس المنتظم يساوي نصف قطر الدائرة المارة برؤوسه قانون محيط المسدس المنتظم التعويض + الناتج	4
10 5+5 2+3	مستطيل معرفة بعدي المستطيل قانون + تعويض	5
100-درجة		المجموع

انتهى السلم



الصفحة الأولى

أولاً: أجب عن السؤالين الآتيين : (70 درجة لأول و 30 درجة للثاني)

السؤال الأول: اختر سبعة أسئلة فقط من تسعة (لكل سؤال أربع إجابات مقترحة واحدة صحيحة فقط) :

(1) إذا كان a, b عددين صحيحين يحققان $a = 3b$ فإن $\text{GCD}(a, b)$ يساوي :

3b	D	a	C	b	B	3	A
----	---	---	---	---	---	---	---

(2) دائرتان مركزاهما O, \hat{O} وطولاهما $6, 8$ تكونان متماسكتين خارجاً عندما $O\hat{O} =$:

14	D	7	C	2	B	1	A
----	---	---	---	---	---	---	---

(3) مضلع منتظم مركزه O و $[AB]$ ضلع فيه ولدينا $\widehat{AOB} = 20$ فإن عدد رؤوسه n تساوي :

18	D	24	C	12	B	6	A
----	---	----	---	----	---	---	---

(4) θ زاوية حادة فإن قيمة $\cos \theta$ يمكن أن تكون :

$\frac{3}{2}$	D	$\frac{2}{3}$	C	0	B	-1	A
---------------	---	---------------	---	---	---	----	---

(5) مقلوب العدد $\frac{3-\sqrt{2}}{7}$ هو :

$3 + \sqrt{2}$	D	$\frac{1}{3-\sqrt{2}}$	C	$\frac{7}{3} - \sqrt{2}$	B	$3 - \frac{7}{\sqrt{2}}$	A
----------------	---	------------------------	---	--------------------------	---	--------------------------	---

(6) ناتج العبارة $2 \times 3^4 + 9^2$ يساوي :

3^8	D	3^7	C	3^6	B	3^5	A
-------	---	-------	---	-------	---	-------	---

(7) التابع f معطى بالصيغة $f(x) = x^2 + 2x$, فإن أسلاف العدد 0 وفق هذا التابع هي :

1, -2	D	2, -2	C	0, -2	B	0, 2	A
-------	---	-------	---	-------	---	------	---

(8) لتكن θ زاوية حادة تحقق $\sin \theta = \cos(10 + \theta)$ فإن قياس الزاوية θ يساوي:

88°	D	40°	C	50°	B	90°	A
------------	---	------------	---	------------	---	------------	---

(9) مقطع مخروط بمستوى يوازي قاعدته ويبعد عنها مسافة أصغر من ارتفاعه فإن المقطع هو :

نقطة	A	دائرة مطبقة على القاعدة	B	دائرة مصغرة عن القاعدة	C	دائرة مكبرة عن القاعدة	D
------	---	-------------------------	---	------------------------	---	------------------------	---

السؤال الثاني: اختر ثلاثة أسئلة فقط ثم انسخ على ورقة إجابتك , ثم أكمل العبارات لتكون كل منها صحيحة :

(1) مثلث قائم في B وليكن $\cos A = \frac{\sqrt{3}}{2}$ فإن قياس الزاوية C يساوي

(2) القاسم المشترك الأكبر للعددين 98 , 210 هو

(3) كرة نصف قطرها $R = 3$ فإن مساحتها

(4) $ABCDEF$ مسدس منتظم مرسوم في دائرة فإن قياس الزاوية $ABC =$

ثانياً حل أربعة تمارين فقط من التمارين الخمسة الآتية : (75 درجة لكل تمرين)

التمرين الأول :

أولاً: ليكن f تابعاً معرفاً بالصيغة: $f(x) = (2x + 3)^2 - 36$ والمطلوب :

- (1) ما هي صورة العدد (1.5) وفق التابع f ؟
 - (2) حل $f(x)$ إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى ثم أوجد أسلاف العدد 0
- ثانياً: حل المتراحة $5 > \frac{2x-1}{3}$, ومثل حلولها على مستقيم الأعداد

التمرين الثاني :

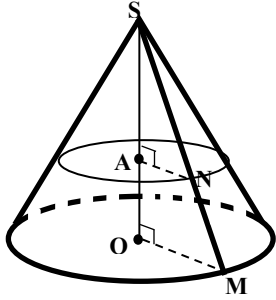
مخروط دوراني رأسه S , وقاعدته دائرة مركزها O , ونصف قطرها $OM = 4 \text{ cm}$, وارتفاع المخروط $SO = 8 \text{ cm}$, النقطة A من $[SO]$ تحقق $SA = 6 \text{ cm}$.

والمطلوب :

(1) احسب الطول SM

(2) المخروط F الذي رأسه S وقاعدته الدائرة التي مركزها A تصغير للمخروط F الذي رأسه S وقاعدته الدائرة التي مركزها O , ما هو معامل التصغير ؟

(3) احسب حجم المخروط F واستنتج حجم المخروط F



التمرين الثالث :

ABCD مربع طول ضلعه $3x - 1$ حيث $(x > \frac{1}{3})$

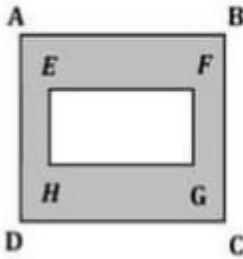
EFGH مستطيل بعده $EH = \frac{\sqrt{147} - \sqrt{108}}{\sqrt{12}}$ و $EF = \frac{7 \times 10^3 \times 10^2}{35 \times 0.01^{-2}}$ والمطلوب :

1- أثبت أن $EH = \frac{1}{2}$ و $EF = 2$

2- احسب S_1 مساحة المستطيل واكتب بدلالة x العبارة S_2 مساحة المربع

3- اكتب بدلالة x العبارة S مساحة المنطقة المظلمة

4- احسب القيمة العددية لمساحة المنطقة المظلمة عندما $x = 2$



التمرين الرابع :

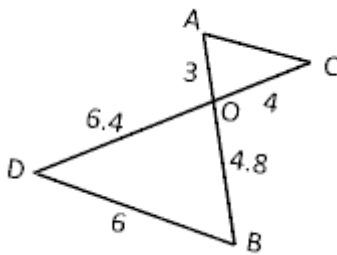
في الشكل المجاور :

والمطلوب : $OD = 6.4$, $BD = 6$, $AO = 3$, $OB = 4.8$, $OC = 4$

(1) أثبت أن $(AC) \parallel (BD)$

(2) احسب AC

(3) المثلث OAC تصغير للمثلث OBD احسب نسبة التصغير



التمرين الخامس :

ABC مثلث قائم في B ومتساوي الساقين و فيه $AB = BC = 4\sqrt{2}$, ADC مثلث قائم في D و فيه $CD = 4$

والمطلوب :

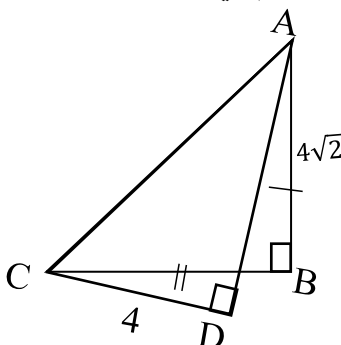
1. احسب الطول AC .

2. احسب $\tan ACB$ واستنتج قياس الزاوية ACB

3. احسب $\sin CAD$ من المثلث ACD واستنتج قياس الزاوية CAD

4. أثبت أن النقاط A, B, D, C تقع على دائرة واحدة عين مركزها و احسب

نصف قطرها .



المسألة الأولى:

(1) حل جملة المعادلتين:

$$5x + 4y = 5000$$

$$3x + y = 2300$$

(2) اشترت نور خمسة دفاتر وأربعة أقلام بمبلغ 5000 واشترت تالين ستة دفاتر وقلمين بمبلغ 4600 , ما سعر الدفتر وما سعر القلم ؟

(3) ليكن المستقيم $d: x-2y=2$ أوجد نقطتي تقاطع d مع محوري الإحداثيات ثم ارسم المستقيم d

(4) ارسم على نفس الشكل السابق المستقيم $L: x=-2$, ثم عين إحداثيتي نقطة تقاطعهما

المسألة الثانية: في الشكل المجاور C دائرة مركزها O وقطرها $AD = 16$

و $AB = 8$ و $\widehat{BMA} = 45^\circ$ ولدينا (EF) عمودي على (AD)

في النقطة F منتصف $[OD]$ والمطلوب:

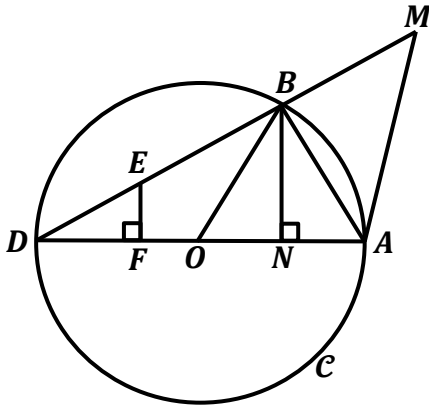
(1) احسب قياسات زوايا المثلث ABD

(2) احسب قياس الزاوية \widehat{AOB} واستنتج نوع المثلث AOB

(3) استنتج AN واحسب BN

(4) ما نوع المثلث ABM ؟ احسب الطول AM .

(5) أثبت أن الرباعي $ABEF$ دائري , ثم عين مركز الدائرة المارة برؤوسه



المسألة الثالثة :

أولاً: صندوق يحوي 8 بطاقات متماثلة كتبت عليها الأرقام 2 , 2 , 3 , 3 , 3 , 4 , 5 , 6

نسحب من الصندوق بطاقة عشوائياً ونسجل رقمها والمطلوب:

(1) ارسم شجرة الإمكانيات وحمل فروعها بالاحتمالات

(2) حدث A حصول على رقم أولي و B حدث الحصول على رقم أكبر تماماً من 3

احسب $p(A)$ و $p(B)$

(3) هل A, B متنافيان ؟ علل إجابتك

(4) إذا كانت الأعداد 2 , 2 , 3 , 3 , 3 , 4 , 5 , 6 تمثل عينة إحصائية فأوجد المدى والربيعات الثلاث .

ثانياً: لتكن θ زاوية حادة تحقق $\sin \theta = \frac{5}{13}$ احسب $\cos \theta$, $\tan \theta$.

انتهت الأسئلة

سلم تصحيح مادة الرياضيات في الامتحان التجريبي

دورة عام 2026 النموذج 2

ملاحظات عامة :

- 1- اذا دمج الطالب خطوتين او أكثر وكان باستطاعة الطالب الجيد أن يقوم بذلك الدمج يعطى الطالب مجموع الدرجات المخصصة لما دمج من خطوات
- 2- لا يجوز تجزئة الدرجات المخصصة للخطوة الواحدة .
- 3- اذا أخطأ الطالب في خطوة من خطوات الحل ثم تابع بمنطق سليم ومفيد يعطى الخطوات التي تليها ما يستحق من درجات وفق السلم شرط ألا يؤدي الخطأ إلى خفض سوية السؤال أو تغيير مضمونه
- 4- اذا حل الطالب تمريناً أو طلباً من تمرين أو برهن المبرهنة بطريقة لم ترد في السلم فعلى المصحح أن يعرض الطريقة على الموجهين الاختصاصيين بدراسة هذه الطريقة والتأكد من صحتها ومن ثم توزيع الدرجات لتلك الطريقة بما يكافئ التوزيع الوارد في السلم ثم يعمم هذا التوزيع
- 5- يحذف درجتان لكل خطأ حسابي من الدرجات المخصصة للخطوة التي وقع فيها الخطأ
- 6- إذا لم يجب الطالب عن سؤال ما , تكتب إلى جانب السؤال العبارة الآتية (صفر للسؤال لأنه بلا إجابة)
- 7- تسجل الدرجات التي يستحقها الطالب عن طلبات السؤال ومراحله رقماً و بوضوح على الهامش أما الدرجة المستحقة على السؤال كاملاً فتسجل على الهامش الأيمن (مقابل بداية الإجابة) رقماً وكتابة.
- 8- إذا حل الطالب أكثر من عدد الأسئلة المطلوبة تصحح فقط الأسئلة المحلولة أولاً دون النظر إلى بقية الأسئلة.

السؤال الأول: اختر الإجابة الصحيحة (70 درجة) /// إذا اختار الطالب إجابتين أو أكثر ينال علامة الصفر على السؤال ///

رقم الخطوة	الاجابة	الدرجة
1	B أو b	10
2	C أو 7	10
3	D أو 18	10
4	C أو $\frac{2}{3}$	10
5	D أو $3 + \sqrt{2}$	10
6	A أو 3^5	10
7	B أو - 2 , 0	10
8	C	10
9	C	10
المجموع		70

السؤال الثاني : املأ الفراغات (30 درجة): /// يأخذ الطالب علامة الفراغ حتى لو لم يضع وحدة القياس ///

رقم الخطوة	الخطوة	الدرجة
1	60	10
2	$GCD(210, 98) = 14$	10
3	$S = 36\pi$	10
4	120	10
المجموع		30 درجة

التمرين الأول :

الدرجة	الخطوة	رقم الخطوة
5 + 5	تعويض +نتيجة	1
5+5 5+5	القوس الأول *القوس الثاني اختزال كل قوس	2
5 5 5 5 5	وضع $f(x)=0$ جداء القوسين يساوي الصفر أما.....و الوصول للحل الأول أو.....والوصول للحل الثاني معرفة الأسلاف	3
4 4 4 2+2+2+2	ضرب طرفي المتراجحة ب3 وضع المجاهيل في طرف والمعالم في الطرف الآخر الوصول الى $x>8$ رسم المستقيم +التشطيب+المجال +اتجاه المجال	ثانياً
75 درجة		المجموع

التمرين الثاني:

الدرجة	الخطوة	رقم الخطوة
5 5+5 3+2	حساب الطول SM : حسب فيثاغورث : $(SM)^2 = (OM)^2 + (OS)^2$ $= 4^2 + 8^2 = 16 + 64 = 80$ $SM = \sqrt{80} = 4\sqrt{5}$	1
5+10	معامل التصغير $K = \frac{SA}{SO} = \frac{6}{8} = \frac{3}{4} < 1$	2
5+ 10 5 5 5 + 5 + 5	حجم المخروط = $V = \frac{1}{3}Sh = \frac{\pi}{3}R^2h = \frac{\pi}{3}(4)^2(8) = \frac{\pi}{3}(16)(8)$ $= \frac{\pi}{3}(128)$ استنتاج حجم المخروط \hat{V} نعلم $\hat{V} = K^3 V$ $\hat{V} = \left(\frac{3}{4}\right)^3 \left(\frac{128\pi}{3}\right) = \frac{27}{64} \left(\frac{128\pi}{3}\right) = 9(2\pi) = 18\pi$	3
75 درجة		المجموع

التمرين الثالث:

الدرجة	الخطوة	رقم الخطوة
5+5+5 5 5	تبسيط جذر 1 + تبسيط جذر 2 + تبسيط جذر 3 اختزال ناتج	1
5 5 5 5	خواص قوى بسط خواص قوى مقام اختزال الناتج	2
5 5	مساحة مستطيل مساحة مربع	3
5 5 5 5	مساحة منطقة مظلة فرق مساحتي المربع والمستطيل كتابة مساحة المنطقة المظلة بالرموز تعويض قيمة المتغير الناتج	4
75 درجة		المجموع

التمرين الرابع:

الدرجة	الخطوة	رقم الخطوة
5+10 5+10 5 5	حساب النسبة $OA \backslash OB$ + الاختزال حساب النسبة $OC \backslash OD$ + الاختزال استنتاج تساوي النسبتين تعليل التوازي حسب عكس مبرهنة النسب الثلاث المتساوية	1
15 10 5	كتابة النسب الثلاث المتساوية التعويض حساب AC	2
5	معرفة نسبة التصغير	3
75 درجة		المجموع

التمرين الخامس:

10+5	قانون فيثاغورث + حساب طول AC	1
5+5 10	قانون $\tan ACB$ + تعويض استنتاج قياس الزاوية	2
5+5 10	قانون $\sin CAD$ + تعويض استنتاج قياس الزاوية	3
3+3+4 5+5	تساوت زاويتين تحصران قطعة واحدة ويقعان بجهة واحدة بالنسبة للمستقيم AC تعيين مركز الدائرة + حساب نصف قطرها	4
75 درجة		المجموع

المسألة الأولى : حل جملة معادلتين بمجهولين (100 درجة)

الدرجة	الخطوة	رقم الخطوة
10 10 5 5	حساب مجهول بدلالة الآخر التعويض الوصول لقيمة مجهول حساب المجهول الآخر	1
5+5 5+5 3+3 5+5 5+5 5 3+3 3	فرض: سعر الدفتر x, سعر القلم y تشكيل المعادلة: الأولى+الثانية معرفة سعر الدفتر + سعر القلم فرض X=0 ومعرفة y فرض y=0 ومعرفة x رسم المحاور تحديد كل نقطة رسم المستقيم d	2
5 5	رسم المستقيم L تحديد نقطة التقاطع	3
100 درجة		المجموع

المسألة الثانية (100 درجة)

الدرجة	الخطوة	رقم الخطوة
5+5 5+5 5+5	حساب زاوية + التعليل حساب زاوية + التعليل حساب زاوية + التعليل	1
5+5 5+5	حساب قياس الزاوية AOB + التعليل استنتاج نوع المثلث + التعليل	2
5+5 5+5	حساب AN + التعليل حساب BN + التعليل	3
5+5 5	معرفة أن المثلث قائم ومتساوي الساقين + التعليل حساب AM + التعليل	4
5+5 5	لرباعي ABEF دائري لأن فيه زاويتان متقابلتان ومتكاملتان مركز الدائرة المارة برؤوسه هو منتصف [AE]	5
100 درجة		المجموع

المسألة الثالثة : (100 درجة)

5*5	رسم شجرة الاحتمالات + كتابة الاحتمالات على الشجرة /// تجزأ الدرجات على كل من فروع الشجرة 2 درجات للفرع + 3 درجات لاحتمالها ///	1
3+3+3+3 3+3+3+3	$P(A) = P(2) + P(3) + P(5) = \frac{6}{8} = \frac{3}{4}$ $P(B) = P(4) + P(5) + P(6) = 3/8$	2
5+5	الحدثين غير متنافيين + تعليل	3
10	المدى : $E = 6 - 2 = 4$	3

3+3+5	الوسيط : $\frac{3+3}{2} = 3$ + الربيع الأدنى + الربيع الأعلى	
5+5	قانون + ناتج	4
5+5	قانون + ناتج	
100 درجة		المجموع

انتهى السلم

الاسم:
الزمن: ساعتان
الدرجة: ستمئة

الامتحان التجريبي 2025 / 2026



المادة رياضيات

برنامج التربية في وكالة الغوث الدولية في سورية
مركز التطوير التربوي
الصف التاسع C

الصفحة الأولى

أولاً { أجب عن السؤالين الآتيين: (70 درجة للأول, 30 درجة للثاني)

السؤال الأول: اختر سبعة أسئلة فقط من تسعة (لكل سؤال أربع إجابات مقترحة واحدة صحيحة فقط)

(1) ربع العدد $\frac{1}{4^2}$ يساوي :

4^{-2}	D	$\frac{1}{16}$	C	$\frac{1}{2^2}$	B	4^{-3}	A
----------	---	----------------	---	-----------------	---	----------	---

(2) الكسر المختزل للكسر $\frac{117}{63}$ هو :

$\frac{39}{7}$	D	$\frac{13}{9}$	C	$\frac{39}{21}$	B	$\frac{13}{7}$	A
----------------	---	----------------	---	-----------------	---	----------------	---

(3) كرة نصف قطرها 3 cm فإن حجمها يساوي :

$36\pi \text{ cm}^2$	D	$108\pi \text{ cm}^3$	C	$36\pi \text{ cm}^3$	B	36 cm^2	A
----------------------	---	-----------------------	---	----------------------	---	-------------------	---

(4) $(0_1, 4)$ و $(0_2, 7)$ دائرتان متماستان داخلاً فإن :

$0_10_2 < 3$	D	$0_10_2 = 11$	C	$0_10_2 > 11$	B	$0_10_2 = 3$	A
--------------	---	---------------	---	---------------	---	--------------	---

(5) مربع مساحته 9 m^2 صُمم نموذج مكبر له مساحته 36 m^2 فإن معامل التكبير :

$\frac{1}{4}$	D	$\frac{1}{2}$	C	4	B	2	A
---------------	---	---------------	---	---	---	---	---

(6) إذا كانت θ قياس زاوية حادة في مثلث قائم وكان $\sin 20 = \cos \theta$ فإن قياس θ يساوي :

90°	D	70°	C	160°	B	20°	A
------------	---	------------	---	-------------	---	------------	---

(7) المقدار $(x + 5)^2 - 25$ يحلل بالشكل :

$x(x+10)$	D	$X(x-10)$	C	$(x-5)(x+5)$	B	$x^2 + 10x$	A
-----------	---	-----------	---	--------------	---	-------------	---

(8) مسدس منتظم مرسوم في دائرة طول نصف قطرها 6 cm فإن محيط هذا المسدس :

36	D	35	C	30	B	25	A
----	---	----	---	----	---	----	---

(9) إذا كان a, b عددين أوليين فيما بينهما فإن القاسم المشترك الأكبر لهما هو :

1	D	ab	C	b	B	a	A
---	---	----	---	---	---	---	---

السؤال الثاني: اختر ثلاثة أسئلة فقط ثم انسخ على ورقة إجابتك ثم أكمل العبارات الآتية لتكون كل منها صحيحة :

(1) في بيان إحصائي لدينا 6 مفردات متوسطها الحسابي 22 فإن مجموعها:

(2) مقطع أسطوانة بمستوي يوازي محورها هو

(3) $4x^2 - \dots + 9 = (\dots - \dots)^2$

(4) مكعب طول حرفه 0.1 cm فإن حجمه

ثانياً : حل أربعة تمارين فقط من التمارين الخمسة الآتية : (75 درجة لكل تمرين)

التمرين الأول : ليكن f, g تابعين معرفين بالعلاقين :

$$f(x) = (2x-3)(2x+1) \text{ و } g(x) = (2x-3)^2 + 4(2x-3) \text{ والمطلوب :}$$

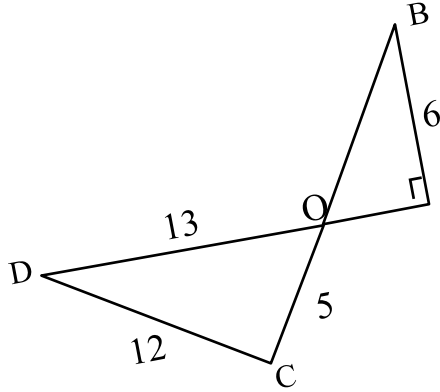
(1) احسب $f(2)$, $g(-\frac{1}{2})$

(2) انشر $g(x)$ واختزله.

(3) حل $g(x)$ إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى.

(4) استنتج أن $f(x) = g(x)$ ثم جد حلول المعادلة $g(x) = 0$

(5) أوجد أسلاف العدد $[-3]$ وفق f .



التمرين الثاني : في الشكل المجاور: OAB مثلث قائم في A

فيه: $CO = 5$, $AB = 6$, $DC = 12$, $OD = 13$ **والمطلوب:**

(1) أثبت أن DOC مثلث قائم .

(2) أثبت أن النقاط A, B, D, C تنتمي إلى دائرة واحدة ، عين مركزها .

(3) احسب $\sin \widehat{C\hat{O}D}$ و استنتج الطول OB .

التمرين الثالث :

أولاً: يحوي صندوق 10 كرات متماثلة كُتبت عليها الأرقام 4, 3, 3, 5, 6, 2, 3, 1, 9, 7، نسحب عشوائياً كرة من الصندوق

ونقرأ رقمها وليكن A الحدث الدال على ظهور كرة تحمل عدداً زوجياً و B الحدث الدال على ظهور كرة تحمل عدداً أولياً

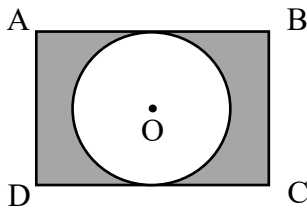
والمطلوب: 1. جد الاحتمالات $P(A)$ و $P(B)$

2. اكتب بصيغة القائمة كلاً من الأحداث الآتية: $A \cap B$ و $A \cup B$ ، هل A, B متنافيان؟

3. إذا كانت الأعداد 4, 3, 3, 5, 6, 2, 3, 1, 9, 7 تمثل عينة إحصائية فجد وسيط ومدى هذه العينة

ثانياً: اكتب C على شكل قوة عدد $C = \frac{4^3 \times 9^2}{2^3 \times 3^4 \times 5^{-3}}$

التمرين الرابع :



(1) في الشكل المجاور ABCD مستطيل فيه AB , DC مماسان للدائرة

التي مركزها O ونصف قطرها $\sqrt{3}$, $AB = \sqrt{27}$ **والمطلوب :**

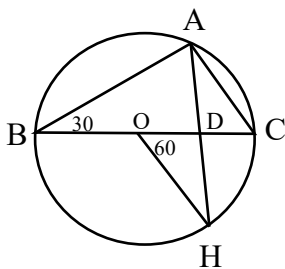
(a) احسب S_1 مساحة المستطيل واكتبه بأبسط صورة.

(b) احسب S_2 مساحة الدائرة التي مركزها O

(c) أوجد مساحة الجزء المظلل S_3 .

(2) حل المتراجحة $2(x+2) \geq 3x+1$

التمرين الخامس :



في الشكل المرسوم جانباً [BC] قطر في دائرة مركزها O ، H نقطة من

الدائرة حيث $\widehat{COH} = 60$ وقياس $\widehat{ABC} = 30$ **والمطلوب:**

1. احسب \widehat{CAH} ، \widehat{ACB}

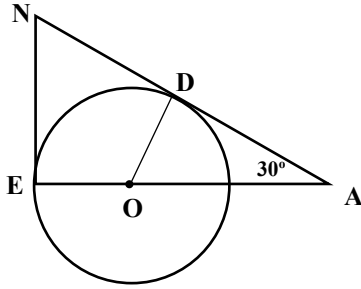
2. أثبت أن $(AC) \parallel (OH)$

3. أثبت أن $\widehat{AB} = 2\widehat{CH}$

المسألة الأولى: لتكن الجملة $\Delta : x + y = 0$

$$d : x - y = -2$$

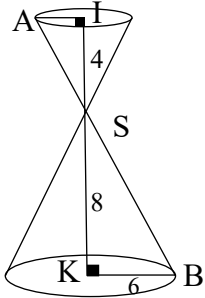
- (1) تحقق أن المستقيم Δ يمر من المبدأ.
- (2) حل جملة المعادلتين جبرياً.
- (3) جد إحداثيات النقطة A نقطة تقاطع المستقيم (d) مع محور الفواصل.
- (4) في معلم متجانس , ارسم كلاً من المستقيمين (d) , (Δ) ثم عين إحداثيات نقطة تقاطعهما N .
- (5) احسب $\tan (N\hat{O}A)$ واستنتج أن المستقيمين (Δ) و (d) متعامدان.

المسألة الثانية: في الشكل المجاور لدينا الدائرة $C(O, 4)$ ومماسان للدائرة في النقطتين D , E علىالترتيب , قياس الزاوية $A = 30^\circ$ والمطلوب :

- (1) أثبت أن $D\hat{O}A = 60^\circ$
- (2) أثبت أن النقط E, N, D, O تقع على دائرة واحدة , ثم عين مركزها.
- (3) أثبت أن $AD = 4\sqrt{3}$
- (4) اكتب عبارة $\cos A$, ثم استنتج أن $2EA = \sqrt{3} AN$
- (5) أثبت أن D منتصف [NA] .

المسألة الثالثة:

مخروطان دورانين متقابلان بالرأس S مركزا قاعدتيهما I , K ونصفا قطري قاعدتيهما بالترتيب

IA , KB والمستقيمان (IA) , (KB) متوازيان $KB = 6$, $IS = 4$, $KS = 8$ والمطلوب :

- (1) علل تشابه المثلثين SKB , SIA و اكتب نسب التشابه.
- (2) احسب طول SB .
- (3) احسب $\tan (k\hat{S}B)$
- (4) أوجد حجم المخروط الذي مركز قاعدته K
- (5) استنتج حجم المخروط الذي قاعدته I

انتهت الأسئلة

ملاحظات عامة :

1. اذا دمج الطالب خطوتين او أكثر وكان باستطاعة الطالب الجيد أن يقوم بذلك الدمج يعطى الطالب مجموع الدرجات المخصصة لما دمج من خطوات
2. لا يجوز تجزئة الدرجات المخصصة للخطوة الواحدة .
3. اذا اخطأ الطالب في خطوة من خطوات الحل ثم تابع بمنطق سليم ومفيد يعطى الخطوات التي تليها ما يستحق من درجات وفق السلم شرط ان لا يؤدي الخطأ إلى خفض سوية السؤال أو تغيير مضمونه
4. اذا حل الطالب تمريناً او طلب من تمرين او برهن المبرهنة بطريقة لم ترد في السلم فعلى المصحح ان يعرض الطريقة على الموجهين الاختصاصيين بدراسة هذه الطريقة والتأكد من صحتها ومن ثم توزيع الدرجات لتلك الطريقة بما يكافئ التوزيع الوارد في السلم ثم يعمم هذا التوزيع
5. يحذف درجتان لكل خطأ حسابي من الدرجات المخصصة للخطوة التي وقع فيها الخطأ
6. إذا لم يجب الطالب عن سؤال ما تكتب الى جانب السؤال العبارة الآتية (صفر للسؤال لأنه بلا إجابة)
7. تسجل الدرجات التي يستحقها الطالب عن طلبات السؤال ومراحله رقما و بوضوح على الهامش اما الدرجة المستحقة على السؤال كاملا تسجل على الهامش الأيمن (مقابل بداية الإجابة) رقما وكتابة.
- 8- إذا حل الطالب أكثر من عدد الأسئلة المطلوبة تصحح فقط الأسئلة المحلولة أولا دون النظر إلى بقية الأسئلة.

السؤال الأول: اختر الإجابة الصحيحة (70 درجة) /// اذا اختار الطالب اجابتين أو أكثر ينال علامة الصفر على السؤال ///

الدرجة	الاجابة	رقم الخطوة
10	A أو 4^{-3}	1
10	A أو $\frac{13}{7}$	2
10	B أو $36\pi cm^3$	3
10	A أو $O_1O_2 = 3$	4
10	A أو 2	5
10	C أو 70°	6
10	D أو $x(x+10)$	7
10	D	8
10	D	9
70 درجة		المجموع

السؤال الثاني: املأ الفراغات (30 درجة)

الدرجة	الإجابة	رقم الخطوة
10	132	1
10	مستطيل	2
4+3+3	$12x/ 2x / 3$	3
10	10^{-3} أو 0.001	4
30		المجموع

ثانياً : حل التمارين الأربعة التالية : (لكل تمرين 75 درجة)

التمرين الأول :

الدرجة	الإجابة	رقم الخطوة
1 + 1	التعويض f(2)	1
1 + 1	إيجاد ناتج كل قوس	
1	الناتج	
1 + 1	التعويض g(-1/2)	
1 + 1	إيجاد ناتج كل قوس	
1 + 1	الناتج	
	النشر	2
2 + 2 + 2	فك المطابقة	
2 + 2 + 2	نشر + الاختزال	
	التحليل	3
4	إخراج القوس عامل مشترك	
4 + 4	الناتج داخل القوسين	
4	التبسيط	
4	بالمقارنة f(x) = g(x)	4
2	حلول المعادلة g(x) = 0 بما أن f(x) = g(x) نكتب f(x) = 0	
4 + 4	إما $x = \frac{3}{2} +$	
4 + 4	أو $x = -\frac{1}{2} +$	
	أسلاف -3 وفق f	5
2	كتابة $4x^2 - 4x - 3 = -3$	
2	الوصول إلى $4x^2 - 4x = 0$	
2 + 2 + 2	التحليل $4x(x - 1)$	
	الوصول إلى	
2	X = 0	
2	X = 1	
75		المجموع

التمرين الثاني:

الدرجة	الإجابة	رقم الخطوة
10 + 5	حسب عكس فيثاغورث + اثبات قائم	1
5+3+3+4	تساوت زاويتين تحصران ويقعان + تعيين المركز	2
10+5	قانون sin COD + نتيجة	3
10	استنتاج تساوي الزاويتين المتقابلتين بالرأس	4
10+10	كتابة sin AOB + حساب طول OB	5
75 درجة		المجموع

التمرين الثالث:

الدرجة	الإجابة	رقم الخطوة
10	حساب p (A)	أولا 1
10	حساب P (B)	
10	إيجاد التقاطع	2

10	إيجاد الاجتماع	
5+5	متافيان+التعليل	3
	حساب قيمة C	ثانيا
5	كتابة $4^3 = 2^6$	
5	كتابة $9^2 = 3^4$	
5 + 5	الوصول إلى النتيجة $2^3 \times 5^3$	
5	الحل 10^3	
75 درجة		المجموع

التمرين الرابع:

الدرجة	الإجابة	رقم الخطوة
5 + 5	تبسيط $\sqrt{27}$ أينما ورد	1
	حساب S_1	
5 + 5 + 5	القانون + التعويض + الناتج	
	حساب S_2	
5 + 5 + 5	القانون + التعويض + الناتج	
	حساب S_3	
5	كتابة $S_3 = S_1 - S_2$	
5	الوصول إلى النتيجة $S_3 = 18 - 3\pi$	
	حل المتراجحة :	2
3 + 3	النشر	
3 + 3	التبسيط	
3	قلب إشارة المتراجحة	
5	رسم المستقيم والتمثيل عليه	
5	جهة القوس	
75 درجة		المجموع

التمرين الخامس :

الدرجة	الإجابة	رقم الخطوة
5+5	حساب الزاوية A + التعليل	1
15+15	حساب الزاوية ACB مع التعليل + حساب الزاوية CAH مع التعليل	2
5+5	تحديد الزاويتين المتساويتين + وضع تبادل داخلي	3
10	استنتاج التوازي	
5+10	اثبات القوسين AC, CH طبقين	4
	استنتاج العلاقة	
75 درجة		المجموع

الدرجة	الإجابة	رقم الخطوة
	التحقق	1
5 + 5	التعويض + كتابة نعم تحقق	
	حل جملة معادلتين	2
	طريقة الحذف بالجمع	
10	الوصول إلى $2X = -2$	
5	$X = -1$	
5 + 5	التعويض وإيجاد قيمة Y	
5	إيجاد إحداثيات A	3
	$A (-2, 0)$	
	رسم المستقيمين	4
	لكل مستقيم	
$2 \times (3 + 3)$	إحداثيات النقطتين	
$2 \times (3 + 3)$	التعيين على الشبكة	
$2 \times (3)$	رسم المستقيم المار من النقطتين	
10	رسم المحاور	
5	إيجاد إحداثيات N	
3	حساب Tan	5
12	إثبات التعامد	
100 درجة		المجموع

المسألة الثانية (100 درجة)

الدرجة	الإجابة	رقم الخطوة
	$\widehat{DOA} = 60^\circ$	1
5	NA مماس $\widehat{ODA} = 90^\circ \iff$	
5 + 5	$A = 30^\circ \iff \widehat{DOA} = 30^\circ +$ التعليل	
	إثبات الرباعي دائري	2
5 + 5	NE , NA مماسان وبالتالي $\widehat{NDO} = \widehat{NEO} = 90^\circ$	
5	التعليل	
5	ذكر الخاصة لإثبات الرباعي دائري	
5	تعيين مركز الدائرة	
	إثبات $AD = 4\sqrt{3}$	3
15	إما حسب فيثاغورث أو Tan A	
	حساب COS A واستنتاج العلاقة	4
5	كتابة قانون COS	
5	التعويض	
5	استنتاج العلاقة	
	إثبات D منتصف NA	5
5	كتابة خاصة الضلع المقابلة للزاوية 30°	
5	كتابة $EN = \frac{1}{2} AN$	
5	كتابة $NE = ND$	
5	التعليل	
5	الوصول إلى $ND = \frac{1}{2} AN$	
5	ومنه D منتصف NA	
100 درجة		المجموع

المسألة الثالثة :

الدرجة	الإجابة	رقم الخطوة
5	كتابة IA // KB	1
5	التعليل ← التشابه	
5+5+5	كتابة النسب الثلاث	
5	حساب SB حسب فيثاغورث	2
5	الترميز	
5	التعويض	
5	الوصول إلى النتيجة SB = 10	
	حساب Tan	3
5+5+5	كتابة القانون + التعويض + الاختزال	
	حساب الحجم	4
5	كتابة القانون	
5+5	استنتاج $k = \frac{1}{2}$, $r = 3$	
5	حساب مساحة الدائرة	
5	التعويض في قانون الحجم	
5	الوصول إلى النتيجة $V = 12\pi$	
5+5	باي من الطريقتين	5
100 درجة		المجموع

انتهى السلم



الصفحة الأولى

أجب عن الأسئلة الآتية : (70 درجة للأول و 30 درجة للثاني)

أولاً

السؤال الأول : اختر سبعة أسئلة فقط من تسعة (لكل سؤال أربع إجابات مقترحة واحدة صحيحة فقط) :

1.	عدد محاور تناظر خمسم منتظم يساوي :					
A	10	B	4	C	5	D
2.	الدائرتان اللتان تحققان العلاقة : $OO' > R_1 + R_2$, هما دائرتان :					
A	متماستان داخلاً	B	متماستان خارجاً	C	متباعدتان داخلاً	D
3.	ABCDEF مسدس منتظم ، فقياس الزاوية EDC يساوي :					
A	60	B	108	C	120	D
4.	إن العدد $(\sqrt{5} - \sqrt{2})^2$ هو عدد :					
A	عشري	B	صحيح	C	عادي	D
5.	المقدار $\sin^2(45) + \sin^2(30)$ يساوي :					
A	1	B	2	C	0.75	D
6.	ناتج $\sqrt{19 + 8\sqrt{3}}$ هو :					
A	$\sqrt{3} + 19$	B	$4 + \sqrt{3}$	C	$4 - \sqrt{3}$	D
7.	إذا كان x عدداً يحقق المتراجحة $x \leq -2$ فإن :					
A	$-x + 3 \geq 5$	B	$-x + 3 \leq 5$	C	$-x + 3 \leq -5$	D
8.	مربع طول قطره يساوي $2\sqrt{2}$ فإن طول ضلعه يساوي :					
A	$2\sqrt{2}$	B	2	C	8	D
9.	الكسر المختزل للكسر $\frac{121}{77}$:					
A	$\frac{22}{7}$	B	$\frac{11}{3}$	C	$\frac{11}{7}$	D

السؤال الثاني : اختر ثلاثة أسئلة فقط ثم انسخ على ورقة إجابتك ثم أكمل العبارات لتكون صحيحة :

(1) الجسم الكروي ذات المركز O ونصف القطر R هو مجموعة نقاط الفراغ M التي تحقق -----

(2) قيمة x التي تجعل المستطيل الذي بعده $2x + 4$, $3x + 1$ مربعاً هي -----

(3) إذا كان $3^n = 9^5$ فإن قيمة n تساوي -----

(4) $(\sqrt{3} + \sqrt{2})^2 = \dots + 2\sqrt{6}$

أقلب الصفحة

حل أربعة تمارين فقط من التمارين الخمسة الآتية : (75 درجة لكل تمرين) :

ثانياً

التمرين الأول :

ليكن f تابعاً معرفاً بالصيغة : $f(x) = (2x + 5)^2 - (5x - 3)^2$

- انشترثم اختزل $f(x)$
- حل $f(x)$ إلى جداء عوامل من الدرجة الأولى
- حل المعادلة $f(x) = 0$, ثم استنتج أسلاف العدد (0)
- احسب صورة العدد (-1)

التمرين الثاني :

أولاً: لتكن لدينا المتراجحة :

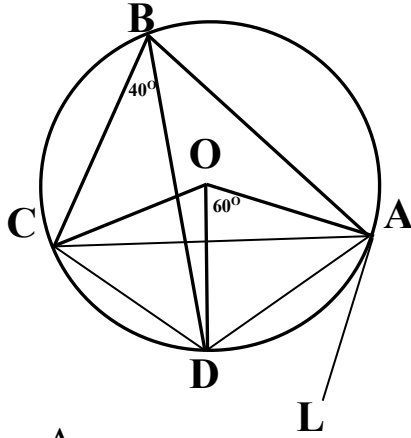
$$\frac{+3x-4}{2} + 1 \leq -4$$

- بين هل العدد (-2) حل أو ليس حلاً للمتراجحة ؟
- حل المتراجحة السابقة ، ومثل الحل على مستقيم الأعداد .

ثانياً : احسب العدد : $A = \frac{4^3 \times 5^{-4} \times 3^7}{2^5 \times 9^4 \times 5^{-5}}$ ثم بين طبيعة الناتج.

التمرين الثالث :

في الشكل المرسوم جانباً : دائرة C مركزها O ، نصف قطرها 6cm ، $\widehat{AOD} = 60^\circ$ ، $\widehat{DBC} = 40^\circ$ ، AL مماس للدائرة في A



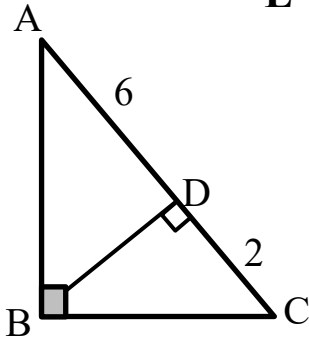
(1) أوجد قياس \widehat{LAD} .

(2) احسب قياسات زوايا المثلث ADC .

(3) أثبت أن المضلع AOD منتظم ، واستنتج الطول AD

التمرين الرابع : في الشكل المرسوم جانباً : مثلث قائم في B

(BD) يعامد (AC) ، $AD = 6$ ، $DC = 2$. والمطلوب :



(1) إذا علمت أن $\tan(DAB) = \tan(DBC)$ فأثبت أن $BD = 2\sqrt{3}$.

(2) اكتب عبارة $\cos(ACB)$ في كل من المثلثين ABC , CBD

واستنتج أن $BC^2 = CD \times CA$. ثم احسب AB ، BC

(3) ندور المثلث ABC حول الضلع $[AB]$ دورة كاملة ، ما اسم الجسم الناتج؟

احسب حجمه .

التمرين الخامس :

مغلف يحوي 8 بطاقات متماثلة كتبت عليها الأرقام و1,1,1,3,3,3,4,4 نسحب من المغلف عشوائياً بطاقة واحدة ثم نسجل رقمها :

(1) ارسم شجرة الإمكانيات و زود فروعها باحتمالات النتائج الممكنة

(2) احسب احتمال الحدث A ظهور بطاقة تحمل عدداً فردياً ، عيّن \bar{A} الحدث المعاكس واحسب احتمالته .

(3) احسب احتمال الحدث B ظهور بطاقة تحمل عدداً أولياً.

(4) احسب احتمال الحدث C ظهور بطاقة تحمل عدداً أكبر تماماً من 3

حلّ مسألتين فقط من المسائل الثلاث الآتية : (100 درجة لكل مسألة)

$$d : x + y = 4$$

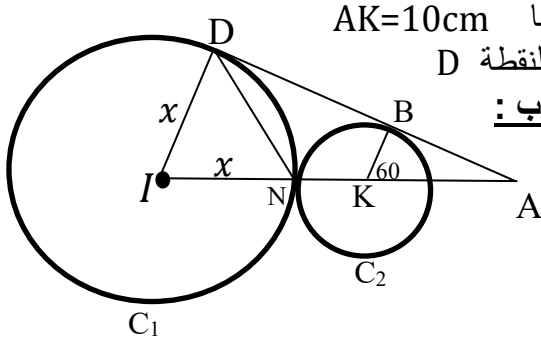
المسألة الأولى: ليكن d و Δ مستقيمين معادلتيهما

$$\Delta : x + 2y = 0$$

المطلوب:

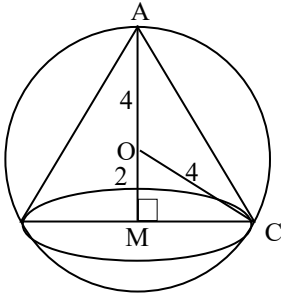
- (1) حل الجملة السابقة جبرياً .
- (2) أوجد إحداثيات نقطتي تقاطع المستقيم d مع محوري الإحداثيات.
- (3) ارسم d , Δ في معلم متجانس ثم عين نقطة تقاطعهما N .
- (4) بفرض B نقطة تقاطع d مع محور الترتيب احسب مساحة OBN .

المسألة الثانية:



في الشكل المجاور دائرة C_1 دائرة مركزها I ، دائرة C_2 دائرة مركزها K ، لدينا $AK=10cm$ وقياس الزاوية $\angle AKB = 60^\circ$ و المستقيم (AD) مماس للدائرة C_1 في النقطة D ويمس الدائرة C_2 في النقطة B و نفرض طول $DI = x$ و المطلوب:

- (1) احسب قياس كل من الزاويتين $\angle ADI$ ، $\angle ABK$.
- (2) أثبت أن (DI) و (BK) متوازيان ثم اكتب النسب الثلاث المتساوية في المثلثين $\triangle ABK, \triangle ADI$.
- (3) احسب قياسات كل من الزاويتين $\angle ADN$ و $\angle DIA$.
- (4) في المثلث القائم $\triangle ABK$ احسب طول BK .
- (5) احسب طول AN , ثم احسب قيمة x .



المسألة الثالثة:

في الشكل المجاور لدينا الكرة w التي مركزها O ونصف قطرها $OA = 4cm$ بداخلها مخروط دوراني رأسه A وقاعدته دائرة مركزها النقطة M التي تبعد عن مركز الكرة مسافة $OM = 2 cm$.

والمطلوب:

- (1) احسب $\sin \angle OCM$ واستنتج قياس الزاوية $\angle OCM$.
- (2) أثبت أن $CM = 2\sqrt{3} cm$.
- (3) احسب مساحة سطح الكرة w التي مركزها O .
- (4) نقطع المخروط بمستوي يوازي قاعدة المخروط ويمر بالنقطة O . حدد طبيعة المقطع الناتج ثم احسب مساحته.

انتهت الأسئلة

نموذج D

4دورة عام 2026/2025

ملاحظات عامة:

1. إذا دمج الطالب خطوتين أو أكثر وكان باستطاعة الطالب الجيد أن يقوم بذلك الدمج يعطى الطالب مجموع الدرجات المخصصة لما دمج من خطوات
2. لا يجوز تجزئة الدرجات المخصصة للخطوة الواحدة
3. إذا أخطأ الطالب في خطوة من خطوات الحل ثم تابع بمنطق سليم ومفيد يعطى الخطوات التي تليها ما يستحق من درجات وفق السلم شرط ألا يؤدي خطؤه الى خفض مستوى السؤال أو تغير مضمونه
4. إذا حل الطالب تمريناً أو طلب من تمرين بطريقة لم ترد في السلم فعلى المصحح أن يعرض الطريقة على الموجهين الاختصاصيين لدراسة هذه الطريقة والتأكد من صحتها ومن ثم توزيع الدرجات لتلك الطريقة بما يكافئ التوزيع الوارد في السلم ثم يعمم هذا التوزيع
5. يحذف درجة واحدة لكل خطأ حسابي من الدرجات المخصصة للخطوة التي وقع فيها الخطأ
6. إذا لم يجب الطالب من سؤال ما تكتب إلى جانب السؤال العبارة الآتية (صفر للسؤال لأنه بلا إجابة)
7. تسجل الدرجات التي يستحقها الطالب عن طلبات السؤال ومراحله رقماً وبوضوح على الهامش أما الدرجة المستحقة على السؤال كاملاً تسجل على الهامش الأيمن (مقابل بداية الإجابة) رقماً وكتابة.
8. إذا حل الطالب أكثر من عدد الأسئلة المطلوبة تصحح فقط الأسئلة المحلولة أولاً دون النظر إلى بقية الأسئلة.

السؤال الأول: اختر الإجابة الصحيحة (70 درجة) /// إذا اختار الطالب إجابتين أو أكثر ينال علامة الصفر على السؤال ///

رقم الخطوة	الإجابة	الدرجة
1	C	10
2	D	10
3	C	10
4	D	10
5	C	10
6	B	10
7	A	10
8	B	10
9	C	10
المجموع		70 درجة

السؤال الثاني: املأ الفراغات (30 درجة)

رقم الخطوة	الخطوة	الدرجة
1	$OM \leq R$	10
2	$X = 3$	10
3	10	10
4	5	10
المجموع		30 درجة

التمرين الأول:

الدرجة	الخطوة	رقم الخطوة
12+ 12 3 6	نشر القوس الأول + نشر القوس الثاني ادخال إشارة السالب على القوس الثاني اختزال كلي	1
6+6 5+5	تحليل باستخدام متطابقة تربيعية القوس الأول + القوس الثاني اختزال القوس الأول + اختزال القوس الثاني	2
5+5 5 5	إيجاد الحلين أما أو استنتاج انهما الاسلاف إيجاد صورة العدد	3
75 درجة		المجموع

التمرين الثاني:

الدرجة	الخطوة	رقم الخطوة
5	التحقق من ان العدد (-2) حل للمترابحة	1
5+5+5 10 10	نقل + ضرب ب 2 + اختزال $x \leq 2$ تمثيل الحلول على مستقيم الاعداد	2
10+10+10 5	قوة 2 + قوة 3 + قوة 3 طبيعة العدد	3
75 درجة		المجموع

التمرين الثالث:

الدرجة	الخطوة	رقم الخطوة
10+10	قياس الزاوية + التعليل	1
5+5 5+5 5+5	حساب قياس الزاوية + التعليل حساب قياس الزاوية + التعليل حساب قياس الزاوية + التعليل	2
5+10 10	اثبات ان المثلث متساوي الاضلاع + انه منتظم استنتاج الطول AD	3
75 درجة		المجموع

التمرين الرابع:

الدرجة	الخطوة	رقم الخطوة
10+5+5+5	نسبة أولى + نسبة ثانية + تناسب + طول BD	1
5+5+10+10 5	$COS C + COS C$ استنتاج العلاقة + حساب BC حساب AB	2

10+5	اسم المجسم + حساب حجمه	3
75 درجة		المجموع

التمرين الخامس :

الدرجة	الخطوة	رقم الخطوة
30	شجرة الإمكانيات (5 لكل فرع + 5 لاحتماله)	1
5+5+5	$P(A)=P(1)+P(3)=\dots\dots$	2
5+5	تعيين الحدث المعاكس + حساب احتمالته	3
5+5	$P(B)=\dots\dots$	4
5+5	$P(C)=\dots\dots$	5
75 درجة		المجموع

ثالثا

المسألة الأولى: (100 درجة)

الدرجة	الخطوة	رقم الخطوة
10 5 5 5 5	إذا استخدم الطالب طريقة الحذف بالجمع	1
	إذا استخدم الطالب طريقة الحذف بالتعويض	
	جمع الحدود المتشابهة	
	حل المعادلة الناتجة وإيجاد قيمة أحد المتغيرين	
	التعويض في إحدى معادلتين	
	إيجاد قيمة أحد المتغيرين	
5 5	أوجد إحداثيات النقطة أوجد إحداثيات النقطة	2
5 10+5+5 5+10+5+5	رسم مستوى الأحداثيات + تعيين A+تعيين B + رسم المستقيم d تعيين نقطتين+رس ممستقيم Δ + تعيين N	3
2+3+5	احسب مساحته (القانون + التعويض + الناتج)	4
100 درجة		المجموع

المسألة الثانية(100 درجة)

الدرجة	الخطوة	رقم الخطوة
10+5 10+5	حساب ABK + التعليل حساب ADI + التعليل	1
5	اثبات التوازي	2
10+10 10+10	حساب الزاوية DIA + التعليل حساب الزاوية ADN + التعليل	3

5+5	حساب طول BK + التعليل	4
10+5	حساب طول AN + إيجاد قيمة x	5
100 درجة		المجموع

المسألة الثالثة :

5+5+10 10	حساب OCM cos + تعويض + نتيجة استنتاج قياس الزاوية OCM	1
10	اثبات $OM = 2$ حسب فيثاغورث أو النسب	2
5+5+10	قانون + تعويض + نتيجة	3
10 10 5+5+10	طبيعة المقطع دائرة أو دائرة مصغرة عن القاعدة حساب نصف قطر الدائرة قانون + تعويض + نتيجة	4
100 درجة		المجموع

انتهى السلم